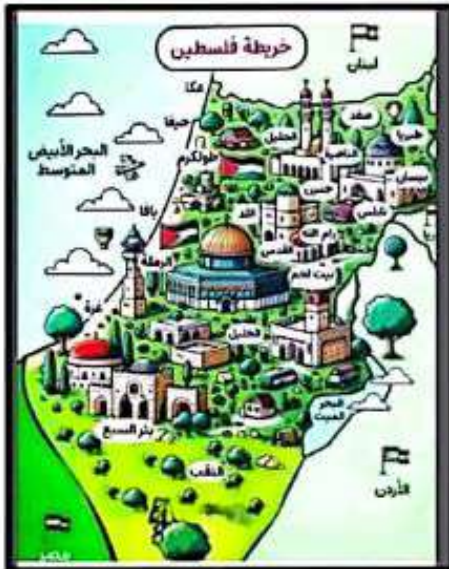


المستوى
الرابع

الفرع
الأدبي

بنك الأسئلة

((الإحصاء والاحتمالات))



وزاري جديد

الكتاب

خارجي



رافت صافي

0785824464

مدرسة سمر
الثانوية

- 11 إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.6)$ فإن $P(X > 2)$ هو :
 a) 0.30 b) 0.36 c) 0.16 d) 0.40

- 12 إذا كان احتمال إصابة لاعب للهدف في لعبة رمي السهام يافى $\frac{4}{5}$ وحاول هذا اللاعب إصابة الهدف في 5 رميات متتالية، فإن احتمال إصابة اللاعب للهدف في 4 من رمياته على الأقل هو :

- a) $(\frac{4}{5})^5$ b) $(\frac{4}{5})^3 (\frac{1}{5})^2$ c) $(\frac{4}{5})^4 + (\frac{1}{5})^5$ d) $(\frac{4}{5})^4 + (\frac{4}{5})^5$

- 13 إذا كان $X \sim B(200, p)$ وكان التباين للمتغير العشوائي X يافى 18 فإن قيم p الممكنة هي :

- a) $p = 0.1$ و $p = 0.9$ b) $p = 0.2$ و $p = 0.8$
 c) $p = 0.3$ و $p = 0.7$ d) $p = 0.4$ و $p = 0.6$

- 14 إذا كان $X \sim \text{Geo}(\frac{3}{4})$ فإن $P(X = 2)$ يافى :
 a) $\frac{9}{64}$ b) $\frac{9}{16}$ c) $\frac{3}{64}$ d) $\frac{3}{16}$

- 15 احتمال ظهور ثلاثة بلاعة بها عيب في إحدى شركات تصنيع اللعجات يافى 4% إذا اختيرت عينة عشوائية من 10 لعاجات، فإن احتمال أن تكون ثلاثة بلاعات منها عيب، هو تقريباً :

- a) 0.028 b) 0.520 c) 0.280 d) 0.052

الفقرة	1	2	3	4	5
الاجابة	c	d	a	d	d
رافت صافي					
0785824464					

١٦) إذا كان $X \sim Geo(\frac{5}{8})$ فإن توقع المتغير العشوائي X هو:

- a) 0.652 b) 2.666 c) 1.600 d) 0.600

١٧) إذا كان $X \sim Geo(0.1)$ فإن $P(X=2)$ يساوي

- a) 0.081 b) 0.81 c) 0.09 d) 0.9

١٨) إذا كان $X \sim Geo(\frac{5}{11})$ فإن $E(X)$ يساوي:

- a) $\frac{11}{5}$ b) $\frac{5}{11}$ c) $\frac{6}{11}$ d) $\frac{11}{6}$

١٩) إذا كان $X \sim B(4, \frac{2}{3})$ فإن $P(X=0)$ يساوي

- a) $\frac{16}{81}$ b) $\frac{1}{81}$ c) $\frac{1}{27}$ d) $\frac{4}{81}$

١٥) التجربة العشوائية التي تمثل تجربة احتمالية هندسية مما يلي:

أ. القاء قطعة نقد 3 مرات، ثم تسجيل عدد مرات ظهور الصورة

ب. القاء حجر نرد منتظم 7 مرات، ثم كتابة الاتحاد الضاير

ج. إطلاق سهم بشكل متكرر نحو هدف، ثم التوقف عند اصطاف أول مرة

د. سحب 5 كرات عشوائياً علماً بالتوالي من دون إرجاع من صندوق فيه 9 كرات حمراء، و 6 كرات بيضاء ثم كتابة عدد الكرات الحمراء المسحوبة

١١) إذا كان $X \sim Geo(p)$ وكان $P(X=1) = \frac{2}{7}$ فإن $E(X)$

- a) $\frac{7}{5}$ b) $\frac{5}{7}$ c) $\frac{7}{2}$ d) $\frac{2}{7}$

رافت صافي	6	7	8	9	١٥	١١	الفقرة
0785824464	C	C	A	B	C	C	الاجابة

12 إذا كان $X \sim B(10, \frac{1}{5})$ فإن $P(X=2)$ يساوي

a) $\binom{10}{2} (\frac{1}{5})^2 (\frac{4}{5})^8$ b) $\binom{10}{8} (\frac{4}{5})^8 (\frac{1}{5})$

c) $\binom{10}{8} (\frac{1}{5})^8 (\frac{4}{5})$ d) $\binom{10}{2} (\frac{1}{5})^8 (\frac{4}{5})^2$

13 إذا كان $X \sim B(420, p)$ وكان $E(X) = 40$ فإن متعة p هي

a) $\frac{2}{21}$ b) $\frac{21}{2}$ c) $\frac{1}{12}$ d) $\frac{2}{12}$

14 إذا كان $X \sim B(3, p)$ وكان $P(X \leq 2) = \frac{37}{64}$ فإن $P(X=3)$ هي

a) $\frac{37}{64}$ b) $\frac{27}{64}$ c) $\frac{3}{4}$ d) $\frac{9}{10}$

15 إذا كان $X \sim B(6, p)$ وكان $E(X) = 2.4$ فإن متعة $Var(X)$ هي

a) 0.4 b) 0.6 c) 1.44 d) 2.4

الفقرة	12	13	14	15
الاجابة	a	a	b	c

رافت صافي

0785824464

- 1) أي التجارب الآتية تعتبر تجربة احتمالية هندسية
- (a) سحب 4 كرات من آلة التوليد دون إرجاع من صندوق فيه 5 كرات حمراء، 3 كرات صفراء وكتابة عدد الأرقام الحمراء المحيطة
- (b) القاء حجر خرد فتتفطم بشكل متكرر، ثم التوقف عند ظهور العدد 3
- (c) القاء قطعة نقد متخلفة 4 مرات ثم كتابة عدد مرات ظهور الصورة
- (d) القاء حجر خرد فتتفطم 3 مرات، ثم كتابة العدد الفاصلة

2) إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.2)$ فإن $P(X=2)$

- a) 0.4 b) 0.8 c) 0.16 d) 0.32

في دراسة لقم الجودة في مصنع للأواني الخزارية، تبين أن في 10% من الأواني الخزارية عيباً مصنعياً. إذا مثل X عدد للأواني الخزارية التي سيفحصها مراقب الجودة

حتى إيجاد أول اناء معيب، فاجب عن الفقرتين :-

(ح) ما احتمال أن يكون الاناء العاشر هو أول اناء معيب يده مراقب الجودة

- a) 0.53 b) 0.42 c) 0.04 d) 0.09

(4) ما احتمال أن يفحص مراقب الجودة أكثر من 3 أواني حتى إيجاد أول اناء معيب

- a) 0.902 b) 0.133 c) 0.013 d) 0.729

الفقرة	1	2	3	4
الاجابة	b	b	c	d

راشت صافي

0785824464

5) إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.25)$ فإن التوقع $E(X)$

- a) 4 b) 25 c) 10 d) 8

6) إذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ وكان $E(X) = 5$ فإن p

- a) 0.4 b) 0.2 c) 0.5 d) 0.1

7) إذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ وكان $p(X > 3) = 0.85$

فإن $p(X < 3)$

- a) 0.25 b) 0.3 c) 0.15 d) 0.2

8) قرر ريان القاء حجر خرد منتظم ذي 6 أوجه متكرر والتوقف عند ظهور العدد 4. كم مرة يتوقع أن يرمي ريان الحجر:

- a) 4 b) 3 c) 6 d) $\frac{1}{6}$

إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.2)$ أجب عن الفقرات الآتية:

