

هل تشكل النسبتان  $\frac{3}{4}$ ،  $\frac{6}{8}$  تناسباً؟  
(باستخدام الضرب التبادلي)

$$\frac{6}{8} \times \frac{3}{4}$$

$$6 \times 4 = 8 \times 3$$

$$24 = 24$$

إذاً تشكلان تناسبا :

أي أزواج النسب الآتية تشكل تناسبا ولماذا؟

(أ)  $\frac{15}{25}$ ،  $\frac{3}{5}$

(ب)  $\frac{6}{12}$ ،  $\frac{4}{8}$

(ج)  $\frac{8}{5}$ ،  $\frac{9}{11}$

التناسب:

←  $\frac{أ}{ب}$  تسمى نسبة

حيث أ: مقدم النسبة

ب: تالي النسبة

وتكتب بطريقة أخرى أ : ب

أو أ إلى ب

مثال:

←  $\frac{3}{4}$  مقدم النسبة  
← تالي النسبة

حدد مقدم النسبة من تاليها في النسب التالية:

٧ : ٤

٣ إلى ٨

متى تشكل النسبتان  $\frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د}$  تناسباً؟

الشرط الأساسي لتشكيل نسبتان تناسبا هو ان يكون حاصل ضرب الطرفين يساوي حاصل ضرب الوسطين

\*\*ما هما طرفي ووسطي التناسب؟

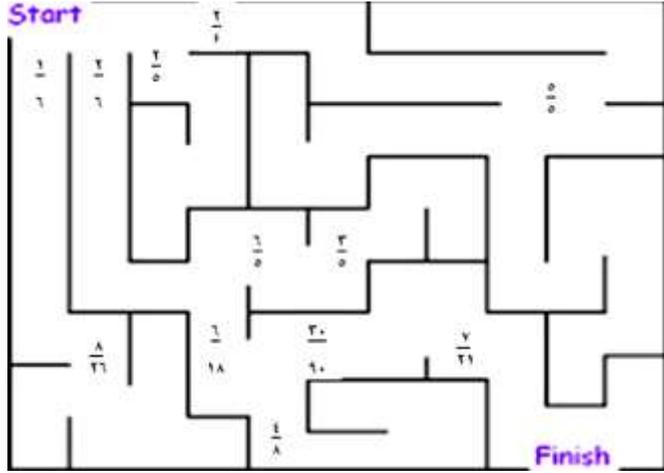
أ، د طرفي التناسب

ب، ج ووسطي التناسب

$$\frac{ج}{د} = \frac{أ}{ب}$$

إذا كان أ × د = ج × ب (فإن النسبتان تشكلان تناسبا)

تتبع النسب التي تشكل تناسباً لحل هذه المتاهة:



اكتشف الخطأ ثم صححه:

$$\frac{3}{6} = \frac{2}{س}$$

$$س \times 6 = 3 \times 2$$

$$س = 1$$

If you can Believe it,

You Can achieve it

إيجاد قيمة مجهولة في التناسب:  
- عن طريق الضرب التبادلي -

إذا كانت النسب التالية متساوية فأوجد قيمة س:

$$\frac{15}{س} = \frac{3}{4}$$

$$15 \times 4 = س \times 3$$

$$60 = س \times 3$$

$$س = 20$$

$$\frac{7}{5} = \frac{ص}{10}$$

$$7 \times 10 = 5 \times ص$$

\*\*للتسهيل نستطيع القسمة على 5 والاختصار قبل اتمام عملية الضرب

$$\frac{7 \times 10}{5} = ص$$

$$14 = 7 \times 2 = ص$$

حل كل من المتناسبات التالية:

$$\frac{12}{28} = \frac{6}{ص} \quad (أ)$$

$$\frac{15}{50} = \frac{س}{10} \quad (ب)$$

$$5 : ل = 15 : 21 \quad (ج)$$

## قوانين التناسب:

ليكن  $\frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د}$  تشكلان تناسباً فإن:

القانون الأول: مقلوب النسبتين

$$\text{إذا كان } \frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د} \text{ فإن } \frac{د}{ج} = \frac{ب}{أ}$$

إذا كان  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$  فإن  $\frac{\square}{6} = \frac{4}{3}$

القانون الثاني: تبديل موقعي الطرفين

$$\text{إذا كان } \frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د} \text{ فإن } \frac{د}{أ} = \frac{ب}{ج}$$

