



# الرياضيات

الصف الثاني عشر  
للفرعين العلمي والصناعي

بنك أسئلة التوجيهي

أ) إذا كانت  $\frac{3\sqrt{m+s} + \sqrt{n} - 3\sqrt{s}}{s}$  نهـا  $\frac{3\sqrt{m+s} + \sqrt{n} - 3\sqrt{s}}{s}$  ← س .

فجد قيمة الثابتين م ، ن

ب) إذا كانت  $\frac{3\sqrt{q(s)} + 4}{s}$  نهـا  $\frac{3\sqrt{q(s)} + 4}{s}$  ← س فجد قيمة:

$\frac{3\sqrt{q(s)} + 4}{s}$  نهـا  $\frac{3\sqrt{q(s)} + 4}{s}$  ← س

جد قيم النهايات الآتية:

(١)  $\frac{\sqrt{1 + 4s + 4s^2}}{1 + 2s}$  نهـا  $\frac{\sqrt{1 + 4s + 4s^2}}{1 + 2s}$  ← س  $\frac{1}{3}$

(٢)  $\frac{4 - 3s + s^2}{4 - (s)}$  نهـا  $\frac{4 - 3s + s^2}{4 - (s)}$  ← س إذا كانت: ١

$\frac{4 - (s)}{1 - s}$  نهـا  $\frac{4 - (s)}{1 - s}$  ← س ٦

جد قيم النهايات الآتية:

$$(1) \quad \lim_{s \rightarrow 0} \frac{ج٢ا١ - س١ - ١}{ج٢اس - ١ - ١}$$

$$(2) \quad \lim_{s \rightarrow 0} \frac{س٢ + ٩س + ٣ - ٩}{س}$$

إذا كانت  $\lim_{s \rightarrow 0} \frac{ج٢ا١ - س١ - ١}{ج٢اس - ١ - ١} = أ$

فجد  $\lim_{s \rightarrow 0} \frac{س٢ + ٩س + ٣ - ٩}{س}$  بدلالة أ



جد النهايات التالية:

$$(١) \lim_{s \rightarrow 3} \frac{s^3 - s^2}{s - 1 - \sqrt{s+1}}$$

$$(٢) \lim_{s \rightarrow \pi} \frac{\text{جا (جتاس)}}{s^2 - \pi}$$

$$(أ) \text{ إذا كانت } \lim_{s \rightarrow 0} \frac{\sqrt{s+1} - 1}{s} = \lim_{s \rightarrow 0} \frac{\sqrt{s^3 + 4} - 2}{s} \text{ جد قيمة } s$$

جد قيمة أ

$$(ب) \text{ جد قيمة } \lim_{s \rightarrow \frac{\pi}{8}} \frac{\text{ظتا } s^2 - 1}{s^8 - \pi}$$

## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

أ) إذا كان  $ق(س) = \frac{1}{س^2 - 2س + 1}$  ،  $ه(س) = (س - ١)^2$

ابحث في اتصال الاقتران ل(س) حيث ل(س) = ق(س) × ه(س)  
عند  $س = ١$

ب) إذا كان الاقتران ق(س) =  $\frac{س + ٢}{س^2 + ٢س + ١}$

متصلاً على ح ، فجد قيمة/قيم الثابت أ

## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

إذا كان ق(س) =  $\left. \begin{array}{l} \frac{1}{س - 1} - \frac{2}{س^2 - 1} , س < ١ \\ \frac{ب}{٢} , س = ١ \\ \frac{س^2 - (١ + ٢)س + ٢}{س - ١} , س > ١ \end{array} \right\}$

وكان الاقتران ق متصلاً عند  $س = ١$  ، فجد قيمة كل من  
الثابتين ٢ ، ب



أ) جد قيمة  $\lim_{s \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\sqrt{1 - \cos 2s}}{\pi - 4s}$

ب) إذا كان  $q(s) = \frac{1}{s + \cos s}$  ، حيث  $s \neq 0$  .  
فجد  $q'(s)$  باستخدام تعريف المشتقة

أ) إذا كان  $q(s) = \sqrt[3]{s + 5} + \sqrt{s + 1}$

فجد  $q'(3)$  باستخدام التعريف العام للمشتقة.

ب) إذا كان  $q(s) = \cos s + \sin s$  ،

حيث  $s \in [0, \frac{\pi}{4}]$  ، فجد  $q'(\frac{\pi}{4})$

أ) إذا كان  $Q(s) = \frac{s}{s^2 + 3}$  ، فجد  $Q(1)$

باستخدام تعريف المشتقة.

ب) إذا كان  $Q(s) = \text{ظاس}$  ، وتغيّرت  $s$  من  $s$  إلى  $s + h$

أثبت أن متوسط التغيّر للاقتراح  $Q$  يساوي  $\frac{\text{قأس ظاه}}{h(1 - \text{ظاس ظاه})}$

أ) إذا كان  $Q(s) = \sqrt[3]{5s^2 + s + 2}$  ،  $h(s) = \frac{\pi \text{ظاس}}{4}$

جد  $(Q \times h)^{(1)}$

ب) إذا كان  $v = \sqrt{2 \text{جاس} + 7}$  فأثبت أن:

$$2 \text{ص} \text{ص}^2 + 2 (\text{ص}^2) + \text{ص}^2 = 7$$



أ) أوجد معادلة العمودي على المنحنى  $\sqrt{x^2 + 6} = y$  عند نقطة تقاطعه مع المستقيم  $y = x^2 + 2$

ب) أوجد مساحة سطح المثلث المكوّن من محور السينات والمماس والعمودي للمنحنى  $y = x^2 - 9$  عند النقطة  $(-1, 2)$

أ) إذا كان  $Q(x) = x^3 + 2x^2$  ،  $H(x) = 3x^2$  ،  
فجد  $(Q \circ H)(1)$

ب) إذا كان المستقيم  $y = x^2 - 2x - 8$  يمس  $C$  عند النقطة  $(3, 4)$  وكان المستقيم  $y = x^3 + 3x^2$  عمودياً على المماس لمنحنى  $C$  عند النقطة  $(3, -1)$  ، فجد  $(C \times L)(3)$



## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

اختر رمز الإجابة الصحيحة لكل فقرة مما يلي:

(١) إذا كان  $ق(س) = س^3$  ،  $ه(س) = \frac{س}{م}$  ، وكان  $ق(ه) = (١) = ٢٤$  ،

فإن قيمة الثابت  $٢$  تساوي:

(أ) ٢ (ب)  $\frac{١}{٢}$  (ج)  $\frac{١}{٢}$  (د) ٨

(٢) يتحرك جسيم في خط مستقيم حسب العلاقة  $ف(ن) = ٢٣٨٣$

ف: المسافة، ن: الزمن بالثواني، فإن تسارع الجسيم عندما يقطع

(٤) م يساوي:

(أ) ١٢ م/ث<sup>٢</sup> (ب) ٣٦ م/ث<sup>٢</sup> (ج) ٤ م/ث<sup>٢</sup> (د) ١٨ م/ث<sup>٢</sup>

## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

(أ) أوجد النقط الواقعة على منحنى  $س^٢ + ص^٢ = ٨$  والتي يكون

عندها المماس للمنحنى عمودياً على المستقيم  $ص = ٤ - س$

(ب) إذا كان  $ق(س) = |س|$  ،  $س - ١$

فجد  $ق(٢)$

تتحرك النقطة ٢ على محور السينات، وتتحرك النقطة ب على المستقيم الذي معادلته  $y = -\sqrt{3}x$ ، بحيث تظل مساحة المثلث ٢ وب ثابتة وتساوي  $10\sqrt{3}$  سم<sup>٢</sup>، حيث (و) نقطة الأصل، فإذا كانت سرعة النقطة ٢ على محور السينات ثابتة وتساوي ٨ سم/ث أوجد سرعة النقطة ب عندما يكون طول (و) = ١٦ سم

أ) إذا كان  $Q(s) = [s + 5] + [2s - 1] - [s]$  حيث  $s \in (-2, 4)$  فجد  $Q\left(\frac{1}{2}\right)$

ب) تطير طائرة أفقيًا في خط مستقيم على ارتفاع ثابت مقداره ٢٠٠٠ م فوق مستوى نقطة الرصد الثابتة أ ومبتعدة عن هذه النقطة، وفي لحظة معينة كانت زاوية ارتفاع الطائرة ٣٠°، وكانت سرعة الطائرة ٤٥٠ كم / ساعة. أوجد:  
معدل التغير في المسافة بين الطائرة ونقطة الرصد الثابتة أ في تلك اللحظة.