9) $p(X > 4)$

- a) 0.1538 b) 0.1701 c) 0.8013 d) 0.4096

10) $p(4 < X \leq 6)$

- a) 0.305 b) 0.102 c) 0.147 d) 0.203

11) $p(X \leq 3)$

- a) 0.488 b) 0.848 c) 0.843 d) 0.231

الفقرة	11	10	9	8	7	6	5	رافت صافي
الاجابة	a	c	d	c	c	b	a	0785824464

12) إذا كان $X \sim \text{Geo}(\frac{1}{8})$ فإن $P(X=4)$ a) $\frac{1}{8}(\frac{7}{8})^3$ b) $\frac{7}{8}(\frac{1}{8})^3$ c) $(\frac{7}{8})^3$ d) $(\frac{1}{8})^4$

13) إذا كان $X \sim \text{Geo}(\frac{1}{8})$ فإن $P(X < 2)$ a) $\frac{7}{8}$ b) $\frac{1}{8}$ c) $\frac{7}{64}$ d) $\frac{1}{64}$

14) أي من التجارب التالية لا يعتبر اختباراً احتمالية هندسية
 a) يرمي لاعب كرة سلة نحو الهدف بشكل متكرر ويتوقف عند اصرا
 الهدف أولاً مرة كلياً فإن احتمال اصرازه الهدف في كل مرة 0.45
 b) اطلع عليه رصاصة نحو هدف بصور متكرره ثم يتوقف بعد اصابت
 الهدف، إذا كان احتمال اصابت الهدف في كل مرة 0.6
 c) القاء سامة قطعة نقد متخلفة بشكل متكرر ثم يتوقف عند ظهور الصورة
 d) سحب صرمان 3 كرات على التوالي مع الاسترجاع من صندوق فيه 4 كرات
 حمراء و 5 كرات خضراء ثم كتابة عدد الكرات الحمراء المستحوطة.

إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.8)$ اجب عن الفقرات:

15) متعة $P(2 < X \leq 3)$ a) 0 b) 0.129 c) 0.032 d) 0.968

16) متعة $P(3 < X < 4)$ a) 0.0064 b) 0.032 c) 0.0384 d) 0

17) إذا كان $X \sim \text{Geo}(\frac{1}{3})$ فإن $P(X \geq 2)$ a) $\frac{4}{9}$ b) $\frac{1}{3}$ c) $\frac{2}{3}$ d) $\frac{5}{9}$

الفقرة	17	16	15	14	13	12	رافت صافي
الاجابة	c	d	c	d	b	a	0785824464

18) القمار حيد حجر نرد فتتظن ذو ثمانية اوجه مرقمة من 1 إلى 8 بكل متكرر حتى يظهر العدد 7 فان احتمال اللقاء حجر النرد 6 مرات

- a) $\frac{1}{8}(\frac{5}{8})^5$ b) $\frac{1}{8}(\frac{7}{8})^5$ c) $\frac{7}{8}(\frac{1}{8})^7$ d) $\frac{7}{8}(\frac{1}{8})^8$

19) اذا كان $X \sim \text{Geo}(\frac{3}{7})$ فان $E(X)$

- a) 1 b) 0 c) $\frac{3}{7}$ d) $\frac{7}{3}$

20) اذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ وكان $P(X \leq 3) = \frac{819}{1331}$ فان $P(X > 3)$

- a) $\frac{512}{1331}$ b) $\frac{175}{1915}$ c) $\frac{1}{8}$ d) $\frac{7}{136}$

21) اذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ وكان $P(X=1)=0.2$ فان $E(X)$

- a) 0.2 b) 5 c) 4 d) 0.8

22) اذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ فان $P(X > 7) + P(X \leq 7)$

- a) 0 b) 1 c) p d) 1-p

23) اذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ وكان $E(X) = \frac{4}{3}$ فان $P(X > 2)$

- a) $\frac{3}{4}$ b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{1}{16}$ d) $\frac{15}{16}$

رافت صافي	18	19	20	21	22	23	الفقرة
0785824464	b	d	a	b	b	c	الاجابة

دور مروان مؤشر قرصه بشكل متكرر وكان القرص متماً الى 4 قطاعات متطابقة وملونة بالأحمر، الأخضر، الأزرق، الأصفر



إذا دل المتغير العشوائي X على عدد مرات

لادور المؤشر حتى يتوقف عند اللون الأصفر

أول مرة. اكتب عن الفقرات الآتية:

24) احتمال أن تكون المرة الثالثة هي أول مرة يتوقف فيها

مؤشر القرص عند اللون الأصفر:

a) $\frac{229}{256}$

b) $\frac{55}{64}$

c) $\frac{27}{256}$

d) $\frac{9}{64}$

25) احتمال أن يدور مروان مؤشر القرص أكثر من مرتين حتى

يتوقف المؤشر عند اللون الأصفر أول مرة

a) $\frac{9}{16}$

b) $\frac{8}{25}$

c) $\frac{7}{64}$

d) $\frac{9}{64}$

26) العدد المتوقع من المحاولات للتوقف عند اللون الأصفر أول مرة

a) $\frac{4}{3}$

b) 4

c) 8

d) 10

إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.2)$ اكتب عما يلي:

27) قيمة $P(X \leq 1)$

a) 0.7

b) 0.1

c) 0.8

d) 0.2

28) قيمة $P(2 < X < 4)$

a) 0.128

b) 0.201

c) 0.901

d) 0.701

رافت صافي	24	25	26	27	28		الفقرة
0785824464	d	a	b	d	a		الاجابة

اطلع علي رصاصة اخو الهدف بصوت متكرر، ثم توقف بعد اصابت الهدف، اذا كان احتمال اصابت الهدف في كل مرة هو 0.25 اجب عن الفقرات

29) احتمال ان يصيب الهدف اولا مرة في المحاولة العاشرة
a) $(0.25)(0.75)^{10}$ b) $(0.75)(0.25)^9$ c) $(0.25)(0.75)^9$ d) $(0.75)(0.25)^{10}$

30) احتمال ان يطلع رصاصتين علي الاكثر حتى يصيب الهدف
a) 0.9375 b) 0.0625 c) 0.5625 d) 0.4375

31) احتمال ان يطلع رصاصتين علي الاقل حتى يصيب الهدف اولا مرة
a) 0.75 b) 0.25 c) 0.5625 d) 0.4375

32) العدد المتوقع في الرصاصات التي يطلقها علي حتى يصيب الهدف اولا مرة
a) 40 b) 4 c) $\frac{4}{3}$ d) 5

يكرر احمد محاولة ادوية مقبض لا احتمال في فزن مبلخه بعد حرون
عطل فيه حتى يتمكن من تشغيل الفزن لمضئ الطعام. اذا كان احتمال
اشتغال الفزن في كل محاولة هو $\frac{1}{3}$ ومثل X عدد محاولات
احمد حتى يشتغل الفزن، اجب عن الفقرات

33) ما احتمال أن يتمكن احمد من اشتغال الفزن في المحاولة الرابعة
a) $\frac{1}{81}$ b) $\frac{7}{81}$ c) $\frac{7}{21}$ d) $\frac{8}{81}$

34) ما احتمال ان يحاول احمد اشتغال الفزن اكثر من 4 مرات
a) $\frac{16}{81}$ b) $\frac{1}{8}$ c) $\frac{3}{8}$ d) $\frac{5}{81}$

الفقرة	34	33	32	31	30	29	رافت صافي
الاجابة	a	d	b	a	d	c	0785824464

35) تدرّب عليّ علاماً بقعة رمي السهام. إذا كان احتمال إصابة الهدف 0.2 كم مرّماً يتوقع أن يذله أحمد حتى يصيب الهدف أولاً مرّة

- a) 4 b) 5 c) 3 d) 0.8

36) إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.2)$ فإن $P(X < 1)$

- a) 0 b) 1 c) 0.8 d) 0.2

37) إذا كان X متغيّر عشوائى هندى، وكان $E(X) = 2$

فإن $P(X > 3)$

- a) $\frac{1}{8}$ b) $\frac{1}{2}$ c) $\frac{3}{8}$ d) $\frac{2}{7}$

38) كم مرّة يتوقع رمي قطعة نقد متّاهة هيرو الصوريّة

- a) 5 b) 6 c) 2 d) 1

اتفقت ليل وزميلاتها على ألا تشارك أيّ منهن في لعبة حتى يرمى حجر نرد فتتّظّم ويظهر الرقم 6 إذا ارادت ليل المشاركة في اللعبة، وكان X يمثل عدد مرّات رميها حجر النرد حتى تظهر العدد 6 أجب عما يلي :