إذا كان  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$  فإن  $\frac{6}{\square} = \frac{8}{4}$

القانون الثالث: تبديل موقعي الوسطين

$$\text{إذا كان } \frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د} \text{ فإن } \frac{أ}{د} = \frac{ب}{ج}$$

إذا كان  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$  فإن  $\frac{6}{8} = \frac{3}{\square}$

القانون الرابع: جمع تالي النسبة الى مقدمها

$$\text{إذا كان } \frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د} \text{ فإن } \frac{أ+ج}{ب+د} = \frac{أ}{ب}$$

إذا كان  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$  فإن  $\frac{\square}{8} = \frac{7}{4}$

القانون الخامس: طرح تالي النسبة الى مقدمها

$$\text{إذا كان } \frac{أ}{ب} = \frac{ج}{د} \text{ فإن } \frac{أ-ج}{ب-د} = \frac{أ}{ب}$$

إذا كان  $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$  فإن  $\frac{\square}{8} = \frac{1}{4}$

$$\frac{63}{س} = \frac{7}{5} \quad \text{حل التناسب}$$

(لاحظ اننا نستطيع حلها بالضرب، تبادلي وهي طريقة صحيحة)

ونستطيع حلها باستخدام قوانين التناسب كالتالي

$$\frac{63}{س} = \frac{7}{5}$$

حسب القانون (١) نستطيع قلب الطرفين

$$\frac{س}{63} = \frac{5}{7}$$

حسب القانون (٣) نستطيع تبديل الوسطين

$$\frac{س}{5} = \frac{63}{7}$$

$$\text{لكن } 63 \div 7 = 9$$

$$\frac{س}{5} = 9 \quad \text{إذاً}$$

"نضرب بـ ٥"

$$س = 5 \times 9$$

$$س = 45$$

$$\frac{24}{20} = \frac{ص+5}{5} \quad \text{حل التناسب}$$

حسب القانون (٥) نستطيع طرح تالي النسبة من مقدمها

$$\frac{20-24}{20} = \frac{ص+5-5}{5}$$

النتائج

$$\frac{4}{20} = \frac{ص}{5}$$

تابع الحل واوجد ص بنفسك ...

ضع عددا مناسباً في  للحصول على تناسب في كل مما يأتي:

$$\frac{\square}{21} = \frac{5}{7} \quad \text{فإن} \quad \frac{15}{21} = \frac{5}{7} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{\square}{21} = \frac{8}{7} \quad \text{فإن} \quad \frac{3}{21} = \frac{1}{7} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{22}{\square} = \frac{11}{6} \quad \text{فإن} \quad \frac{12}{22} = \frac{6}{11} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{21}{7} = \frac{\square}{9} \quad \text{فإن} \quad \frac{21}{27} = \frac{7}{9} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{\square}{26} = \frac{7-}{13} \quad \text{فإن} \quad \frac{12}{26} = \frac{6}{13} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{18}{\square} = \frac{9}{5} \quad \text{فإن} \quad \frac{10}{18} = \frac{5}{9} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{42}{\square} = \frac{49}{7} \quad \text{فإن} \quad \frac{42}{49} = \frac{6}{7} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{\square}{4} = \frac{1}{2} \quad \text{فإن} \quad \frac{6}{4} = \frac{3}{2} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{15}{12} = \frac{\square}{4} \quad \text{فإن} \quad \frac{3}{12} = \frac{1}{4} \quad \text{إذا كان}$$

$$\frac{\square}{4} = \frac{9}{2} \quad \text{فإن} \quad \frac{22}{4} = \frac{11}{2} \quad \text{إذا كان}$$

### أنواع التناسب

التناسب الطردي      التناسب العكسي

بين نوع التناسب بين كل متغيرين فيما يلي:

(أ) المسافة المقطوعة و كمية البنزين المستهلك  
الحل: تناسب طردي كلما زادت المسافة المقطوعة زادت كمية البنزين المستهلك

(ب) درجة الحرارة ونسبة التبخر  
الحل: تناسب طردي، كلما زادت درجة الحرارة زادت نسبة التبخر

(ج) سرعة الطالب وزمن وصوله للمدرسة  
الحل: تناسب عكسي كلما زادت السرعة قل الزمن اللازم للوصول للمدرسة

(د) المسافة بين أحد النجوم والأرض، وشدة إضاءته.  
الحل: تناسب عكسي كلما زادت المسافة قلت شدة الإضاءة

(هـ) طول قطعة قماش وثمنها  
الحل: .....