كُرتان ٢ ، ب ، قُذفت ٢ رأسياً إلى أعلى من سطح الأرض حتى وصلت أقصى ارتفاع لها عن سطح الأرض وهو (١٠٠ م)، ثم قُذفت الكرة ب من سطح بناية حسب العلاقة  $f(t) = 40t - 5t^2$  ، فوصلت الكرتان إلى نفس الارتفاع، فجد ارتفاع البناية، علماً أن الكرة ب وصلت إلى أقصى ارتفاع لها أيضاً.

أ) تقع النقطة (م) على شارع مستقيم أفقي ، تحركت كرتان أ ، ب من النقطة م في لحظة واحدة حيث تحركت الكرة أ على الشارع في خط مستقيم بسرعة ثابتة مقدارها (١٥ م / ث) في حين قذفت الكرة ب رأسياً للأعلى بسرعة ابتدائية مقدارها (٤٠ م / ث)، وكان ارتفاعها ف بالأمتار بعد ن ثانية يعطى بالعلاقة  $f(t) = 40t - 5t^2$  أوجد معدل تغير المسافة بين الكرتين أ ، ب عندما تصل ب إلى أقصى ارتفاع.

ب) إذا كان  $Q(s) = \sqrt[3]{(s-2)^2}$

أوجد القيم العظمى والصغرى للاقتران ق، وبيّن نوعها.

## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

- أ) رجل طوله (١٨٠ سم)، يقف أمام مصباح كهربائي يرتفع عن سطح الأرض بمقدار (٥٤٠ سم)، إذا أخذ الرجل في الاقتراب من المصباح بمعدل (٣٠٠ سم/ث)، فجد معدل التغير في الزاوية المحصورة بين العمود الذي يحمل المصباح والشعاع الواصل بين المصباح ورأس الرجل، عندما يكون الرجل على بعد (١٨٠ سم) من قاعدة المصباح.
- ب) دائرتان متماسّتان، إذا كانت معادلة أحدهما تُعطى بالعلاقة:  
 $2س^2 + 8س + 2ص^2 = 20ص + 40$  ، فجد معادلة الدائرة الأخرى والتي مركزها (٤، -٣)

## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

- أ) إذا كان  $ق(س) = 3س + 1$  ابحث في قابلية ق للاشتقاق عند س = ٠ .
- ب) إذا كان مجموع مساحة سطح كرة وأسطوانة مشتركتان في نصف القطر يساوي (٢٥٠ π) سم<sup>٢</sup>، فجد نصف القطر عندما يصبح حجمهما أكبر ما يمكن.



## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

- أ) إذا كان  $q(s) = s^3 - s^2 - 9s + 1$  ،  
أوجد كل ممّا يلي:  
أولاً: فترات التزايد والتناقص للاقتران  $q$   
ثانياً: القيم القصوى للاقتران  $q$  ، وبين نوعها  
ثالثاً: مجالات التقعر لمنحنى  $q$  ، ونقاط الانعطاف (إن وجدت)
- ب) إذا كان  $\sqrt{6} - 2$  جاس  
أثبت أن:  $2\sqrt{6} + 2(\sqrt{6})^2 + \sqrt{6} = 6$

## المبحث: الرياضيات / ف ١ الفروع: العلمي والصناعي

- أ) إذا كان  $q(s) = s^2 - 2s + 1$  ، وكان  $q(2) = 0$  ،  
فجد قيمة (قيم) الثابت  $2$  حيث  $2 \in [1, \pi]$
- ب) أوجد معادلة المماس ومعادلة العمودي للمنحنى:  
 $s^2 + 2s - 1 = 0$  ، عند النقطة  $(\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4})$
- ج) إذا كان الاقترانين  $q$  ،  $h$  اقترانين قابلين للاشتقاق وكان  
 $q(5) = h(5) = 0$  ،  $q'(5) = \frac{1}{5}$  ، فجد  $h'(5)$



المبحث: الرياضيات / ف ١  
الفروع: العلمي والصناعي

(أ) إذا كان  $q = (1 - s^3)$   $s^2 + \frac{\lambda}{\pi} - \left(\frac{\pi}{\lambda}\right)^2 s$ ،

وكان  $q(5) = 2$  ، فجد قيمة الثابت  $p$

(ب) إذا كان جاص = ضاس فأثبت أن:

$$\frac{\text{ص}}{\text{قاس}^2 + (\text{ص})^2} = \text{ضا ص}$$



المبحث: الرياضيات / ف ١  
الفروع: العلمي والصناعي

(أ) جد نہیں ←

$$\frac{\text{جتا ۶ س - جتا ۲ س} + ۱}{\text{جتا ۸ س} + ۲ - \text{جتا ۲ س} - ۱}$$

(ب) إذا كان  $q(s) = \frac{1}{\sqrt{(s+3)^2}}$  ،  $s \neq -3$

## فجد مجالات التقعر للاقتران



أ) إذا كانت نهيا  $\frac{\pi}{4} \leftarrow s$   $\frac{4}{5} = \frac{5 \text{ ق (س)}}{3 + 3 \text{ جتا } 2 \text{ س}}$

فجد نهيا  $\frac{\pi}{4} \leftarrow s$   $\frac{1 - \text{جاس}}{2 \text{ ق (س)}}$

ب) إذا كان ق (س) =  $s^3$  ، ه (س) =  $\frac{2}{s}$

وكان (ق ه)  $(3)^{-} = \frac{8-}{27}$  ، فجد قيمة الثابت ٢

أ) مخروط دائري قائم ارتفاعه (أ) ونصف قطر قاعدته (ب)   
 وُضع فيه مخروط آخر رأسه في قاعدة المخروط الأول،   
 فجد ارتفاعه ليكون حجمه أكبر ما يمكن.

ب) مكعب من الرصاص طول حرفه  $\sqrt[3]{54}$  ، صُهر وحول إلى   
 أسطوانة دائرية. أثبت أن المساحة الكلية للأسطوانة تكون   
 أصغر ما يمكن عندما يكون نصف قطر قاعدتها  $\frac{3}{\pi\sqrt{3}}$

أ) أوجد مجموعة قيم  $٢$  التي تجعل  $ق(س) = \frac{٣ - جتا س}{س٢ + ٢س - ٣}$  متصلة على  $ح$

ب) أوجد معادلة المماس لمنحنى الاقتران  $ق(س) = \frac{٢ ظا س}{١ - ظا س}$  عند النقطة  $س = \frac{\pi}{٤}$

أ) جد مجموعة من النقط الواقعة على المنحنى الذي معادلته  $ص = جاس$ ،  $س \in [٠, \pi]$  بحيث يكون المماس المرسوم عندها عمودياً على المستقيم  $ص - ٢س - ٣ = ٠$

ب) جد أبعاد اكبر مستطيل يمكن رسمه داخل نصف دائرة نصف قطرها  $(١٠ سم)$  بحيث أحد أبعاد المستطيل على قطر الدائرة وطرفي البعد الآخر على المحيط.