39) ما احتمال أن ترمى ليل حجر النرد 3 مرّات كما تشارك في اللعبة

- a) $\frac{71}{216}$ b) $\frac{35}{216}$ c) $\frac{8}{117}$ d) $\frac{25}{216}$

40) ما احتمال أن ترمى ليل حجر النرد أكبر من 3 مرّات كما تشارك في اللعبة

- a) $\frac{125}{216}$ b) $\frac{103}{109}$ c) $\frac{7}{36}$ d) $\frac{37}{205}$

الفقرة	40	39	38	37	36	35	رافت صافي
الاجابة	a	d	c	a	a	b	0785824464

41. اخذ سعيد يراقب السيارات المارة أمام منزله. اذا كان احتمال ان تمر سيارة حمراء من امام منزله 0.1 فان احتمال مرور أكثر من 3 سيارات حتى يصادف أول سيارة حمراء

a) 0.0729 b) 0.7 c) 0.9 d) 0.729

42. اذا كان $X \sim Geo(p)$ وكان $P(X=2) = 0.8(0.2)^2$ فان قيمة a

a) 2 b) 3 c) 0.8 d) 0.2

43. في التجربة الاحتمالية الهندسية فان جميع المحاولات المستقلة ما عدا واحدة هي:

a) احتمال التجربة على محاولات مستقلة ومستمرة ومحدد عددها
 b) فرض النتائج الممكنة في كل محاولة الى نجاح وفشل
 c) نتائج احتمال النجاح في كل محاولة.
 d) التوقف عند أول نجاح

44. عند القاء قطعة نقد متباعدة، اذا القيت قطعة النقد بصورة متكررة حتى تظهر الصورة أول مرة، فان احتمال ظهور الصورة أول مرة عند القاء قطعة النقد في المرة الثانية:

a) $\frac{1}{2}$ b) $\frac{1}{4}$ c) $\frac{1}{8}$ d) $\frac{1}{16}$

45. اذا كان $X \sim Geo(\frac{1}{8})$ فان قيمة $P(X \geq 1)$

a) $\frac{1}{8}$ b) $\frac{7}{8}$ c) 0 d) 1

الفقرة	41	42	43	44	45
الاجابة	d	b	a	b	d

رافت صافي
0785824464

46) إذا كان $X \sim \text{Geo}(0.3)$ فإن قيم المتغير العشوائي X ياتي

- a) 1, 2, 3, 4, ... b) 2, 3, 4, ... c) 3, 4, 5, ... d) 2 و 3

47) إذا كان $X \sim \text{Geo}(\frac{1}{4})$ فإن $P(1 < X < 4)$

- a) $\frac{21}{64}$ b) $\frac{15}{64}$ c) $\frac{45}{64}$ d) $\frac{19}{64}$

48) احسب التباين العشوائي الآتية بعد تجربة احتمالية هندسية

- a) اطلاق سهم فوسفور 7 مرات وتجيل عدد مرات الاصابة
b) اجراء 10 عمليات جراحية وتجيل عدد العمليات الناجحة منها
c) اعطاء دواء جديد للعال للعرض المصابين به. والتوقف عند ظهور اول اصابة بالأعراض الجانبية

49) يطلع على تكرار تجربة بيرنولي عدداً محدداً من المرات المتقلة:

- a) تجربة احتمالية هندسية
b) تجربة احتمالية ذات حدثين
c) توزيع طبيعي
d) توزيع طبيعي معيارى

50) إذا كان $X \sim \text{Geo}(p)$ وكان $P(X=2) = 0.16$ فإن

قيمة p هي

- a) 0.04 b) 0.8 c) 0.08 d) 0.4

الفقرة	50	49	48	47	46	رافت صافي
الاجابة	b	b	c	a	d	0785824464

إذا كان $X \sim B(4, 0.3)$ أجب عن الفقرات الآتية

51) متعة $P(X=2)$

- a) 0.2646 b) 0.7102 c) 0.7071 d) 0.0102

52) متعة $P(X>2)$

- a) 0.1375 b) 0.9917 c) 0.0837 d) 0.1701

53) متعة $P(X \leq 3)$

- a) 0.6151 b) 0.8185 c) 0.7151 d) 0.9919

في دراسة تناولت حالة الطقس مدة طويلة في إحدى المدن

تبين أن احتمال أن يكون أي يوم فيها مطراً هو $\frac{2}{3}$

إذا اختيرت 5 أيام عشوائياً، أجب عن الفقرات

54) ما احتمال أن تكون 3 أيام فقط من هذه الأيام مطراً

- a) $\frac{70}{243}$ b) $\frac{80}{243}$ c) $\frac{70}{421}$ d) $\frac{55}{241}$

55) ما احتمال أن يكون يوم واحد على الأقل من هذه الأيام مطراً

- a) $\frac{38}{245}$ b) $\frac{17}{242}$ c) $\frac{13}{243}$ d) $\frac{242}{243}$

إذا كان $X \sim B(20, 0.7)$ أجب عن الفقرات

56) متعة $E(X)$

- a) 14 b) 15 c) 4.2 d) 42

57) متعة $Var(X)$

- a) 14 b) 4.2 c) 7.2 d) 1.5

الفقرة	51	52	53	54	55	56	57
الاجابة	a	c	d	b	d	a	b

رافت صافي

0785824464

58) إذا كان $X \sim B(3, p)$ وكان $P(X=0)=0.027$ فإن متعة $Var(X)$

- a) 0.21 b) 2.1 c) 6.3 d) 0.63

59) إذا كان $X \sim B(8, p)$ وكان $E(X)=4$ فإن متعة P

- a) 0.4 b) 0.2 c) 0.5 d) 0.1

60) إذا كان $X \sim B(n, 0.25)$ وكان $E(X)=5$ فإن متعة n

- a) 4 b) 20 c) 5 d) 10

61) إذا كان $X \sim B(10, 0.25)$ وكان $P(X>2)=0.8$ فإن $P(X \leq 2)$

- a) 0.3 b) 0.25 c) 0.5 d) 0.2

62) إذا كان $X \sim B(n, 0.2)$ وكان التوقع ياتي 4 فإن متعة n

- a) 2.3 b) 4.2 c) 3.2 d) 2.2

في دراسة لمندوب مبيعات تبين ان احتمال شراء شخص منتج ما بعد التواصل معه هو 0.3 إذا تواصل المندوب مع 7 أشخاص
اجب عن الفقرات الآتية :

63) ما احتمال ان يشتري جميع الأشخاص المنتج
a) 0.71754 b) 0.02147 c) 0.107356 d) 0.0002187

64) العدد المتوقع من الأشخاص لشراء المنتج
a) 2.6 b) 2.1 c) 7.3 d) 5.1

الفقرة	64	63	62	61	60	59	58	رافت صافي
الاجابة	b	a	c	d	b	c	d	0785824464

65) بعد إجراء مسح لـ 400 مشتركين إحدى شركات الاتصالات. تبين أن 30% من المشتركين هم من الإناث، واختير 400 مشتركاً لاستطلاع آرائهم حيال الخدمات التي تقدمها الشركة. فإن عدد الإناث المتوقع في هذه العينة :

- a) 100 b) 120 c) 80 d) 200

66) إذا كان X متغير عشوائي ذا صفة ثنائية وكان معامل $p = 0.64$ و $n = 17$ يعبر عنه بالرموز :

- a) $X \sim B(0.64, 17)$ b) $X \sim B(17, 0.64)$
c) $X \sim N(0.64, 17)$ d) $X \sim Geo(0.64)$

إذا كان $X \sim B(3, \frac{2}{3})$ اجب عما يلي :

67) قيمة $P(0 \leq X < 2)$

- a) $\frac{17}{27}$ b) $\frac{9}{25}$ c) $\frac{8}{27}$ d) $\frac{7}{27}$

68) قيمة $P(X > 1)$

- a) $\frac{20}{27}$ b) $\frac{7}{27}$ c) $\frac{1}{27}$ d) $\frac{16}{27}$

69) تبلغ نسبة حاملي فصيلة الدم - O من سكان الأردن 4% جد عدد الأشخاص الذين يلزم إشراكهم في عينة عشوائية من السكان ويتوقع أن يكون منهم 10 أشخاص من حاملي فصيلة الدم - O

