



ملحوظة : أجب عن الاسئلة جميعها وعددها (5) ، علماً بأن عدد الصفحات (٤)

السؤال الأول : (٤٢ علامة)

أ) جد كلاً من النهايات الآتية:

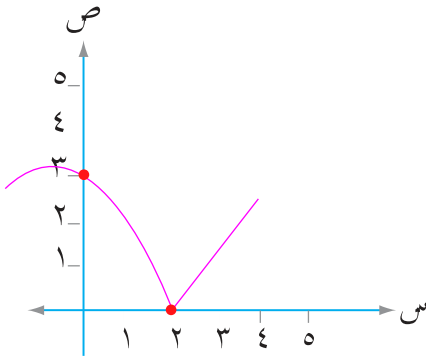
1) نهـ $\lim_{s \rightarrow \infty} \frac{\text{جا}(\text{جتا}(\frac{\pi}{2} - s))}{s}$

(15 علامة)

2) نهـ $\lim_{s \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{s^2 + 1} - 1}{s^2 \sqrt{s^2 + 1}}$

(15 علامة)

ب) انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها : (12 علامة)



١) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل منحنى الاقتران ق المعروف على ح

فإن نهـ $\lim_{s \rightarrow \infty} [f(s)]$

ب) 3

أ) غير موجودة

د) لا شيء مما ذكر

ج) ٢

2) نهـ $\lim_{s \rightarrow 1} \frac{1 - s^9}{1 - s}$

د) غير موجودة

ج) 9

د) 1

أ) صفر

3) الاقتران المتصل على ح من بين الاقترانات الآتية هو :

ب) ق(س) = ظاس

أ) ق(س) = س^٥ ، ن ∃ ح

د) ق(س) = $\frac{s^2 - 9}{s - 3}$

ج) ق(س) = |س|

4) إذا كان ق(س) اقتراناً متصلاً ، وكانت نهـ $\lim_{s \rightarrow 3} (ق(س) + ٤س) = ٧$ ، فأن منحنى ق(س) يمر بالنقطة :

د) (٣ ، -٤)

ج) (٣ ، ٠)

ب) (٣ ، -٥)

أ) (٣ ، ٧)

يتبع الصفحة الثانية

(16 علامة)

$$\left. \begin{array}{l} |س| + س^2 - ٥ \geq ٠ , \quad ٠ \leq س \\ ٣جاس + س^2 , \quad س < ٠ \\ س - ظا س \end{array} \right\} = (س) \text{ إذا كان ق (س) } , \text{ فابحث في اتصال الاقتران ق عند } س = ٠$$

(15 علامة)

ب) إذا كان ق(س) = $\frac{س^2 + ٣}{١ - س^٣}$ ، فأوجد ق(٤) باستخدام تعريف المشتقة .

ج) انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها : (12 علامة)

$$\left. \begin{array}{l} ١ \leq س , \quad ٣ + \frac{١}{س} \\ ١ > س , \quad ٢س^2 + ٤ \end{array} \right\} = (س) \text{ إذا كان ق (س) } , \text{ فإن ق (١) تساوي :}$$

(د) غير موجودة

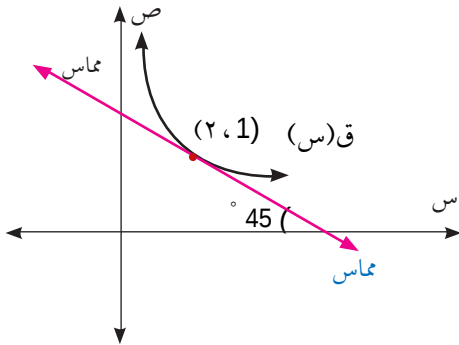
(ج) 4

(ب) 2

(أ) صفر

2) إذا كان ق(س) ، هـ(س) اقترانين قابلين للاشتقاق بحيث ق(س) × هـ(س) = ٢٠

بالاعتماد على الشكل المجاور فإن هـ(١) تساوي :



(ب) 5-

(أ) غير موجودة

(د) ٢

(ج) 5

$$(3) \text{ هـ} \leftarrow \frac{ق(س + هـ) - ق(س - هـ)}{هـ} =$$

(د) ق(س)

(ج) 2-

(ب) ٢ ق(س)

(أ) صفر

$$(4) \text{ ليكن ق(س) } = \left[١ - س - \frac{١}{س} \right] , \text{ فإن ق (١) تساوي :}$$

(د) غير موجودة

(ج) 2-

(ب) $\frac{1}{س}$

(أ) صفر

السؤال الثالث : (٢٨ علامة)

(16 علامة)

$$\left. \begin{array}{l} ٢ \geq س , \quad ٢س - ب س \\ ٢ < س , \quad ٤ - ب س + ٣س \end{array} \right\} = (س) \text{ إذا كان ق (س) }$$

فجد قيمة كل من الثابتين أ، ب اللذين يجعلان ق(٢) موجودة.