أ) جد مساحة المثلث المكوّن من المماس لمنحنى الاقتران  
ق(س) =  $4 - س^2$  عند النقطة  $(-1, 3)$  ومحور السينات  
والمستقيم  $س = 1$

ب) أوجد مساحة أكبر شبه منحرف يمكن رسمه داخل نصف دائرة  
قطرها (١٦ سم) بحيث ينطبق أحد ضلعيه المتوازيين على قطر  
الدائرة، ورأسي الضلع الآخر يقعان على الدائرة.

التغطية الحصريّة لمبحث (الرياضيات/ف١) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م

جد كلاً ممّا يأتي:

(٧ علامات) (١) 
$$\frac{س(س^2 + 3س) - 64}{س^2 - 3س + 1}$$
 نهـ ١  
س ← ١

(٧ علامات) (٢) 
$$\frac{1 + \sqrt[3]{جاس}}{(جاس)^2}$$
 نهـ ١  
س ←  $\pi$

(٧ علامات) (٣) 
$$\frac{2 - \sqrt{4س^2 + 3س + 6}}{8 - 3س^2}$$
 نهـ ١  
س ← ٠

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

أ) إذا كانت نهـا  $\frac{ق(س) - ١}{٨ - س^٢} = ٢$  فجد نهـا  $\frac{ق(س) - \sqrt[٣]{٧ - س^٢}}{٤ - س}$  نهـا  $\frac{١}{٤} \leftarrow س$

(٨ علامات)

ب) أنقل إلى دفتر إجابتك رقم كل فقرة مما يلي، ورمز الإجابة الصحيحة لها على الترتيب: (٦ علامات)

١) نهـا  $\frac{\frac{١}{٢} - \left[ \frac{١}{س + ٢} \right]}{س}$  تساوي:

أ)  $\frac{١ - س}{٢}$  ب)  $\frac{١ - س}{٤}$  ج)  $\frac{١}{٤}$  د) صفر

٢) إذا كان  $ق(س) = \sqrt{س}$  ، هـ  $س = ٢ + ٢$  ، وكان هـ  $ق(١) = \frac{١}{٢}$  فإن  $٢$  تساوي:

أ) ٢ ب) ١ ج) ٣ د) ١ -

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

أ) إذا كان المستقيم القاطع لمنحنى الاقتران  $ق(س)$  في النقطتين (١ ،  $ق(١)$ ) ، (٣ ، ٥) يصنع زاوية

مقدارها (١٣٥°) مع محور السينات الموجب، فجد متوسط تغير الاقتران هـ(س) حيث

هـ(س) =  $\frac{٢}{ق(س)}$  في الفترة [١ ، ٣] (٨ علامات)

ب) إذا كان  $ق(س) = \begin{cases} |س - ١| + ٤س & س > ١ \\ ١٠ + (س)^٢ & س \leq ١ \end{cases}$  ، فجد  $ق(١)$  (٩ علامات)

وكان هـ(س) كثير حدود قابلاً للاشتقاق حيث هـ(١) =  $١^+$  ، فجد  $ق(١)$  (٩ علامات)

ج) إذا كان  $ق(س) = ٢س$  ، حيث  $س \in (٠ ، \frac{\pi}{٣})$  ، فجد قيمة  $ق(\frac{١}{٢})$  (٦ علامات)



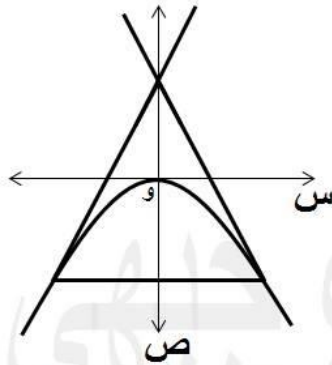
**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

$$أ) \left\{ \begin{array}{l} \text{س}^2 + \text{ب} \text{ س} + ٣ = ٠ \\ \text{س}^2 - ٣ = ٠ \end{array} \right. \text{ إذا كان ق(س) = } \left\{ \begin{array}{l} \text{س} > ٢ \\ \text{س} \leq ٢ \end{array} \right.$$

قابلاً للاشتقاق عند  $\text{س} = ٢$ ، وكان متوسط تغير ق يساوي ٣ عندما تتغير س من ١ إلى ٥  
فجد قيم الثوابت  $\text{ب}$ ،  $\text{ج}$ ،  $\text{د}$  (٩ علامات)

ب) منشور ثلاثي قائم قاعدته على شكل مثلث متساوي الساقين، فإذا كان طول ضلع القاعدة يتزايد بمعدل  $(٠,٢)$  سم/ث، وارتفاعه يتزايد بمعدل  $(٠,٣)$  سم/ث، فجد معدل التغير في حجم المنشور في اللحظة التي يكون فيها طول ضلع القاعدة (٤ سم) وارتفاعه (١٢ سم). (٨ علامات)

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**



أ) في الشكل المجاور، جد النقط الواقعة على محور الصادات

بحيث يصنع المماس المرسوم منها للمنحنى  $\text{ص} + \text{س} = ٠$   
مع المستقيم المار بنقطتي التماس مثلثاً متساوي الأضلاع.

(٨ علامات)

ب) يتحرك جسيم حسب العلاقة  $\text{ع(ن)} = \text{جتان} - \text{جان}$ ، حيث ع: سرعة الجسيم، ن: الزمن بالثواني

إذا كانت المسافة المقطوعة بعد مرور  $\frac{\pi}{4}$  ثانية هي  $(٣ + \sqrt{٧})$  متراً، فجد المسافة المقطوعة بعد

(٨ علامات)

مرور  $\frac{\pi}{4}$  ثانية.

**التغطية المحصورة لمبحث (الرياضيات/ف١) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

أنقل إلى دفتر إجابتك رقم كل فقرة مما يلي، ورمز الإجابة الصحيحة لها على الترتيب: (٩ علامات)

١ ( إذا كانت النقطة (٤ ، ٣) نقطة إنعطاف لمنحنى الاقتران ق(س)، وكانت ق(٣) =  $\sqrt[3]{3}$  وكان

ق(٤) = ١- ، فإن قياس زاوية الإنعطاف عند النقطة (٤ ، ٣) يساوي:

أ)  $\frac{\pi}{6}$  (ب)  $\frac{\pi}{3}$  (ج)  $\frac{\pi^3}{4}$  (د)  $\pi$

٢ ( إذا كان ق(٣) = ٥ ، ق(٣) = ٤ ، فإن  $\frac{3 - \text{ق(س)} - \text{س ق(س)}}{3 - \text{س}}$  تساوي:

أ) ٧ (ب) ٨ (ج) ١١ (د) ١٢

٣ (  $\frac{(1 - \text{جـ}^2)}{\text{هـ}}$  تساوي:

أ)  $\frac{1}{2}$  (ب) صفر (ج)  $\frac{1-}{2}$  (د) ١-

**التغطية المحصورة لمبحث (الرياضيات/ف١) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

أ ( جد  $\frac{\text{جـ}^2 \text{س جـ}^2 \text{س} - \text{جـ}^2 \text{س جـ}^2 \text{س}}{\text{جـ}^2 (\pi + \text{س})}$  (٨ علامات)

ب ( جد  $\frac{\text{دص}}{\text{دس}}$  لكل مما يأتي: (١٦ علامة)

(١)  $\text{س}^2 + \text{ص}^2 - ٤\text{س} + \text{ص} = \text{صفر}$

(٢)  $\frac{3}{\sqrt{\text{ص}}} + \frac{5}{\sqrt{\text{س}}} = \frac{5}{\sqrt{\text{ص}}}$  حيث  $\text{س} < ٠$  ،  $\text{ص} < ٠$

(٣)  $\frac{1}{\sqrt{\text{ص}}} = \sqrt{\text{ظ}^2 \text{اس} + \text{ظ}^2 \text{اس}}$

(٤)  $\sqrt[3]{\text{ص}^2 (١ + \text{ع} - ١٠\text{ع})} = \text{ع} = \text{س}^3 + ١$