- a) 180 b) 720 c) 130 d) 250

الفقرة	69	68	67	66	65	رافت صافي
الاجابة	d	a	d	b	b	0785824464

- ٧٥ أي من التجارب الآتية لا يمثل توزيع ذي الحدين :
- ٧٦ أطلقت سعاد 4 رميات نحو الهدف وكان احتمال الإصابة في كل مرة 0.8 وتسجيل عدد الإصابات على الهدف
- ٧٧ القى علي حجر نرد فتنظم ١٥ فرقة ثم كتابة عدد الفرق التي يظهر فيها العدد ١ على الوجه العلوي لحجر النرد
- ٧٨ سحبت سون 4 كرات على التوالي دون إرجاع من صندوق يحتوي على 7 كرات خضراء و 3 كرات صفراء ثم كتابة عدد الكرات الخضراء الحوية من الصندوق
- ٧٩ نجيب مروان على ١٥ أسئلة في امتحان الرياضيات هيكلها من نوع الاختيار من متعدد وكل منها 5 بدائل واحدة فقط صحيحة إذا أجيب عن هذه الأسئلة هيكلها بصورة عشوائية وتسجيل عدد الإجابات الصحيحة

٧١ إذا كان $X \sim B(n, p)$ فإن $P(X=r)$

a) $\binom{n}{r} (p)^r (1-p)^{n-r}$ b) $\binom{n}{r} p^{n-r} (1-p)^r$ c) $p(1-p)^r$ d) $p(1-p)^{r-1}$

٧٢ إذا كان $X \sim B(3, \frac{2}{3})$ فإن $P(1 \leq X \leq 2)$

a) $\frac{6}{27}$ b) $\frac{12}{27}$ c) 1 d) $\frac{18}{27}$

٧٣ إذا كان $X \sim B(3, p)$ وكان $P(X=0) = 0.2$ فإن $P(X \geq 1)$

a) 1 b) 0.8 c) 0.2 d) 0

٧٤ إذا كان $X \sim B(280, 0.4)$ فإن مقدار الانحراف المعياري

a) 67.2 b) $\sqrt{67.2}$ c) 168 d) 112

الفقرة	74	73	72	71	70	راقت صافي
الإجابة	b	b	d	a	c	0785824464

75) إذا كان X متغير عشوائي ذا حدثين وكان معامل $p = \frac{1}{3}$

وتباينه 4 فإن المعامل n

- a) 8 b) 18 c) 4 d) 16

76) يتألف اختبار طبخت الجغرافيا من 25 سؤالاً، جميعها

من نوع الاختيار من متعدد، وكل منها 4 بدائل واحدة منها

صحيح وكل فقره 4 علامات. إذا أجاب ابي على هذه الأسئلة

جميعها بصورة عشوائية. ما احتمال أن يحصل على علامة 76 من 100

a) $(\frac{25}{19})(\frac{1}{4})^{19}(\frac{3}{4})^6$ b) $(\frac{25}{20})(\frac{1}{4})^{19}(\frac{3}{4})^6$

c) $\frac{1}{4}(1 - \frac{1}{4})^{18}$ d) $(\frac{25}{19})(\frac{1}{4})^6(\frac{3}{4})^{19}$

يمثل الشكل المجاور قرصاً على شكل خماسي منتظم، وإذا دور

مؤشر القرص 5 مرات ودل التغير العشوائي X على

عدد مرات توقف المؤشر على الحرف A، كاحص من الفقرتين



77) ما احتمال أن يتوقف المؤشر

على الحرف A ثلاث مرات فقط

a) $\frac{330}{625}$ b) $\frac{720}{625}$

c) $\frac{813}{125}$ d) $\frac{107}{125}$

78) ما احتمال أن لا يتوقف المؤشر على الحرف A نهائياً

a) $\frac{251}{2791}$ b) $\frac{71}{1703}$ c) $\frac{217}{1715}$ d) $\frac{243}{3125}$

79) إذا كان X متغيراً عشوائياً ذا حدثين وكان توقعه 8 وتباينه $\frac{20}{3}$ فإن قيمته n

- a) 56 b) 32 c) 64 d) 48

الفقرة	75	76	77	78	79	رافت صافي
الإجابة	b	a	b	d	d	0785824464

80) غرس مزارع 3 شجرات وكان احتمال نمو الشجرة
الواحدة يساوي 0.7 ما احتمال عدم نمو أي من الشجرات الثلاث
a) 0.027 b) 0.27 c) 0.3 d) 0.009

81) اطلق مسعود 3 رصاصات نحو هدف، وكان احتمال اصابت
الهدف في كل مرة 70% فان احتمال اصابت الهدف
مرة واحدة على الأقل

a) 0.27 b) 0.972 c) 0.027 d) 0.973

82) رمى وليد حجر نرد 4 مرات. ما احتمال ظهور رقم فردي
في 3 رميات فقط
a) $\frac{1}{16}$ b) $\frac{3}{16}$ c) $\frac{1}{4}$ d) $\frac{1}{2}$

83) القدر - حيد قطعة نقد 5 مرات. ما احتمال ظهور الكتابة
في مرة واحدة فقط

a) $\frac{5}{64}$ b) $\frac{1}{64}$ c) $\frac{1}{32}$ d) $\frac{5}{32}$

84) اذا كان $X \sim B(5, 0.3)$ فان $P(X \leq 4)$

a) $1 - (0.7)^5$ b) $1 - (0.3)^5$
c) $1 - (0.7)^4$ d) $1 - (0.3)^4$

85) اذا كان $X \sim B(n, p)$ وكان $E(X) = 8$ و $1 - P = 0.5$ فان $Var(X)$

a) 4 b) 8 c) 2 d) 6

الفقرة	85	84	83	82	81	80	رافت صافي
الاجابة	a	b	d	c	a	a	0785824464

86) إذا كان $X \sim B(3, p)$ وكان $P(X \geq 1) = \frac{7}{8}$

فان قيمة $P(X=2)$

- a) $\frac{1}{8}$ b) $\frac{5}{8}$ c) $\frac{3}{4}$ d) $\frac{3}{8}$

87) إذا كان توقع ذات الحدين 6 ونسبة النجاح 0.2

فان عدد مرات اجراء التجربة يساوي

- a) 30 b) 12 c) 2 d) 6

88) إذا كان $X \sim B(8, 0.1)$ فان $P(X < 2)$

- a) 0.3826 b) 0.4305 c) 0.8131 d) 0.1488

89) إذا كان $X \sim B(2, 0.7)$ فان مجموعة قيم المتغير العشوائي X

- a) 0 و 1 b) 0 و 1 و 2 c) 0 و 2 d) 1 و 2

90) إذا كان $X \sim B(n, \frac{1}{7})$ وكان $E(X) = 6$ فان قيمة n

- a) $\frac{6}{7}$ b) 42 c) $\frac{1}{42}$ d) 49

91) إذا كان احتمال إصابة شخص ما بأعراض جانبية بعد اخذ دواء معيناً

معيناً هو 12% وقصر الطبيب اعطاء 50 شخصاً إذا دل المتغير العشوائي X

على عدد الأشخاص الذين سيقبلون عليهم أعراض الداء فان

البيان للمتغير العشوائي X

- a) 5.28 b) 6 c) 7.3 d) 8

الفقرة	91	90	89	88	87	86	رافت صافي
الاجابة	d	b	d	c	a	d	0785824464

إذا اتخذت علامات الطلبة في اختبار طرحت الرياضيات شكل
المنحنى الطبيعي

اجب عن الفقرات الآتية :

٩٢) النسبة المئوية للعلامات التي تقع فوق الوسط الحامى
a) 47.5% b) 50% c) 97.35% d) 81.5%

٩٣) النسبة المئوية للعلامات التي تزيد على الوسط الحامى بمقدار
لا يزيد على انحراف معياري واحد أو تقل عنه بمقدار لا يزيد
على ثلاث انحرافات معيارية

a) 47.5% b) 50% c) 81.5% d) 83.85%

إذا كان $X \sim N(12, 9)$ احسب ما يلي متخذاً القاعدة التجريبية

٩٤) متعة $P(X > 12)$

a) 0.5 b) 0.16 c) 0.68 d) 0.34

٩٥) متعة $P(9 < X < 15)$

a) 0.68 b) 0.5 c) 0.68 d) 0.21

٩٦) متعة $P(X > 15)$

a) 0.68 b) 0.34 c) 0.21 d) 0.16

٩٧) النسبة المئوية لمطابقة المنطقة المحصورة بين $\mu - 3\sigma$ و $\mu + 3\sigma$
أقل منحنى التوزيع الطبيعي :

a) 68% b) 95% c) 99.7% d) 89.7%

الفقرة	٩٢	٩٣	٩٤	٩٥	٩٦	٩٧	رافت صافي
الاجابة	b	a	a	c	d	c	0785824464

٩٨) إذا اتخذ التحصيل البياني لأطوال مجموعة من طلبة الصف الثاني عشر شكل المنحنى الطبيعي، فإن النسبة المئوية للطلبة الذين تقل أطوالهم عن الوسط الحاملي بمقدار لا يزيد على ثلاثة انحرافات معيارية أو تزيد عليه بمقدار لا يزيد على انحرافين معياريين هي: a) ٩٩.٧% b) ٩٩.٥% c) ٩٩.٨٥% d) ٩٧.٣٥%