(و) سرعة طائرة وزمن الرحلة  
الحل: .....

**ملاحظة:** أشهر العلاقات الطردية  
المسافة والسرعة أو المسافة والزمن  
وأشهر العلاقات العكسية  
السرعة والزمن

**في الاسئلة المقالية:**

أولا نحدد المتغيرات

ونكتب القيم المعطاة أسفل المتغيرات ثم نحدد نوع العلاقة  
إذا كان تناسب طردي نضرب ضرب تبادلي وإذا كان  
تناسب عكسي نضرب ضرب أفقي

إذا كان  $\frac{ص + س}{س} = \frac{٩}{٤}$  ، جد  $\frac{ص}{س}$   
(لاحظ المطلوب جيدا وحاول ان تستخدم قوانين التناسب لتصل الى صورته)

نستطيع تطبيق القانون ٥ على النسبتين ونستفيد من ذلك اننا نتخلص من س بالبسط

$$\frac{ص + س - س}{س} = \frac{٩ - ٤}{٤}$$

$$\frac{ص}{س} = \frac{٥}{٤}$$

وهو المطلوب

إذا كان  $\frac{ص + س}{س} = \frac{١٠}{٤}$  فجد  $\frac{ص}{س}$

## (٢) التناسب العكسي

تحتاج طائرة سرعتها ٨٠٠ كم/ساعة الى زمن ٤ ساعات لقطع مسافة بين مدينتين، ما سرعة الطائرة اللازمة لقطع نفس المسافة في ساعتين؟

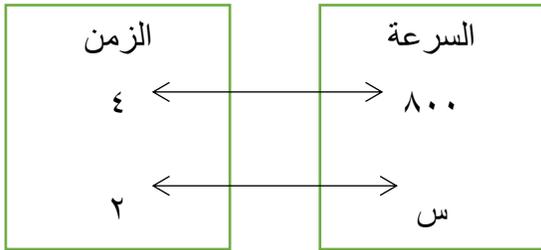
(١) نحدد المتغيرات ونوع العلاقة؟

المتغيرات: سرعة وزمن

العلاقة: عكسية، كلما زادت السرعة قل الزمن

(٣) نرتب المتغيرات والقيم المعطاة ونحدد المجهول

(٣) إذا كانت العلاقة عكسية نضرب ضرب أفقي



(٤) نوجد المجهول:

$$٤ \times ٨٠٠ = س \times ٢$$

$$س = ١٦٠٠$$

إذا تحتاج الطائرة لسرعة ١٦٠٠ كم/ساعة لتقطع المسافة في ساعتين

يحتاج ٤ عمال الى ١٢ ساعة لطلاء منزل، فما عدد العمال اللازم لإنجاز نفس العمل في ٨ ساعات؟

## (١) التناسب الطردي

إذا كان ثمن ٤ حقائب مدرسية ٣٢ دينار فما ثمن ١٢ حقيبة مدرسية؟

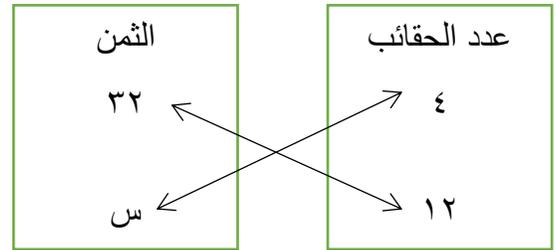
(١) نحدد المتغيرات ونوع العلاقة؟

المتغيرات: عدد الحقائب وثمنها

العلاقة: طردية، كلما زاد عدد الحقائب زاد الثمن

(٢) نرتب المتغيرات والقيم المعطاة ونحدد المجهول

(٣) إذا كانت العلاقة طردية نضرب ضرب تبادلي



(٤) نوجد المجهول:

$$٣٢ \times ١٢ = س \times ٤$$

$$س = ٩٦$$

إذا ٩٦ دينار ثمن ١٢ حقيبة

تقطع سيارة مسافة ٢١٠ كم في ٣ ساعات، احسب المسافة التي تقطعها السيارة في ٥ ساعات.