**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف١) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

- أ ( تسير سيارة على طريق طوله (٣٠٠) كم بسرعة ( ع ) كم/ساعة حيث  $30 \leq ع \leq 60$  إذا كانت السيارة تستهلك  $2 + \frac{ع}{٦٠٠}$  لتراً من البنزين في الساعة الواحدة، وأن أجرة السائق دينار واحد عن كل ساعة من زمن الرحلة وثمن اللتر الواحد من البنزين (٠,٣) ديناراً، جـد سرعة السيارة لتكون التكاليف أقل ما يمكن. (٩ علامات)
- ب) مخروط دائري من الخشب، قطر قاعدته (١٢ سم) وارتفاعه (١٥ سم)، يُقَطع منه متوازي مستطيلات قاعدته مربعة الشكل، جـد أبعاد متوازي المستطيلات حجمه أكبر ما يمكن. (٨ علامات)
- ج) ب ج د مستطيل فيه  $P = ب = ٨$  سم ،  $ب ج = ١٢$  سم، أُخِذَت النقطتان هـ ، و على  $\overline{P}$  ،  $\overline{ب ج}$  على الترتيب، بحيث كان ب و  $Pهـ = ٤$  ،  $هـ = ٤$  سم ، أوجد أقل مساحة ممكنة للمثلث هـ و د (٨ علامات)

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف١) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

- أ ( انقل إلى دفتر إجابتك رقم كل فقرة مما يلي، ورمز الإجابة الصحيحة لها على الترتيب: (٤ علامات)
- ١) إذا كان  $ق(١) = ٣$  ،  $ق(١) = ٢$  ،  $ق(١) = ٥$  ، فإن  $\left( \frac{ق}{ق} \right) (١)$  تساوي:
- (أ) صفر (ب)  $\frac{١}{٤}$  (ج)  $\frac{٩-}{٤}$  (د)  $\frac{٥}{٣}$
- ٢) إذا كان ق(س) متصلاً على الفترة [أ ، ب] وقابلاً للاشتقاق على الفترة [أ ، ب] وكانت جميع المماسات المرسومة لمنحنى الاقتران ق في الفترة [أ ، ب] تصنع زاوية حادة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات، فإن العبارة الصحيحة مما يلي:
- (أ) ق(س) متزايداً على الفترة [أ ، ب] (ب) ق(س) متناقص على الفترة [أ ، ب]
- (ج) ق(س) مقعر للأعلى على الفترة [أ ، ب] (د) ق(س) مقعر للأسفل على الفترة [أ ، ب]
- ب) جـد نهـا  $\frac{س^٣ + س^٢ + س - ٣}{س}$  جـا  $\pi$  س (٧ علامات)

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

$$\left. \begin{array}{l} 3 > s \geq 0, \quad \frac{6-s^2}{9+s^2-2s} \\ 5 \geq s \geq 3, \quad \frac{[s-2]}{3+p} \end{array} \right\} = (s) \text{ إذا كان ق (س)}$$

(٨ علامات) فجد قيمة (قيم)  $p$  التي تجعل نهـ ق (س) موجودة.  $s < 3$

$$(b) \text{ إذا كان ق (س) } \sqrt{3} = \sqrt{3} \text{ جاس ، هـ (س) } = \frac{p}{1-s^3}$$

(٧ علامات) وكان (هـ ق)  $(-\frac{\pi}{4})$  ، جد قيمة الثابت  $p$

(ج) أوجد معادلة العمودي على المماس لمنحنى  $v = \text{ظاس} + \text{جتا (س)} + \frac{\pi}{4}$  عند  $s = \frac{\pi}{4}$  (٥ علامات)

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

انقل إلى دفتر إجابتك رقم كل فقرة مما يلي، ورمز الإجابة الصحيحة لها على الترتيب: (٩ علامات)

(١) إذا كان ق (س) = ٤ جاس - ٣ جتاس مُعرِّفاً على الفترة  $[0, \pi/2]$  ، فإن للاقتزان ق قيمة عظمى عندما س تساوي:

$$(a) 3 \quad (b) 4 \quad (c) \frac{24}{5} \quad (d) 5$$

(٢) إذا كان (١م) ميلاً لمنحنى  $s = v$  ، وكان (٢م) ميلاً لمنحنى  $s^2 - v^2 = 3$  ، فإن عند نقطة تقاطع المنحنيين معاً يكون:

$$(a) 1m - 2m = 1 \quad (b) 1m - 2m = 1 \quad (c) 1m - 2m = 1 \quad (d) 1m - 2m = 1$$

(٣) يكون المستقيم  $v = 3s + \text{ج}$  مماساً لمنحنى الاقتران  $v = s^3$  عندما ج تساوي:

$$(a) 1 \pm \quad (b) \text{ صفر} \quad (c) 4 \pm \quad (d) 2 \pm$$



### التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م

أ) إذا كان ق ، ه اقترايين قابلين للاشتقاق عند س = ١ ، وكان ق(٢) = -١ ، ق'(٢) = -٢ ، ه(٢) = ٢ ،

ه'(١) = ٣ فجد  $\frac{د}{دس} (س^٢ \times (ق٥ ه))$  عندما س = ١ (٧ علامات)

ب) إذا كان ق(س) =  $\sqrt{٥ + س} + \sqrt{١ + س}$  ،

فجد ق'(٣) باستخدام التعريف العام للمشتقة الأولى. (٧ علامات)

ج) إذا كانت نه  $\frac{١}{٢} = \frac{(٢٥ - ٥) - \sqrt{٢ - س}}{س^٢ + س - ١٢}$  فجد قيمة ن حيث ن < ٠

(٨ علامات)

د) إذا كانت س + ١ = جاص ، أثبت أن: ص' - ص = قاص (ظاص قاص - ١)

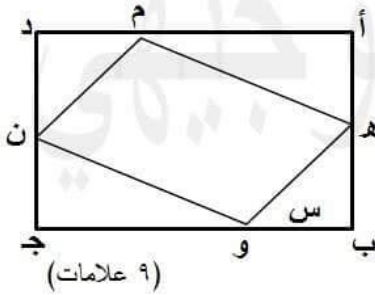
(٥ علامات)

### التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م

أ) يستند سلم طوله (٥ م) على حائط ارتفاعه (٣ م) بحيث يكون طرفه العلوي بارزاً في حافة الحائط،

يجذب الطرف السفلي للسلم بعيداً عن الحائط بمعدل ١م/د، فجد معدل التناقص في ارتفاع الطرف

العلوي للسلم عندما يصل الطرف العلوي للسلم حافة الحائط. (٨ علامات)



ب) في الشكل المجاور، المستطيل (أ ب ج د) ، فيه أ ب = ٦ سم

ب ج = ٨ سم، ويدخله متوازي أضلاع (ه م ن و) ، والذي

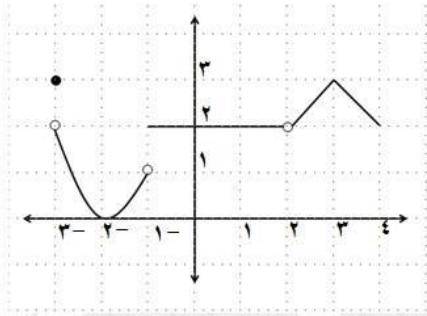
تقع رؤوسه على أضلاع المستطيل أ ب ج د. جد قيمة (س)

التي تجعل مساحة متوازي الأضلاع (ه م ن و) أكبر ما يمكن

علماً بأن ه ب = ٢ ب و

(٩ علامات)

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**



(١٢ علامة)

أ) الشكل المجاور يمثل منحنى الاقتران ق(س)،

جد كلاً ممّا يأتي:

(١) مجموعة قيم  $P$  حيث نهـ  $\frac{P}{s} \leq 1$  ق(س) غير موجودة

(٢) النقاط الحرجة للاقتران ق(س)