٩٩) إذا أخذت كتلة مجموعة من الطلبة شكل التوزيع الطبيعي، فإن النسبة المئوية للطلبة الذين تقع أطوالهم تحت الوسط الحاملي هي: a) ١٠٠% b) ٩٩% c) ٦٨% d) ٥٠%

١٠٠) إذا كان $X \sim N(50, 2)$ يمثل أوزان مجموعة من الطلبة، إذا كانت أوزان ٦٨% منهم تتراوح بين ٤٦ kg و ٥٤ kg، فإن σ تساوي: a) ٤ b) ٢ c) ٨ d) ١٦

١٠١) معتقداً على شكل منحنى التوزيع الطبيعي، ما النسبة المئوية للمصابين التي تقل عن الوسط الحاملي بمقدراً لا يزيد على انحرافين معياريين أو تزيد عليه بمقدار لا يزيد على انحراف معياري واحد هي: a) ٩٧.٣٥% b) ٨١.٥% c) ٦٨% d) ٥٠%

١٠٢) إذا كان $X \sim N(23, 2.25)$ فإن $P(23 < X < 24.5)$ هي: a) ٠.٣٤ b) ٠.١٦ c) ٠.٧٥ d) ٠.٨٥

الفقرة	١٠٢	١٠١	١٠٠	٩٩	٩٨	رافت صافي
الإجابة	a	c	a	a	a	0785824464

إذا كان $X \sim N(55, 12)$ أجب عن الفقرتين

103) قيمة $P(X < 55)$

- a) 0.23 b) 0.013 c) 0.34 d) 0.5

104) قيمة $P(X > 77)$

- a) 0.025 b) 0.013 c) 0.34 d) 0.68

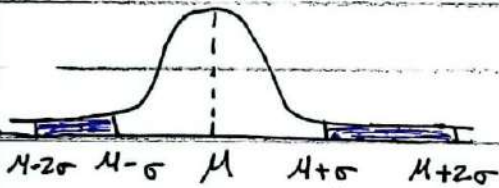
105) النسبة المئوية لخاصة المنطقة المحصورة بين $\mu - \sigma$ و $\mu + 2\sigma$

أقل منحني التوزيع الطبيعي هي :

- a) 13.5% b) 18.5% c) 68% d) 81.5%

106) النسبة المئوية لخاصة المنطقة المظلمة أقل

التوزيع الطبيعي



- a) 47.5% b) 15.85%
c) 73.5% d) 27%

إذا كان $X \sim N(79, 12^2)$ أجب عن الفقرتين

107) قيمة $P(43 < X < 115)$

- a) 0.817 b) 0.102 c) 0.997 d) 0.023

108) قيمة $P(X < 43)$

- a) 0.701 b) 0.035 c) 0.0117 d) 0.0015

الفقرة	103	104	105	106	107	108	رافت صافي
الاجابة	d	a	d	d	c	d	0785824464

إذا كان $X \sim N(30, 0.4^2)$ أجب عن الفقرتين

109) متعة $P(29.2 < X < 30)$

a) 0.505 b) 0.105 c) 0.372 d) 0.475

110) متعة $P(29.2 < X < 30.4)$

a) 0.815 b) 0.105 c) 0.315 d) 0.217

111) أختزلت علامات الطلبة في اختبار التاريخ في كل المنهج الطبيعي، فإن النسبة المئوية للعلامات التي لا تزيد البعد بينهما وبين الوسط الحائري على انحراف معياري واحد

a) 68% b) 83.85% c) 50% d) 34%

112) إذا كان X متغير عشوائي طبيعي، وسطه الحائري 4 وانحرافه المعياري 3 فإنه يحتمل لهذا المتغير بالرمز

a) $X \sim N(3, 4^2)$ b) $X \sim N(4^2, 3^2)$
c) $X \sim N(4, 3^2)$ d) $X \sim N(4, 3)$

113) أختزلت علامات الطلبة في اختبار ما في كل المنهج الطبيعي

فإن النسبة المئوية للعلامات التي تزيد على الوسط الحائري بمقدار لا

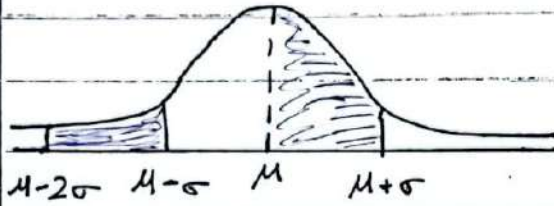
تزيد على انحرافين معياريين:

a) 83.85% b) 34% c) 68% d) 47.5%

الفقرة	113	112	111	110	109	رافت صافي
الاجابة	d	d	d	a	d	0785824464

114) النسبة المئوية لمسامة المنطقة المظلمة أسفل التوزيع الطبيعي

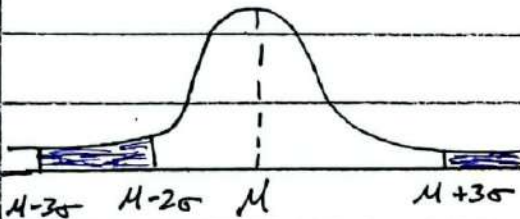
a) 95% b) 49.85%



c) 81.5% d) 47.5%

115) النسبة المئوية لمسامة المنطقة المظلمة أسفل لتوزيع الطبيعي

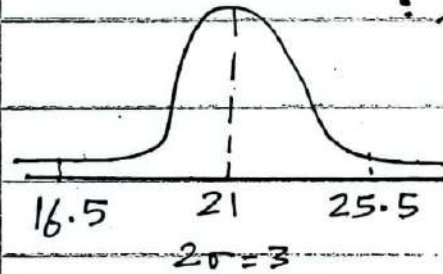
a) 0.15% b) 2.5%



c) 2.35% d) 34%

116) يبين الشكل المجاور منحنى توزيع طبيعي ، يجب عن املغفر

العتوائى لهذا التوزيع باستعمال الرموز :



a) $X \sim N(21, (1.5)^2)$

b) $X \sim N(21, 1.5)$

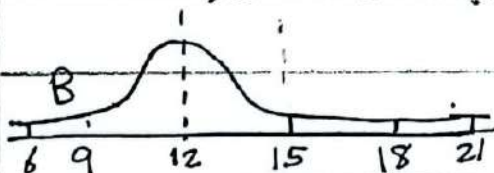
c) $X \sim N(21, 3)$

d) $X \sim N(21, (3)^2)$

117) يجب عن منحنى التوزيع الطبيعي B. استعمال الرموز

a) $X \sim N(15, 9)$

b) $X \sim N(15, 3)$



c) $X \sim N(12, 3)$

d) $X \sim N(12, 9)$

الفقرة	117	116	115	114	رافت صافي
الاجابة	d	a	b	d	0785824464

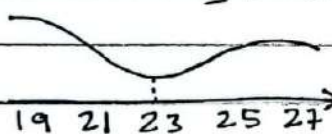
118) إذا كان $X \sim N(100, 10^2)$ يمثل أطوال الافاعي في احد مجتمعاتها. اذا كانت اطوال 68% تتراوح بين 93cm, 107cm فان σ^2 ساوي

- a) 7 b) 10 c) 49 d) 100

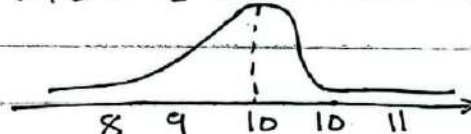
119) في خصائصها التوزيع الطبيعي

- a) المتوسط = المتوسط = المتوسط b) المتوسط > المتوسط
c) المتوسط < المتوسط d) المتوسط > المتوسط