يتبع الصفحة الثالثة

(ب) انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها : (12 علامة)

(1) إذا كان ق (٤) = ٥ ، ق (٤) = - ١ ، ق (٤) = ٢ ، فإن $\left(\frac{ق}{ق}\right)$ (٤) تساوي:

(أ) ١١ (ب) ٦ (ج) -٦ (د) -٩

(2) إذا كان (ق ٥ هـ) (٣) = 8 ، وكان (ق ٥ هـ) (٣) = 2 ، فإن هـ (٣) تساوي :

(أ) 16 (ب) 2 (ج) ٤ (د) ٨

(3) إذا كان ق (س) = جتا ٢ س ، فإن ق (س) + ٥ ق (س) تساوي :

(أ) جتا ٢ س (ب) ٩ جتا ٢ س (ج) -٩ جتا ٢ س (د) -جتا ٢ س

(٤) إذا كان ص = ق (س) ، وكان مقدار التغير في قيمة الاقتران ق عندما تتغير س من (س) إلى

(س + هـ) هو: Δ ص = ٥ س^٢ هـ + ٨ س هـ^٢ ، فإن ق (٢) تساوي :

(أ) 16 (ب) 5 (ج) 20 (د) ٨

السؤال الرابع: (٥٤ علامة)

(أ) جد النقط التي يكون عندها المماس لمنحنى العلاقة ٩ س^٢ + ١٦ ص^٢ = ٥٢ ، موازياً للمستقيم ٩ س - ٨ ص = ١ ، ثم جد معادلة المماس عند تلك النقط.

(15 علامة)

(ب) إذا كان ق (س) معرفاً على ح وكانت ق (س) = $\frac{س}{س^٢ + ١}$ (18 علامة)

جد : (١) فترات التزايد والتناقص لمنحنى ق (س)

(٢) فترات التقعر للأعلى وللأسفل للاقتران ق (س)

(٣) الاحداثي السيني لنقط الانعطاف

(ج) انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها :

(1) تحرك جسيم بحيث كان بعده عن نقطة الأصل بالأمتار بعد ثمانية من بدء الحركة معطى بالعلاقة: ف (ن) = ٢ ن^٢.

إذا كانت سرعته المتوسطة في الفترة الزمنية [٠ ، أ] تساوي سرعته اللحظية بعد مرور ٣ ثوان ، فجد قيمة أ.

(أ) صفر (ب) 6 (ج) 3 (د) ٤

(2) إذا كان ق (س) = ٢ س - جاس ، فإن ق (س) يكون :

(أ) متناقص دائماً (ب) متزايد دائماً (ج) مقعر للأعلى دائماً (د) يأخذ قيمة قصوى عندما س = ٢

(3) إذا كان ق (س) = $\frac{١}{س}$ ، هـ (س) = ٢ س^٢ - ١ ، فإن (ق ٥ هـ) (١) تساوي :

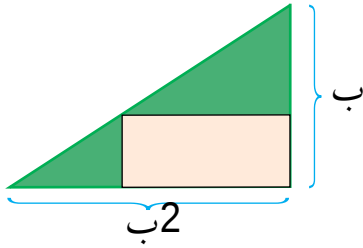
(أ) -4 (ب) -1 (ج) 1 (د) ٤

(4) إذا كان ق (س) + هـ (س) = ٨ ، ق (٢) = ٥ ، ق (٢) = ١ ، فإن $\frac{د}{دس}$ (س + هـ (س)) عندما س = ٢ تساوي :

(أ) صفر (ب) 1 (ج) 3 (د) ٨

السؤال الخامس: (٤٢ علامة)

أ) بدأت بقعة زيت دائرية الشكل نصف قطرها ٣ سم ومركزها نقطة التقاء قطري قطعة قماش مربعة الشكل قطرها ٢٠ سم بالانتشار محافظة على شكلها بحيث يزداد نصف قطرها بمعدل ٢ سم / ث . وفي نفس اللحظة ومن أحد رؤوس قطعة القماش بدأت بقعة زيت أخرى نصف قطرها ٤ سم بالانتشار محافظة على شكلها بمعدل ١ سم / ث
جد معدل تغير مساحة المنطقة الخالية من الزيت في قطعة القماش لحظة بدء التقاء محيطي البقعتين .
(15 علامة)



ب) معتمداً على الشكل المجاور ، جد بعدي اكبر مستطيل يمكن رسمه داخل مثلث قائم الزاوية ، بحيث ينطبق أحد أضلاع هذا المستطيل على أحد ضلعي القائمة في المثلث ورأساه الاخران على ضلعي المثلث الاخرين .
(15 علامة)

ج) انقل الى دفتر اجابتك رقم الفقرة ورمز الاجابة الصحيحة لها :

(1) إذا كان $v = n^4$ ، $s = n^6 + 1$ ، فإن $\frac{ds}{dn} \bigg|_{n=1}$ تساوي :

أ) صفر (ب) $\frac{1}{3}$ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) 3

(2) إذا كان $(s + v) = s^4$ ، فإن $\frac{dv}{ds}$ عند النقطة (١ ، ٠) تساوي :

أ) $\frac{1}{2}$ (ب) $\frac{1}{2}$ (ج) $\frac{1}{4}$ (د) 2-

(3) يتحرك جسيم بسرعة تعطى حسب العلاقة $e^2 = 1 - f^3$ ، حيث f المسافة بالأمتار .
جد تسارع الجسيم عندما $f = 1$ م .

أ) $\frac{3}{4}$ م/ث^٢ (ب) $-\frac{2}{3}$ م/ث^٢ (ج) $\frac{2}{3}$ م/ث^٢ (د) $-\frac{3}{4}$ م/ث^٢

(4) إذا كان لمنحنى الاقتران $q(s)$ مماس افقي عند النقطة (١ ، ٣) ، فإن معادلة العمودي على المماس عند تلك النقطة هي :

أ) $s = 1$ (ب) $v = 3$ (ج) $s = \text{صفر}$ (د) $v = \text{صفر}$