(٣) قيم س والتي يكون عندها للاقتران ق مماساً أفقياً

(٤) ق $^{-1}$  (  $\frac{1}{P}$  ) ، ق $^{-1}$  (٢-) ، ق $^{-1}$  (  $\frac{7}{P}$  )

(٥)  $\frac{D}{ds} \sqrt{2s + C(s)}$  عند  $s = 1$

ب) إذا كانت ص $^3$  = ق(س $^2$  - ٥س) ، وكانت ق(٤-) = ١ ، ق(٤-) = ٢ جد  $\frac{dv}{ds}$  عند س = ١

(٥ علامات)

**التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م**

أ) إذا كان (ق ٥ هـ) =  $\frac{s^2 + P}{s + 2}$  وكان ق $^{-1}$ (س) =  $\sqrt[3]{s^2 + 7}$

(٦ علامات)

فجد قيمة (قيم) الثابت  $P$  حيث هـ $^{-1}$ (١) = ٣ ، هـ $^{-1}$ (١) = ١

ب) إذا كانت معادلة المماس لمنحنى الاقتران ق(س) عند س = ٢ هي ص + ٣س - ٩ = صفر

(٦ علامات)

فجد نهـ  $\frac{1}{s} \leq 1$  ق(٢س) - ٣

(١٢ علامة)

ج) إذا كان ق(س) =  $s^3 + ٩س^2 + ٢٤س + ١٢$  ، جد كلاً ممّا يأتي:

أولاً: فترات التزايد والتناقص للاقتران ق

ثانياً: القيم القصوى للاقتران ق، وبين نوعها

ثالثاً: مجالات التقعر لمنحنى ق، ونقاط الانعطاف (إن وجدت)



## التغطية الحصرية لمبحث (الرياضيات/ف1) الفروع: العلمي والصناعي (النظام الجديد) - ٢٠١٨م

أ) اسطوانة دائرية قائمة تتمدد بالحرارة فيزداد نصف قطرها بمعدل (٢ سم/د)، وُضعت داخلها كرة وأخذت تتمدد معها بحيث تبقى ملامسة لكافة أبعاد الاسطوانة، احسب معدل تغير حجم المنطقة المحصورة بينهما عندما تصبح المساحة الجانبية للأسطوانة  $(\pi ٤)$  سم<sup>٢</sup>. (٩ علامات)

ب) إذا كانت  $ص = \frac{١ - ل^٢}{(ل) ه}$  ، وكانت  $ل = ٣ \sqrt[٣]{١ - س^٢}$  ، وكانت ه (٣) = ٣ ، ه (٣) = -٦ ، فجد قيمة  $\frac{دص}{دس}$  |  $س = ١$  (٦ علامات)

ج) إذا كان ق(س) = س<sup>٣</sup> - س<sup>٢</sup> ، جد النقط الواقعة على منحنى ق والتي يصنع عندها المماس والعمودي على المماس لمنحنى ق مع محور السينات مثلثاً متساوي الساقين. (٧ علامات)

**بنك أسئلة التوجيهي**  
@TawjihiBankOfficial  
النظام الجديد  
شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٨ / الدورة الصيفية

### المبحث: الرياضيات / ف٢

### الفروع: العلمي والصناعي

أ) إذا كان  $ل ق(س) دس = جا^٢ س + ظاس + ٣$  ، وكان  $ق(\frac{\pi}{٤}) = -٤$  ، فجد قيمة الثابت  $م$

ب) اختر رمز البديل الصحيح للفقرة الآتية:

إذا كان  $ل ماس = دس = ١$  ، حيث  $م$  عدد ثابت، فإن  $ل \frac{دس}{دس} =$

أ) ١      ب) ٢      ج) ٣      د) ٤

أ) جد قيمة التكامل الآتي:

$$\int \frac{\sqrt{s^2 + s^3}}{s^8} ds$$

ب) إذا كان  $\int_0^2 \frac{s - 2}{|s - 2|} ds = \frac{1}{2}$  ، وكان  $2 > b > 0$  حيث

$2 - b = 3$  ، فجد قيمة الثابت ٢

جد التكاملات الآتية:

$$(1) \int \frac{1}{\text{جاس}} ds$$

$$(2) \int \frac{\text{جتاس}}{\sqrt{\text{جاس}^3 + 4}} ds$$

جد التكاملات الآتية:

$$(١) \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} \frac{\sqrt{\tan x}}{\sqrt{\sec x}} dx$$

$$(٢) \int \frac{x^2 + 3}{\sqrt{x^3 - 6x^2 + 9x}} dx$$

$$\text{إذا كان } \int_p^{1+p} \frac{x^2}{(1+x^3)^2} dx = \frac{7}{27} \text{ فجد قيمة } p,$$

حيث  $p$  ثابت

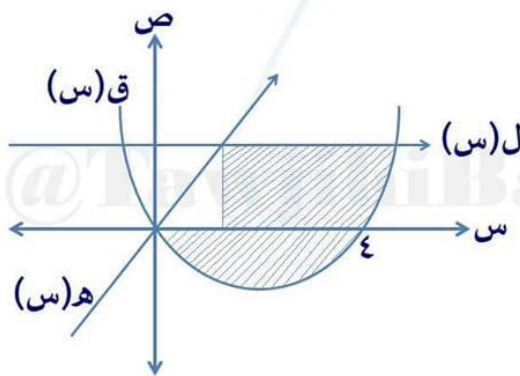


## المبحث: الرياضيات / ف٢ الفروع: العلمي والصناعي

أ) تحرك جسم على خط مستقيم بتسارع مقداره  $t = \frac{1}{2} \text{ ع}$  ، بسرعة ابتدائية مقدارها  $3\sqrt{2}$  فقطع مسافة  $\frac{19}{3}$  م بعد ثانية واحدة، فجد المسافة المقطوعة بعد ٦ ثوانٍ، حيث  $(٠ < \text{ع})$ .

ب) إذا كان ميل المماس لمنحنى علاقة عند النقطة (س ، ص)  $\frac{\text{هـ}^{\text{ص}} (\text{س} + ٤) (\text{س} - ٣)}{\text{س}^3 - \text{س}^2}$  ، أوجد هذه العلاقة علماً بأن منحنىها يمر بالنقطة (١ ، ٠).

## المبحث: الرياضيات / ف٢ الفروع: العلمي والصناعي



أ) جد مساحة المنطقة المظلمة في

الشكل المجاور حيث

$$\text{ق}(\text{س}) = \text{س}^2 - ٤\text{س} ,$$

$$\text{هـ}(\text{س}) = ٥\text{س} , \text{ ل}(\text{س}) = ٥$$

ب) جد قيمة:  $\int_{\text{هـ}^{\text{ل}} \text{س}^2}^{\text{ق}^{\text{ل}} \text{س}^2} \text{دس}$

## المبحث: الرياضيات / ف٢ الفروع: العلمي والصناعي

اختر البديل الصحيح من البدائل الأربعة المعطاة لكل فقرة مما يأتي:  
(١) إذا كان ميل المماس لمنحنى ق(س) عند النقطة (س، ص) يُعطى بالعلاقة

$$\frac{3(1-s)}{1+s} ، والمنحنى يمر بنقطة الأصل، فإن ق(١) تساوي:$$

- (أ) -١ (ب) ١ (ج) ٢ (د) ٣

(٢) القطع المكافئ الذي بؤرته تقع على محور السينات ومنحناه يمر بالنقطة (١، -١) هي:

- (أ)  $s^2 = ص$  (ب)  $s^2 = -ص$  (ج)  $ص^2 = س$  (د)  $ص^2 = -س$

## المبحث: الرياضيات / ف٢ الفروع: العلمي والصناعي

(أ) إذا كان ق(س) =  $\frac{5}{s}$  ، وكان منحنى ق يمر بالنقطة (٤، ٠)، وكان

ميل المماس لمنحنى الاقتران ق عند هذه النقطة يساوي ١، فجد معادلة المنحنى.