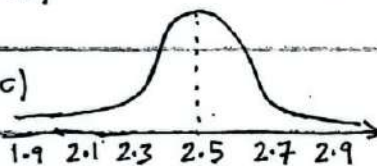
120) أي من الاشكال الآتية يعتبر منحني توزيع طبيعي



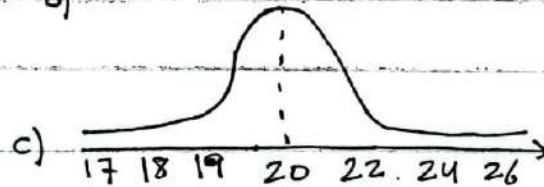
a)



b)



c)



c)

121) تتبع اطوال اشجار السرو في احد الغابات الحرجية توزيعاً طبيعياً بوسطه الحائي 18.5 m وانحرافه المعياري 2.5 m. اذا اختيرت شجرة سرو عشوائياً من تلك الغابة. فما احتمال ان يتراوح طولها بين 13.5m و 21 m

- a) 0.68 b) 0.95 c) 0.815 d) 0.5

الفقرة	121	120	119	118	رافت صافي
الاجابة	C	C	b	C	0785824464

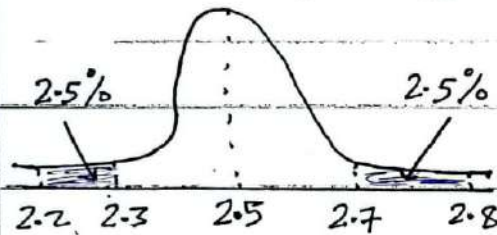
122) تتبع علامات أحد الاختبارات توزيع طبيعي وسطه 68 وانحرافه المعياري 15 ، إذا لم ينجح في الاختبار 16% من الطلبة ، فإن علامة النجاح

- a) 68 b) 70 c) 53 d) 72

123) إذا اتخذ القميص الأبيض لأطوال مجوعة من طلبة الصف السابع شكل المنحنى الطبيعي ، فإن النسبة المئوية للطلبة الذين تقل أطوالهم عن الوسط الحادي بمقدار لا يتعدى كلا الانحرافين معياريين

- a) 50% b) 68% c) 97.35% d) 47.5%

يمكن نمذجة أطوال المامير بمتجه منحنى التوزيع الطبيعي البسيط في الشكل 16 حسب عن الفقرات الآتية :



124) الوسط الحادي والانحراف المعياري لأطوال أقطار المامير

a) $\mu = 0.2$, $\sigma = 2.5$

b) $\mu = 2.5$, $\sigma = 0.1$

c) $\mu = 2.5$, $\sigma = 0.2$

d) $\mu = 2.5$, $\sigma = 2.7$

125) النسبة المئوية للمامير التي تزيد طولها عن كل منها على الوسط الحادي

بما لا يتعدى كلا الانحرافين معياريين

- a) 5% b) 68% c) 47.5% d) 7.2%

126) احسب أن تقع أطوال المامير بين 2.5 mm و 2.6 mm

- a) 0.16 b) 0.34 c) 0.475 d) 0.025

الفقرة	126	125	124	123	122	رافت صافي
الاجابة	b	c	b	d	c	0785824464

* التغير في قيمة الوسط الحاي في التوزيع الطبيعي يؤدي الى

a انحاب محوري b انتشار أفقي

c انتشار محوري d انحاب أفقي

** احدى الآتي يعتبر من خصائصها التوزيع الطبيعي

a اقتراب المنحنى عند طرفيه من المحور y دون أن يـ 9

b المساحة الكلية أسفل المنحنى هي 100

c شكله يشبه الجرس

d الوسط الحاي < الوسيط

الفقرة	**	*	رافت صافي
الاجابة	c	d	0785824464

127) من خصائص التوزيع الطبيعي المعياري بان وسطه الحادي

- a) -1 b) 1 c) 0 d) 0.5

128) الانحراف المعياري للتوزيع الطبيعي المعياري

- a) 0.5 b) 0 c) 1 d) -1

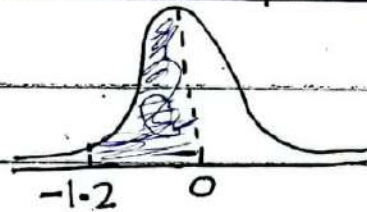
129) اذا كان Z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً وكان $P(Z < a) = 0.7$ فان

$P(Z < -a)$

- a) 1 b) 0.4 c) 0.3 d) 0.5

متبعياً بالجداول الآتية والذي يمثل بعضاً من قيم جدول التوزيع الطبيعي المعياري

Z	0.47	1.56	1.1	0	0.62	1.2
$P(Z < z)$	0.6808	0.9406	0.8643	0.5	0.7324	0.8849



130) مساحة المنطقة المظلمة

- a) 0.2468 b) 0.3849 c) 0.8849 d) 0.5

131) قيمة $P(Z < -0.62)$

- a) 0.3156 b) 0.9196 c) 0.7217 d) 0.2676

132) قيمة $P(0.47 < Z < 1.1)$

- a) 0.5314 b) 0.9173 c) 0.3156 d) 0.1835

133) قيمة a حيث $P(Z > a) = 0.9406$

- a) -1.56 b) 1.56 c) 0.62 d) -0.62

رافت صافي	127	128	129	130	131	132	133	الفقرة
0785824464	c	c	c	b	d	d	a	الاجابة

134) إذا كان $P(-a < Z < a) = 0.34$ فإن $P(Z < a)$

- a) 0.67 b) 0.44 c) 0.76 d) 0.45

135) يمكن التعبير عن المتغير العشوائي الطبيعي المعياري بالرموز

- a) $Z \sim N(1, 0)$ b) $Z \sim N(1, \sigma^2)$
c) $Z \sim N(0, 1)$ d) $Z \sim N(0, \sigma^2)$

136) إذا كان $P(Z > a) = 0.3$ فإن $P(-a < Z < a)$

- a) 0.4 b) 0.7 c) 0.6 d) 0.3

137) في التوزيع الطبيعي المعياري، إذا كانت $P(Z < 1) = 0.1587$

فإن $P(-1 < Z < 1)$

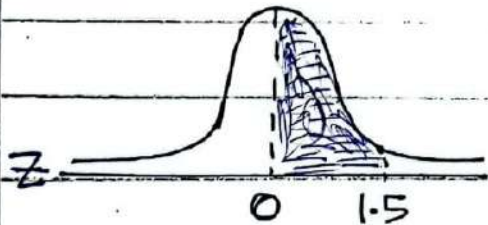
- a) 0.1587 b) 0.8413 c) 0.6826 d) 0.3174

متبعاً بجدول التوزيع الطبيعي المعياري، ما هي النسبة تحت الفقرة

138) متعة a التي تحقق $P(Z > a) = 0.015$

- a) 2.17 b) 1.31 c) 2.15 d) -2.17

139) المنطقة المظللة:



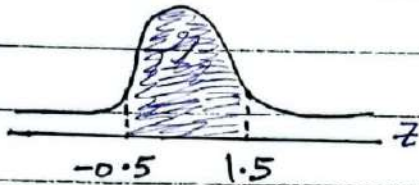
- a) 0.4332 b) 0.0596

- c) 0.4394 d) 0.1915

الفرقة	139	138	137	136	135	134	رافت صافي
الاجابة	a	a	a	d	c	a	0785824464

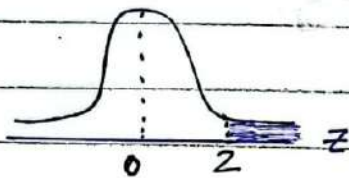
مستخدم جدول التوزيع الطبيعي المعياري، اجب عن الفقرات

- (140) قيمة a التي تحقق $P(Z < a) = 0.0314$
- a) -1.32 b) 1.31 c) -1.86 d) 1.86



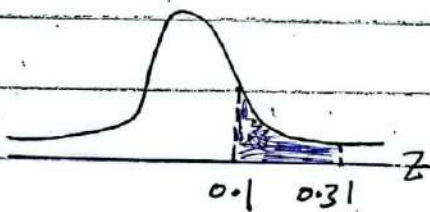
(141) مساحة المنطقة ا-فـ
منحنى التوزيع الطبيعي المعياري