## ثابت التناسب:

- هو عدد ثابت نستطيع الحصول عليه بـ:  
 (١) قسمة قيمة اي متغيرين في التناسب الطردي  
 (٢) ضرب قيمة اي متغيرين في التناسب العكسي

بالعودة الى التمرينات في بداية الحديث عن أنواع التناسب  
 جد قيمة ثابت التناسب في كل مثال:

(أ) سؤال الحقائق وثنهم

التمن	عدد الحقائق
٣٢	٤
س=٩٦	١٢

$$٨ = \frac{٩٦}{١٢} = \frac{٣٢}{٤} = \frac{\text{التمن}}{\text{عدد الحقائق}} = \text{ثابت التناسب}$$

(ب) سؤال سرعة الطائرة والزمن

الزمن	السرعة
٤	٨٠٠
٢	س=١٦٠٠

$$\text{ثابت التناسب} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

$$٣٢٠٠ = ٢ \times ١٦٠٠ = ٤ \times ٨٠٠ =$$

استخرج ثابت التناسب بباقي الأمثلة ☺

اشترت عائشة ٧ أقلام بـ ٢١٠ قرش، فإذا اشترى عبد  
 الله من نفس نوعية الأقلام بمبلغ ١٨٠ قرش، فكم قلم  
 اشترى عبد الله؟

يذهب صلاح مع والده الى العقبة فيسير الوالد بالسيارة  
 بسرعة ٧٠ كم/الساعة مستغرقا ٤ ساعات، ويذهب احيانا  
 مع أخاه فتستغرق الرحلة ساعتين، احسب السرعة التي  
 يسير بها أخاه؟

قسم مبلغ ٣٣٦٠ دينار بين خديجة وزينب بنسبة

$$\frac{3}{4} : \frac{2}{8}, \text{ فما نصيب كل منهما؟}$$

(في حالة وجود الكسور نوحده المقامات ثم نتجاهل المقامات)

$$\frac{6}{8} = \frac{2 \times 3}{2 \times 4} \text{ الكسر الأول:}$$

$$\frac{2}{8} \text{ الكسر الثاني:}$$

النسب الجديدة (٦ : ٢)

$$1) \quad 8 = 2 + 6$$

$$2) \quad 420 = 8 \div 3360$$

$$3) \quad \text{حصة خديجة} = 6 \times 420 = 2520$$

$$\text{حصة زينب} = 2 \times 420 = 840$$

$$4) \quad \text{التحقق} \quad 3360 = 840 + 2520$$

قسم عمر ٥٤ دينار بين اخوته بنسب ٣:١:٢ كم نصيب كل واحد منهم؟

### التقسيم التناسبي:

تسمى عملية تقسيم شيء الى قسمين أو أكثر بنسب معينة بـ التقسيم التناسبي.

قسم ميراث مقدار ١٥٠٠٠ دينار بين اثنين اخوة واختهم فكانت النسب ٢ : ٢ : ١ ، ما نصيب كل منهم؟

$$أ - \text{نجمع النسب } 1+2+2=5$$

$$ب - \text{نقسم المبلغ على عدد النسب } 3000=5 \div 15000$$



ج - نجدد قيمة كل نسبة

$$\text{الأخ الأول: } 6000 = 3000 \times 2$$

$$\text{الأخ الثاني: } 6000 = 3000 \times 2$$

$$\text{الأخت: } 3000 = 3000 \times 1$$

د - نتحقق بجمع المبالغ

$$15000 = 3000 + 6000 + 6000 \text{ وهو المبلغ المذكور في}$$

السؤال، إذا الحل صحيح

اشترك ماهر و خليل في تجارة فدفع ماهر ٢٠٠٠ دينار و دفع خليل ٥٠٠٠ دينار إذا كان الربح المتحقق ١٤٠٠ دينار فما نصيب كل منهما من الربح؟ (لاحظ: يقسم الربح حسب نسب رؤوس الأموال) النسب هي

$$2000 : 5000$$

\*\*خطوة اختيارية: يجوز الاختصار بين النسب

$$\text{اي ان } 2000 : 5000 \text{ نفسها } 2 : 5$$

$$أ - 7 = 5 + 2$$

$$ب - 200 = 7 \div 1400$$

$$ج - \text{حصة ماهر: } 400 = 2 \times 200$$

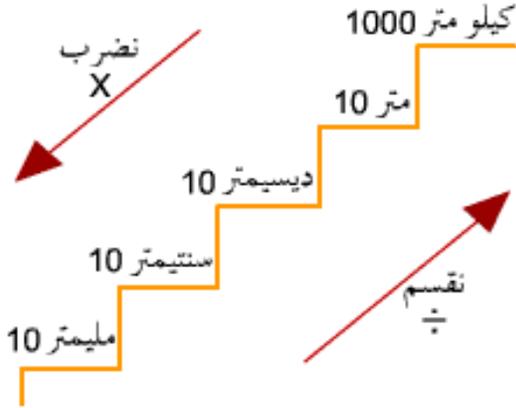
$$\text{حصة خليل: } 1000 = 5 \times 200$$