(ب) إذا كان الاقتران م(س) = جاس هو اقتران بدائي للاقتران

ق(س) =  $s^2$  جتاس على الفترة  $[0, \pi]$  ،

جد قيمة  $\int_0^\pi s^2 جتاس ds$

س١: أوجد معادلة الدائرة المارة بالنقاط:

$$(0, 0) (0, 8) (0, 9)$$

@TawjihiBankOfficial

س٢: أوجد معادلة الدائرة المارة بالنقاط  $(-1, 1)$   $(3, 2)$  ويقع

مركزها على المستقيم س - ٢ ص + ٢ = صفر

أ) جد المركز ونصف القطر للدائرة التي معادلتها:

$$س٢ + ص٢ - ٢س - ٤ص - ١ = ٠$$

@TawjihiBankOfficial

ب) أوجد معادلة الدائرة التي نهايتي قطريها هما

النقطتان  $(0, 1)$  ،  $(7, 0)$

@TawjihiBankOfficial



جد احداثيات المركز والرأسين والبؤرتين والاختلاف المركزي للقطع  
المخروطي الذي معادلته:

$$١٦س^٢ + ٢٥ص^٢ + ٣٢س - ١٥٠ص = ١٥٩$$

أ ( جد احداثيات المركز والرأسين والبؤرتين والاختلاف المركزي للقطع  
المخروطي الذي معادلته:

$$٩س^٢ + ١٦ص^٢ - ٣٦س - ٦٤ص - ٤٤ = \text{صفر}$$

ب) إذا علمت أن المستقيم  $١٢ص + ٥س + ٢ = ٠$  يمس الدائرة

$٩س^٢ + ٢٥ص^٢ + ٣٦س - ١٥٠ص = ١٥٩$  ، فجد قيمة الثابت  $٢$  حيث

$$٢ < \text{صفر}$$

## المبحث: الرياضيات / ف٢ الفروع: العلمي والصناعي

أ) جد قيمة  $\left[ \text{مس} \cdot \text{ظا}(\text{مس}) \right]$

ب) إذا كانت المساحة أسفل المنحنى  $\text{ص} = \text{جتاس}$  من  $\text{س} = 0$  إلى  $\text{س} = \frac{\pi}{4}$  تساوي  $(0,1)$  وحدة مربعة،

وكانت  $0 \leq \text{مس} < \frac{\pi}{4}$  ، فجد قيمة  $\text{مس}$

## المبحث: الرياضيات / ف٢ الفروع: العلمي والصناعي

س١: حل المعادلات التفاضلية الآتية:

أ)  $\text{ص}'' + \text{ص} + (\text{س} - 4) = 0$

ب)  $\frac{\text{دص}}{\text{دس}} = \frac{\text{ص}^3 + \text{ص}^2}{\text{ص}^2 - \text{ص} - 2}$

س٢: جد قيمة  $\left[ \text{مس} \cdot \text{لو}(\text{مس}) \right]$

**بنك أسئلة التوجيهي**  
@TawjihiBankOfficial

النظام الجديد

شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٨ / الدورة الصيفية

## المبحث: الرياضيات / ف٢

### الفروع: العلمي والصناعي

أ) أثبت أن النقطة (س ، ص) حيث  $\frac{٢٢ن}{٢ن-١} = ص$  ،  $\frac{٢(١-ن)}{٢ن+١} = ص$

تقع على محيط دائرة، حيث  $١- \geq ن \geq ١$  ،  $٢$  : عدد حقيقي

ب) أوجد معادلة الدائرة التي تمر بالنقاط (٢ ، ٣) و (٤ ، ٥) ومركزها يقع على المستقيم  $٢س - ٥ص + ١٨ = صفر$

ج) جد قيمة  $\left[ \frac{ظاس}{جتاس} \right]$  دس

**بنك أسئلة التوجيهي**  
@TawjihiBankOfficial

النظام الجديد

شهادة الدراسة الثانوية العامة لعام ٢٠١٨ / الدورة الصيفية

## المبحث: الرياضيات / ف٢

### الفروع: العلمي والصناعي

أ) جد قيمة  $\left[ \frac{٢س}{٤(٣+٢س)} \right]$  دس

ب) جد مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الاقترانين:

$$ص = ٣س - ١ ، ص = -٢س + ٢$$

ج) إذا كانت النقطة (٣ ، ٤) إحد نهايتي قطر الدائرة المعطاة بالمعادلة:

$$٢س + ٢ص - ٤س - ١١ = ٠ ،$$

فجد نقطة النهاية الثانية لهذا القطر.



امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للـدورة الصيفية ٢٠١٨م  
التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لمبحث  
#الرياضيات ٢ (الفرعين العلمي والصناعي)

أ ( إذا كان  $\int_p^{1+p} \frac{s^2}{(1+s)^2} ds = \frac{7}{27}$  ، فجد قيمة  $p$  حيث  $p$  ثابت (٨ علامات)

ب) جد التكاملات الآتية:

(١)  $\int \frac{1}{3} ds$  (٨ علامات)

(٢)  $\int \frac{\pi}{3+s} ds$  (٨ علامات)

ج) جد معادلة القطع المكافئ الذي محوره يوازي محور السينات ودليله يوازي محور الصادات ويمر بالنقاط  
(٤ ، ١) ، (٧ ، ٢) ، (١- ، ٠) (٨ علامات)

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للـدورة الصيفية ٢٠١٨م  
التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لمبحث  
#الرياضيات ٢ (الفرعين العلمي والصناعي)

أ) جد التكاملات الآتية:

(١)  $\int \frac{s^2 + 3s + 4}{(1+s)^2} ds$  (٨ علامات)

(٢)  $\int \frac{s^2 + 1}{s^2 + 1} ds$  (٨ علامات)

(٣)  $\int (1+s) ds - \int \frac{1}{s} ds$  ، إذا كان  $\int_1^4 (1+s) ds = 4$  (٦ علامات)

ب) جد احداثيات المركز والرأسين والبؤرتين والاختلاف المركزي للقطع المخروطي الذي معادلته:

(١٦ علامة)  $s^2 - \frac{16}{3}s + 2 = 0$  صفر

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للدورة الصيفية ٢٠١٨م  
التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لبحث  
#الرياضيات ٢ (الفرعين العلمي والصناعي)

(أ) إذا علمت أن المستقيم  $١٢ص + ٥س + ٩ = ٠$  يمس الدائرة  $س^٢ + ص^٢ + ٦س = ٦ + ٢ص$  ،  
فجد قيمة  $٩$  حيث  $٩ < ٩$  صفر (٩ علامات)

(ب) اختر رمز البديل الصحيح من البدائل الأربعة المعطاة لكل فقرة مما يأتي:  
(٩ علامات) (١) نصف قطر الدائرة المعطاة بالمعادلة  $س^٢ + ص^٢ + ٤س - ٨ = ٠$  صفر هو:

(أ)  $٢\sqrt{٣}$  (ب)  $٣\sqrt{٢}$  (ج)  $\frac{٢\sqrt{٣}}{٢}$  (د)  $\sqrt{٢}$

(٢) مساحة المنطقة المحصورة بين منحنى الاقتران  $ص = \frac{س}{٢}$  والمستقيم  $س = ٢$  ومحوري السينات  
والصادات تساوي:

(أ)  $\frac{١-٥}{٢}$  (ب)  $(١-٥)$  (ج)  $٢(١-٥)$  (د)  $(١-٥٢)$

(٣) إذا كان  $\sqrt[٢]{٢(س-٢)}$  ، فإن أكبر قيمة للمقدار  $\sqrt[٢]{٢(س-٢)}$  دس هي:

(أ)  $٢-$  (ب)  $٦$  (ج)  $٢$  (د)  $٣-$

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للدورة الصيفية ٢٠١٨م  
التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لبحث  
#الرياضيات ٢ (الفرعين العلمي والصناعي)