- a) 0.6247 b) 0.3157
c) 0.3251 d) 0.7107



(142) مساحة المنطقة ا-فـ
منحنى التوزيع الطبيعي المعياري

- a) 0.0228 b) 0.9772
c) 0.9332 d) 0.0668



(143) مساحة المنطقة المظلة ا-فـ
التوزيع الطبيعي المعياري

- a) 0.0882 b) 0.0819
c) 0.819 d) 0.882

(144) اذا كان Z متغيراً عشوائياً طبيعياً معيارياً، وكان

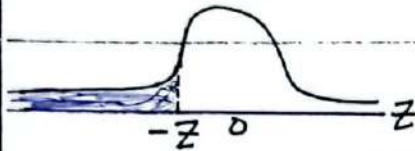
$$P(Z < k) = 0.6 \text{ فان } P(Z > -k)$$

- a) 0.04 b) 0.06 c) 0.6 d) 0.4

الفرقة	140	141	142	143	144
الاجابة	C	a	a	b	c

رافت صافي
0785824464

145) لايجاد متعة الماسة المظالة اسفل منحى التقريبي الطبيعي المعياري في الشكل المجاور، نستخدم القاسم

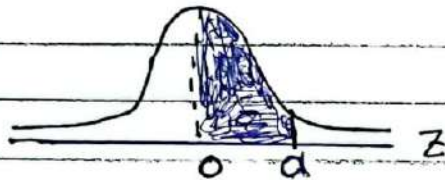


- a) $1 - P(Z < z)$ b) $P(Z < z)$
c) $P(Z < z) - 1$ d) $-P(Z < z)$

146) متعة a التي تحقق الاحتمال $P(-a < Z < a) = 0.1272$

- a) 0.1 b) -0.1 c) 0.16 d) -0.16

147) اذا كان $Z \sim N(0, 1)$ وكانت $P(Z > a) = 0.27$



فان ماسة المنطقة المظالة

اسفل منحى التقريبي الطبيعي

على بان $P(Z < 0) = 0.5$

- a) 1.23 b) 0.23 c) -0.73 d) 0.27

148) اذا كان $Z \sim N(0, 1)$ فاي من التالي يعبر عن

الاحتمال التالي $P(Z < -z_1)$

- a) $P(Z < z_1)$ b) $P(Z > z_1)$ c) $1 - P(Z < z_1)$ d) $1 - P(Z > z_1)$

149) اذا كان $Z \sim N(0, 1)$ فاي من التالي يكافئ الاحتمال

$P(-a < Z < a)$

- a) $P(Z < a) - 1$ b) $P(Z > a) - 1$
c) $2P(Z < a) - 1$ d) $2P(Z > a) - 1$

الفقرة	149	148	147	146	145	رافقت صافى
الاجابة	d	c	b	d	a	0785824464

150) القيمة العيارية المقابلة للقيمة $x=30$ في توزيع طبيعي وسطه الحادي 18 وانحرافه المعياري 6 هي
 a) $z=5$ b) $z=4$ c) $z=8$ d) $z=2$

متخدماً المعلومات الواردة في جدول التوزيع الطبيعي لاري

z	0.5	0.8	1	1.5	0.2
$P(Z < z)$	0.6915	0.7881	0.8413	0.9332	0.5793

إذا كان $X \sim N(30, 100)$ أجب عن الفقرات الآتية

151) قيمة $P(X < 35)$
 a) 0.6915 b) 0.8413 c) 0.9332 d) 0.7153

152) قيمة $P(X > 38)$
 a) 0.1712 b) 0.8171 c) 0.3124 d) 0.2119

153) قيمة $P(X < 20)$
 a) 0.2153 b) 0.8413 c) 0.1587 d) 0.7881

154) قيمة $P(15 < X < 32)$
 a) 0.3724 b) 0.5125 c) 0.8413 d) 0.6917

155) تتبع كتل ثمار الجوافة في إحدى المزارع توزيعاً طبيعياً وسطه الحادي 70 وانحرافه المعياري 4. فإن نسبة ثمار الجوافة التي تتعدى 80 كل منها على 80 (إذا علمت أن $P(Z < 2.5) = 0.9938$)
 a) 0.1325 b) 0.0214 c) 0.2117 d) 0.0062

الفقرة	155	154	153	152	151	رافت صافي
الاجابة	d	b	c	d	a	0785824464

إذا كان $X \sim N(\mu, \sigma^2)$ وكانت القيمة المعيارية التي تقابل $X=85$ هي $Z=1$ والقيمة المعيارية التي تقابل $X=70$ هي $Z=-2$ اجب عن الفقرتين :
 (156) الانحراف المعياري :

a) 5 b) 10 c) 3 d) 2
 (157) الوسط الحسابي :

a) 75 b) 80 c) 69 d) 85

(158) إذا كان X متغيراً عشوائياً طبيعياً ووسطه الحسابي 96 وانحرافه المعياري 7 فإن قيمة X التي تقابل القيمة المعيارية $Z=2$
 a) 82 b) 110 c) 7 d) 94

(159) إذا كان X متغيراً عشوائياً طبيعياً ووسطه الحسابي 54 وقيمته المعيارية $Z=3$ وقيمة X التي تقابلها هي 60
 فإن الانحراف المعياري

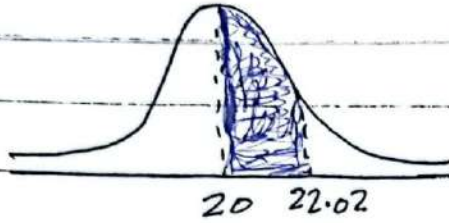
a) 2 b) 4 c) $\frac{1}{2}$ d) $\frac{1}{4}$

(160) إذا كان X متغيراً عشوائياً طبيعياً ووسطه الحسابي 4 وانحرافه المعياري 6 والقيمة المعيارية له 2 وقيمة X المقابلة لها 74 فإن الوسط الحسابي

a) 60 b) 80 c) 86 d) 62

الفقرة	160	159	158	157	156	رافت صافي
الاجابة	d	a	a	b	a	0785824464

161) إذا كان $X \sim N(20, 9)$ فإن مساحة المنطقة المظلمة

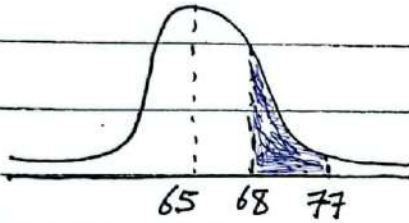


اختر منحنى التوزيع الطبيعي
متخدماً جدول التوزيع الاحتمالي

a) 0.7486 b) 0.2514

c) 0.2486 d) 0.7514

162) إذا كان $X \sim N(65, 6^2)$ فإن مساحة المنطقة المظلمة



اختر منحنى التوزيع الطبيعي

متخدماً جدول التوزيع الطبيعي المعياري

a) 0.2857 b) 0.1723

c) 0.1072 d) 0.3017

163) رواتب 8000 موظف تتبع توزيع طبيعي متوسطه

الراشدي 400 دينار وانحرافه 20 ديناراً فإن

عدد الموظفين الذين تنحصر رواتبهم بين 375 و 450

« علماً بأن $P(Z < 1.25) = 0.8944$ و $P(Z < 2.5) = 0.9938$ »

a) 7203 b) 4721 c) 5721 d) 7106

الفقرة	161	162	رافت صافي
الاجابة	c	a	0785824464

(1) يمثل الشكل المجاور قرصاً مقسمًا إلى 8 قطاعات متطابقة
إذا دوّر مؤشر القرص 6 مرات ودل المتغير العشوائي X
على عدد مرات توقف المؤشر على الحرف R



جدد كلاً من الاحتمالات الآتية

(a) توقف المؤشر على الحرف R
ثلاث مرات فقط

(b) توقف المؤشر على الحرف R
مرة واحدة على الأقل

(2) يتضمن اختبار شهري مادة اللغة العربية 10 أسئلة
جميعها من نوع الاختيار من متعدد وكل منها 4 بدائل
واحد منها الإجابة الصحيحة. إذا أجاب الطلبة عن هذه
الأسئلة العشرة بصورة عشوائية. فما احتمال أن تكون إجابة
واحدة على الأقل منها صحيحة. (أقرب الناتج إلى أقرب جزء من ألف)

(3) تبين في مصنع للمصابيح أن احتمال أن يكون أي
مصباح من إنتاج المصنع تالفاً هو 0.15 إذا مثل X عدد
المصابيح التي سيفحصها مراقب الجودة حتى إيجاد أول مصباح تالف
جدد احتمال أن يفحصها مراقب الجودة أكثر من 3 مصابيح حتى
إيجاد أول مصباح تالف

(4) يتدرب لاعب كرة سلة على رمي الكرة في الهدف. وكان
احتمال إصابته الهدف هو 0.4 إذا مثل X عدد محاولات
اللاعب حتى يصيب أول هدف. فما احتمال أن يصيب اللاعب
الهدف بعد أكثر من 3 محاولات.