$$د - 1400 = 1000 + 400$$

مقياس الرسم:

$$\frac{\text{مقياس الرسم}}{\text{البعد في الرسم}} = \frac{\text{البعد الحقيقي}}{\text{مقياس الرسم}}$$

\*قبل الحل يجب ان تكون الوحدات المستخدمة من نفس النوع لذلك نحول الوحدات وفق الدرج التالي:



املا الفراغ في كل مما يأتي:

٤٠٠٠ سم =  م

من سم الى م نصعد درجتين

٤٠٠٠ ÷ ١٠٠ = ٤٠ م

(أ) ١ كم =  م

(ب) ١ م =  سم

(ج) ٥٠٠٠٠٠ سم =  كم

(د) ٣٠ سم =  مم

(هـ) ٣٠٠٠ سم =  دسم

(و) ٢٠ مم =  سم

١٢٠٠٠ دينار ودفع لؤي ١٥٠٠٠ دينار , وكانت الأرباح ٨١٠٠٠ دينار , احسب حصة كل منهما من الأرباح ؟

٣ تم إضافة ثلاثة عصائر برتقال وتفاح وأناناس

للحصول على كوكتيل بنسب  $\frac{1}{4} : \frac{1}{2} : \frac{1}{2}$

احسب الكمية اللازمة من كل نوع لتحضير ٢٠٠ مل من الكوكتيل؟

رسمت خريطة بمقياس رسم ١ : ٥٠٠٠٠٠، إذا كان بعد منزلين مرسومين على الخريطة ٧ سم، أوجد البعد الحقيقي بين المنزلين؟

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{البعد في الرسم}}{\text{البعد الحقيقي}}$$

$$\frac{1}{50000} = \frac{7 \text{ سم}}{س}$$

بالضرب التبادلي

$$٧ \text{ سم} \times ٥٠٠٠٠ = س$$

$$٣٥٠٠٠٠ \text{ سم} = س$$

اي ان البعد الحقيقي ٣٥٠٠٠ سم

إذا كان طول بكتيريا على لوحة مرسومة بمقياس رسم ٨٠ : ١ يساوي ٢٠ مم، جد طول البكتيريا الحقيقي؟

المسافة بين مدينتين على خريطة هو ٤ سم، والمسافة بينهما في الحقيقة ١٦ كم، جد مقياس الرسم الذي رسمت به الخريطة؟

أولا نحول الوحدات

$$١٦ \text{ كم} = ١٦ \times ١٠٠٠٠٠ = ١٦٠٠٠٠٠ \text{ سم}$$

ثانيا نكتب القانون ونعوض به

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{البعد في الرسم}}{\text{البعد الحقيقي}}$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{٤ \text{ سم}}{١٦٠٠٠٠}$$

$$١٦٠٠٠ \text{ سم}$$

نختصر لأبسط صورة

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{١}{٤٠٠٠}$$

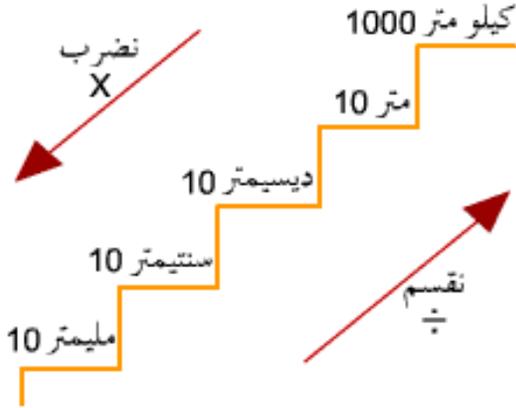
لاحظ أن مقياس الرسم ليس له وحدة فكر لماذا؟

رسم مصعب خريطة بين منزله ومنزل صديقه عمرو فكانت المسافة على الخريطة ٣٠ مم، بينما المسافة الحقيقية ٢٧ متر، جد مقياس الرسم الذي استخدمه مصعب؟