(أ) إذا كان  $ق(س) = لو(جاس) + ه٩جتاس + \left[ \frac{١}{٢} - ١ \right] دس$  ،  
وكان  $ق\left(\frac{\pi}{٢}\right) = \frac{١}{٣}$  ، فجد قيمة الثابت  $٩$  (٩ علامات)

(ب) جد التكاملات الآتية: (٣٠ علامة)

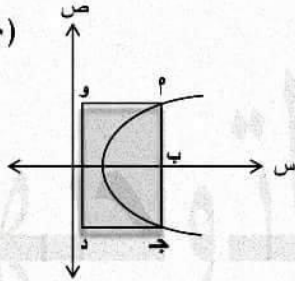
(١)  $\int \sqrt{١ + ٤جا^٢ - \frac{س}{٢}} دس$

(٢)  $\int \frac{٧ + ٤س - ٨س^٢}{(١ + ٢س)(١ + ٤س)} دس$

(٣)  $\int \frac{قتاس ظتاس}{١ + قتاس} دس$

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للدورة الصيفية ٢٠١٨م  
التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لبحث  
#الرياضيات ٢ (الفرعين العلمي والصناعي)

(١٠ علامات)



أ) معتمداً الشكل الآتي الذي يمثل قطعاً مكافئاً بؤرته النقطة  
ب (٥ ، ٠)، جد معادلة القطع إذا علمت أن محيط  
المستطيل (أ ج د و) يساوي (٢٤) وحدة، والضلع (د و)  
ينطبق على دليل القطع المكافئ.

ب) إذا كان  $\left[ \text{ق}^-(\text{س}) + 1 - 2\text{ج}^2(\text{س}) \right] \text{دس} = \frac{3\sqrt{2}\text{ظاس}}{2 - \text{قاس}}$  ، فجد  $\text{ق}^-(\text{س})$

(٨ علامات)

ج) جد مساحة المنطقة المحصورة بين المنحنيين  $\text{ق}(\text{س}) = \text{هس}$  ،  $\text{ل}(\text{س}) = \text{س}^2 - 1$  والمستقيمين

(١٠ علامات)

$\text{س} = 1$  ،  $\text{س} = -1$

امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للدورة الصيفية ٢٠١٨م  
التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لبحث  
#الرياضيات ٢ (الفرعين: العلمي والصناعي)

(٣٠ علامة)

أ) جد التكمالات الآتية :

(١)  $\frac{\text{هس}}{13 + \text{هس} + \text{هس}^2} \text{دس}$

(٢)  $\frac{\text{جاس}(\text{لوس})}{\text{س}} \text{دس}$

(٣)  $\text{س}^2 \text{جاس}^3(\text{س}^3) \text{دس}$

ب) إذا كان ميل المماس لمنحنى الاقتران  $\text{ق}(\text{س}) = \text{ص}$  عند النقطة  $(\text{س} , \text{ص})$  يُعطى بالعلاقة

$\frac{3\sqrt{\text{هس}}}{1 - \text{جاس}}$  ، فجد قاعدة الاقتران  $\text{ق}$  علماً بأن منحناه يمر بالنقطة  $(0 , \frac{\pi}{8})$

(١٠ علامات)

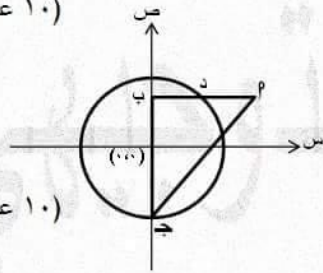


**امتحان شهادة الدراسة الثانوية العامة للدورة الصيفية ٢٠١٨م**  
**التغطية الحصرية من #بنك أسئلة التوجيهي لمبحث**  
**#الرياضيات ٢ (الفرعين العلمي والصناعي)**

أ) يزداد عدد سكان مدينة حسب العلاقة  $\frac{ع}{ن} = \frac{٥٠٠٤}{٥٠}$  ، حيث ع: عدد السكان، ن: الزمن بالسنوات

إذا علمت أن عدد سكان المدينة عام (٢٠١٨) هو (٥٠) مليون، فجد عدد سكانها بعد (١٠) أعوام.

(١٠ علامات)



(١٠ علامات)

ب) معتمداً الشكل المجاور الذي يمثل دائرة مركزها

نقطة الأصل، والمثلث P ب ج فيه الزاوية P تساوي (٥٣)

والنقطة (د) تُصَف الضلع P ب حيث P د = (٤ سم)،

فجد معادلة الدائرة.

ج) جد احداثيات المركز والرأسين والبؤرتين والاختلاف المركزي

للقطع المخروطي الذي معادلته:  $٧س^٢ + ٣ص^٢ - ٢٨س - ١٢ص - ١٩ = ٠$  (١٦ علامة)

د) جد مساحة المنطقة الواقعة في الربع الأول والمحصورة بين منحنى الاقتران  $ص = ٢ + س^٢$  والمستقيمين

(١٠ علامات)

$ص = ١١ - ٨س$  ،  $ص = ١١$



## المبحث: الرياضيات / ف٢

### الفروع: العلمي

أ) إذا كانت نها  $\lim_{س \rightarrow ٢} \frac{ق(س) + س^٢}{س}$  ، نها  $\lim_{س \rightarrow ٢} س ه (س) = ١٠$

فجد نها  $\lim_{س \rightarrow ٢} \frac{٢((س) ه) - ٢((س) ق)}{س}$

ب) جد نها  $\lim_{س \rightarrow ٤} \frac{س \sqrt[٣]{س + ٤} - ٨}{س - ٤}$

ج) جد نها  $\lim_{س \rightarrow ٢} \frac{س - \sqrt{٢ + س}}{|س - ٢|}$



## المبحث: الرياضيات / فـ١ الفروع: العلمي والصناعي

اختر رمز البديل الصحيح من البدائل المعطاة لكل فقرة مما يأتي:

(١) إذا كان  $q(3)=4$  ،  $q(3)=7$  ، فإن  $\text{نهـ} \leftarrow \frac{1}{3} (2q(s) - 3)$  تساوي:

(أ) ٣ (ب) ٥ (ج) ١١ (د) ٨

(٢)  $\text{نهـ} \leftarrow \frac{1}{1-s} \frac{1-s}{1-s}$  تساوي:

(أ) ١ (ب) صفر (ج) غير موجودة (د) ١-

(٣) إذا كانت  $\text{نهـ} \leftarrow \frac{1}{3} [2s] = 3$  ، فإن قيمة الثابت  $p$  :

(أ)  $[2, \frac{3}{2}]$  (ب)  $(2, \frac{3}{2}]$  (ج)  $(2, \frac{3}{2})$  (د)  $(\frac{3}{2}, 2]$



## المبحث: الرياضيات / فـ١ الفروع: العلمي

( أ ) إذا كانت  $\text{نهـ} \leftarrow \frac{1}{3} (2s - 2)$  ، وكانت

$\text{نهـ} \leftarrow \frac{2s(3q(s) - 5) - 4}{5 + s}$  ، جد هـ ( ٤ )

(ب) جد  $\text{نهـ} \leftarrow \frac{1 + s + s^2}{1 - s}$  جاءس

(ج) إذا كان  $q(s) = \left\{ \begin{array}{l} [s] , 1 \leq s < 2 \\ |s - 3| , 2 \leq s \leq 4 \end{array} \right.$

ابحث في اتصال الاقتران  $q(s)$  على مجاله



## المبحث: الرياضيات الفروع: العلمي والصناعي

أ) إذا كانت  $ع = ص^أ + ٤ص - ٥$  ،  
 $ص + سص = ٦$  ، فجد  $\frac{دع}{دس}$  عندما  $س = ٢$

ب) إذا كان  $ق^٣(س - ٣) = جا^أ(س\pi) + س^٣ - ٤$   
وكان  $ق(١) = ٢$  ، فجد  $ق(١)$



## المبحث: الرياضيات فـأ الفروع: العلمي

أ) جد نهـ  $\frac{جا٤س - ٤جاس}{س^٣}$

ب) إذا كان  $\frac{س^٣}{ص^٢} - \frac{٥ص}{س} = ١$  أوجد  $\frac{دص}{دس}$  عند  $(\frac{١}{٤}, \frac{١}{٢})$

ج) جد مساحة المثلث المكوّن من المماس لمنحنى  
 $ق(س) = ٤ - س^أ$  عند النقطة  $(١, ٣)$  ومحور السينات  
والمستقيم  $س = ١$





## المبحث: الرياضيات الفرع: العلمي

أ) إذا كان  $[ (ق - (س) + ٢س) دس = س٣ + ٥س٢ + ١$

وكان  $ق(١) = ٥$  ،  $ق(٢) = ٥$  ، فجد  $ق(-٢)$

ب) إذا كان م(س) الاقتران المعكوس للاقتران المتصل  $ق(س)$ ،

حيث  $ق(س) = هـ^{(س)} + ٢س = ٢س٢$  ،  $ق(١) = ٤$  ، فإن  $٢$  تساوي:

أ) ١٢      ب) ٣      ج) -٣      د) صفر



## المبحث: الرياضيات ف٢ الفروع: العلمي

أ) جد المساحة المحصورة بين منحنى الاقتران  $ق(س) = (س - ٢)٢$  ، والمستقيمين  $ص = س$  ،  $ص = ٤$

ب) جد معادلة القطع المكافئ الذي محوره  $س = ١ -$  ودليله  $ص = ١$  ، ويمر بالنقطة  $(٤ ، -٤)$



## المبحث: الرياضيات ف٢ الفروع: العلمي

جد كلاً من التكاملات الآتية:

$$(1) \int \frac{s^2 s^s}{(s+1)^2} ds$$

$$(2) \int \frac{s^5 + 4s^2}{s^3} ds$$



## المبحث: الرياضيات ف١ الفروع: العلمي والصناعي

$$(أ) \text{ إذا كان } q(s) = \frac{(s+3)^3}{3} - 8s^2, \text{ } s \in [0, 6]$$

جد ما يأتي: (١) الفترات التي يكون فيها  $q$  متزايداً

(٢) القيم القصوى ونوعها

(٣) فترات التقعر للأعلى

$$(ب) \text{ إذا كانت } v = 2e^2 + \frac{2}{e^3}, \text{ } e = \sqrt[3]{(2+s^3)} \\ \text{جد } \frac{dv}{ds} \text{ عند } s = 0$$



## المبحث: الرياضيات ف٢ الفروع: العلمي

اختر رمز البديل الصحيح لكل مما يأتي:

(١) طول المحور الأكبر للقطع الناقص  $٢س^٢ + ٤ص^٢ = ١$  هو:

- أ)  $\frac{1}{2}$       ب)  $\frac{1}{4}$       ج)  $\frac{1}{2\sqrt{2}}$       د)  $\frac{1}{\sqrt{2}}$

(٢) إذا كان  $ق(س)$  اقتراناً متصلاً في  $[١, ٣]$  بحيث  $٥ \geq ق(س) \geq ٢$

فإن قيم  $م$ ،  $ن$  بحيث  $م \geq [ق(س). دس] \geq ن$  هي:

- أ)  $\{٥٠, ٨\}$       ب)  $\{٤, ٠\}$       ج)  $\{٢٥, ٠\}$       د)  $\{٥٠, ٠\}$



## المبحث: الرياضيات ف١ الفروع: العلمي والصناعي

أ) جد قيمة:  $\frac{جتا(\pi س) + جا(\frac{\pi}{٢} س) - ١}{س - ٢}$  نهـ  $س \leq ٢$

ب) جد معادلة المماس والعمودي على المماس لمنحنى العلاقة

$$ص^٢ + ٢مس ص = ٢١ - س^٢ \text{ عند النقطة } (١, ٤)$$



**التغطية الحصرية والبحث # الرياضيات ف ٢ لطلبة الفرع # العلمي +  
# الصناعي / خطة ٢٠١٩ من # بنك أسئلة التوجيهي**

أ) جد قيمة كل مما يأتي:

(١)  $\left[ \frac{4}{\text{دس}^2 \text{ هـ} (1 - \text{هـ}^2 - \text{س}^2)} \right]$  (١٥ علامة)

(٢)  $\left[ \frac{6 \text{ جاس}^2}{\text{دس}^2 (4 - \text{جاس}^2)} \right]$  (١٥ علامة)

ب) إذا كان  $\left[ \frac{1}{\text{دس}^2 \text{ هـ}^2} \right]$  (لوس<sup>٣</sup>) دس<sup>٣</sup> = ٢٨ ، جد  $\left[ \frac{1}{\text{دس}^2 \text{ هـ}^2} \right]$  بدلالة ٢ (١٠ علامات)

ج) إذا كان س ص = لو (ص + س<sup>٢</sup>) ، أثبت أن  $\frac{\text{دص}}{\text{دس}} = \frac{\text{س}^2 - \text{ص} (\text{ص} + \text{س}^2)}{\text{س} (\text{ص} + \text{س}^2) - 1}$  (١٠ علامات)

**التغطية الحصرية المبحث # الرياضيات ف ٢ لطلبة الفرع # العلمي +  
# الصناعي / خطة ٢٠١٩ من # بنك أسئلة التوجيهي**

انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها: (٩ علامات)

(١) إذا كانت بؤرة القطع المكافئ الذي معادلته  $(ص + ١)^2 = ٨ - (س + د)$  هي النقطة  $(٣، -١)$ ، فإن قيمة د تساوي:

أ) -٥      ب) ٥      ج) -٣      د) ٣

(٢) الاقتران العكسي للاقتران الذي قاعدته ق(س) =  $\frac{جاس + ١}{جاس}$  حيث  $س < ٠$  هو:

أ)  $٢ لو | جاس | + ج$       ب)  $٢- لو | جاس | + ج$   
ج)  $٢ لو | جاس | + ج$       د)  $٢- لو | جاس | + ج$

(٣) إذا كان ق(٠) =  $٢-$ ، ق(١) = ٥، فإن  $\int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{\pi}{4}} ١٢ جاس ق(جاس) دس$  يساوي:

أ) ٣٦      ب) ٨٤      ج) -٨٤      د) -٣٦

**التغطية الحصرية المبحث # الرياضيات ف ٢ لطلبة الفرع # العلمي +  
# الصناعي / خطة ٢٠١٩ من # بنك أسئلة التوجيهي**

أ ( يتحرك جسيم على خط مستقيم وفق العلاقة  $t = \sqrt{2n} + n$  ، حيث  $n < 0$  صفر  
إذا تحرك الجسيم من السكون، جد قيمة الثابت  $P$  التي تجعل سرعة الجسيم (٢٤) سم/ث  
بعد (٤) ثوانٍ من بدء حركته.

ب) انقل إلى دفتر إجابتك رقم الفقرة ورمز الإجابة الصحيحة لها:

١) إذا كانت  $Q(s) = \frac{Jas}{s}$  ، وكان  $Q(\frac{\pi}{2}) = 2$  ،  $Q(0) = 1$  ،  
فإن  $Q(s)$  دس يساوي:

أ)  $\pi$       ب)  $\pi - 1$       ج)  $1 - \pi$       د)  $\pi -$

٢) احداثيات مركز الدائرة التي تماس محور الصادات عند النقطة (٠ ، ٤) وتقطع محور  
السينات وترأ طوله ( ٦ ) وحدات، هي:

أ) (٤ ، ٥)      ب) (٥ ، ٢)      ج) (٢ ، ٤)      د) (٤ ، ٥)