مقياس الرسم:

$$\frac{\text{مقياس الرسم}}{\text{البعد في الرسم}} = \frac{\text{البعد الحقيقي}}{\text{مقياس الرسم}}$$

\*قبل الحل يجب ان تكون الوحدات المستخدمة من نفس النوع لذلك نحول الوحدات وفق الدرج التالي:



املا الفراغ في كل مما يأتي:

٤٠٠٠ سم =  م

من سم الى م نضع درجتين

٤٠٠٠ ÷ ١٠٠ = ٤٠ م

(أ) ١ كم =  م

(ب) ١ م =  سم

(ج) ٥٠٠٠٠٠٠ سم =  كم

(د) ٣٠ سم =  مم

(هـ) ٣٠٠٠ سم =  دسم

(و) ٢٠ مم =  سم

١٢٠٠٠ دينار ودفع لؤي ١٥٠٠٠ دينار , وكانت الأرباح ٨١٠٠٠ دينار , احسب حصة كل منهما من الأرباح ؟

٣ تم إضافة ثلاثة عصائر برتقال وتفاح وأناناس

للحصول على كوكتيل بنسب  $\frac{1}{4} : \frac{1}{2} : \frac{1}{2}$

احسب الكمية اللازمة من كل نوع لتحضير ٢٠٠ مل من الكوكتيل؟

أودع سمير مبلغ ١٢٠٠٠ دينار بحساب الربح البسيط،  
بسعر فائدة ٥% في السنة، جد كل مما يلي:  
(أ) ربح سمير بعد ٣ سنوات

الربح البسيط:

الربح البسيط = رأس المال × نسبة الفائدة × عدد السنوات

$$ر = م \times س \times ن$$

(ب) جملة المبلغ بعد ٣ سنوات؟

جملة المبلغ = المبلغ الأصلي + الربح البسيط

ملاحظة هامة جدا:  $\frac{٦١}{١٠٠} = ٦١\%$

دائما نحول النسبة المئوية الى مقام يساوي ١٠٠

أودع علاء مبلغ من المال في حساب الربح البسيط،  
بسعر فائدة ٧% في السنة، فاذا استلم بعد ٥ سنوات الربح  
وكان مقداره ٧٠٠، فكم كان مقدار المبلغ الذي أودعه؟

أودعت سمية ٣٠٠٠ دينار في حساب صندوق الحج  
الذي يتعامل بحساب الربح البسيط وكانت نسبة الربح ٤%  
سنويا، ما قيمة الربح اذا استمر على هذا النحو ٥ سنوات؟  
وما جملة المبلغ بعد ٥ سنوات؟

$$ر = م \times س \times ن$$

$$٥ \times \frac{٤}{١٠٠} \times ٣٠٠٠ =$$

$$= ٦٠٠ \text{ دينار (مقدار الربح)}$$

$$\text{جملة المبلغ} = \text{المبلغ الأصلي} + ر$$

$$= ٣٠٠٠ + ٦٠٠ = ٣٦٠٠ \text{ دينار}$$

## ورقة عمل على الوحدة كاملة



السؤال الأول: هل تشكل النسبتان  $\frac{7}{8}$  و  $\frac{49}{64}$  تناسباً؟

السؤال الخامس: أودع حسن مبلغ ٧٥٠٠ دينار، بحساب الربح البسيط، بفائدة ٣% في السنة، جد  
 (أ) ربح حسن بعد ٣ سنوات  
 (ب) جملة المبلغ بعد ٣ سنوات

السؤال الثاني: قطعت سيارة تسير بسرعة ١٢٠ كم/الساعة المسافة بين مدينتين في ٣ ساعات احسبي سرعتها اذا قطعت المسافة نفسها في ساعتين ( ٢ ساعة ) .

السؤال الثالث: تقاضى احمد راتباً مقداره ٢٣١٠ دينار في ثلاثة شهور احسب ما يتقاضاه احمد في: خمسة شهور، سبع شهور.

السؤال السادس: يراد توزيع قطعة ارض مساحتها ٨٨ دونماً بين ثلاث شركاء بنسبة ٢ : ٤ : ٥ ما نصيب كل منهم ؟

السؤال الرابع: اراد مهندس بناء عمارة فجهز مجسماً ارتفاعه ٢٠ سم بمقياس رسم ١ : ٦٠ احسب الارتفاع الحقيقي للعمارة