(5) إذا كان احتمال إصابة شخص بأعراض جانبية بعد اخذ دواء معيناً هو 25% فأخذ هذا الدواء 8 أشخاص ودل المتغير العشوائي X على عدد الأشخاص الذين سuffer عليهم الأعراض الجانبية بعد أخذ كل واحد مما يأتي :
(a) احتمال سuffer الأعراض الجانبية على 6 أشخاص فقط من أخذوا الدواء.

(b) العدد المتوقع للأشخاص الذين سuffer عليهم الأعراض الجانبية للدواء.

(6) بعد إجراء مسح للمصالح في أحد ما جد العاصمة عمان تبين أن 70% من هؤلاء المصالح تقل أعمارهم عن 50 عاماً إذا اختير 15 مصحلاً من متادى هذا المسح عشوائياً فما احتمال أن يقل عمر اثنين منهم على الأكثر عن 50 عاماً.

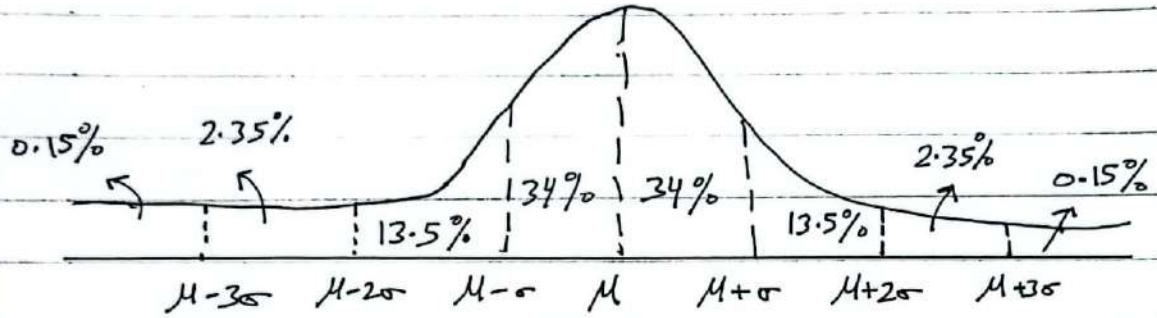
(7) ملاحظه: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي الذي يتضمن قيماً مأخوذة من جدول التوزيع الطبيعي المعياري في حل الفرعين a و b

Z	0	0.5	1.5	2
$P(Z < z)$	0.5	0.6915	0.9332	0.9772

(a) إذا كان $Z \sim N(0,1)$ وكان $P(K < Z < 2) = 0.6687$ فما قيمة الثابت K

(b) وجد عالم أن الزمن اللازم لحروف تفاعل كيميائي في تجربة معينة يتبع توزيعاً طبيعياً وسطه الحاي 155 دقيقة وانحراف المعياري 3 دقائق. ما احتمال أن يتراوح الزمن اللازم لحروف التفاعل بين 155 دقيقة و 159.5 دقيقة

8) إذا دل المتغير العشوائي X على علامات مجموعة من طلبة الصف العاشر في أحد الاختبارات، حيث $X \sim N(72, 16)$ فاستعمل القاعدة التجريبية للربحية عن كل مما يأتي :



1) ما قيمة $P(X > 76)$

2) ما قيمة $P(68 < X < 80)$

3) إذا علمت أن 16% من الطلبة لم ينجحوا في الاختبار، فما علامة النجاح 2.

9) تبين لادارة السير من دراسة أجرتها على أحد الطرفين، أن سرعة السيارات على هذا الطريق تتبع توزيعاً طبيعياً بمتوسط $\mu = 70$ km/h وانحرافه المعياري $\sigma = 5$ km/h إذا بلغ عدد السيارات التي تسير على هذا الطريق في أحد الأيام 1000 سيارة، فما عدد السيارات التي تتراوح سرعتها بين 64 km/h و 80.5 km/h.

ملاحظة: يمكنك الاستفادة من الجدول الآتي :

z	1.2	1.5	1.8	2.1	2.4
$P(Z < z)$	0.8849	0.9332	0.9641	0.9821	0.9918

0785824464

رأفت صافي

1) وجد مصنع لوحات الانارة ان احتمال ان تكون وحدة الانارة معيبة هو 0.1 اذا مثل X عدد وحدات الانارة التي سيفحصها مراقب الجودة حتى ايجاد أول وحدة انارة معيبة جد كلاً مما يلي :

(a) احتمال ان تكون وحدة الانارة الخامسة هي أول وحدة معيبة بجدها مراقب الجودة

(b) احتمال ان يفحصها مراقب الجودة اكثر من 4 وحدات انارة

2) اخذت نور ترامب السيارات المارة أمام منزلها . اذا كان احتمال ان تمر أي سيارة زرقاء من امام منزلها هو 0.1 احبب عما يلي :

(a) احتمال عدم مرور أي سيارة زرقاء من بين أول 5 سيارات مرت أمام المنزل

(b) احتمال مرور اكثر من 3 سيارات حتى شاهدت نور أول سيارة زرقاء .

3) نفذ احمد ضربات جزاء على المرص بصور متكرر 6 ثم توقف عن التنفيذ عند تسجيل أول هدف . اذا كان احتمال تسجيل هدف في كل مرة هو 0.8 فما احتمال ان ينفذ احمد ثلاث ضربات جزاء على الأقل حتى سجل هدف أول مرة .

4) دؤر احمد مؤشر مرص بشكل متكرر 6 وكان القرص مقماً الى 4 قطاعات مطابقة وملونة بالأخضر والأصفر والأزرق والأسود . اذا دل المتغير العشوائي X على عدد مرات لدوير المؤشر حتى توقف عند اللون الأخضر أول مرة . جد احتمال ان يدور احمد مؤشر القرص اكثر من مرتين حتى يتوقف عند اللون الأخضر

(5) بعد إجراء مسح للمصليين في احد المآجد تبين أن 60% من هؤلاء المصليين تقل أعمارهم عن 50 عاماً. إذا اختير 12 مصلياً من متتالي مصفي المآجد عشوائياً. جد :-
 (a) احتمال أن تقل أعمار 7 منهم فقط عن 50 عاماً
 (b) احتمال أن يقل عمر اثنين منهم على الأكثر عن 50 عاماً.

(6) إذا كان $X \sim B(3, p)$ وكان $P(X \geq 1) = \frac{215}{216}$ جد $P(X=2)$

(7) إذا كان $X \sim B(100, p)$ وكان البيانات للمتغير العشوائي X هو 24 جد قيمة p .

(8) يواجه الطيارون صعوبة في الرؤيا باحتمال 0.25 عند الهبوط بالطائرات في احد المطارات خلال فصل الشتاء بسبب سوء الأحوال الجوية. إذا هبط طيار 20 مرة في هذا المطار شتاءً
 (a) احتمال أن يواجه الطيار صعوبة في الرؤيا خلال الهبوط في ثلاث مرات على الأقل
 (b) احتمال أن يواجه الطيار صعوبة في الرؤيا خلال الهبوط في المرات جميعها

(9) إذا كان X متغيراً عشوائياً تتبع توزيع ذات الحدين وكان $E(X) = 630$ و $Var(X) = 441$ جد قيمة p و n .

(10) في دراسة تناولت حالة الطقس مدة طويلة تبين أن احتمال أن يكون أي يوم مشمس هو $\frac{2}{7}$ إذا اختيرت 3 أيام عشوائياً. ما احتمال أن يكون يوم واحد على الأقل مشمس

0785824464

رأفت صافي

11) توصلت دراسة الى أن أطوال الرجال في إحدى المدن تتبع توزيع طبيعي وسطه الحائي 167 cm وانحرافه المعياري 8 cm اذا اختير رجل عشوائياً . استخدم القاعدة التجريبية لاجاب
 (a) احتمال ان يكون طول الرجل اقل من 167 cm
 (b) احتمال ان يتراوح طول الرجل بين 159 cm و 167 cm

12) اذا دل المتغير العشوائي X على أطوال اقطار رؤوسها منقبة تنتجها آلة في مصنع حينه $X \sim N(30, 0.4^2)$ جد كلاً مما يأتي « مستخدماً القاعدة التجريبية »

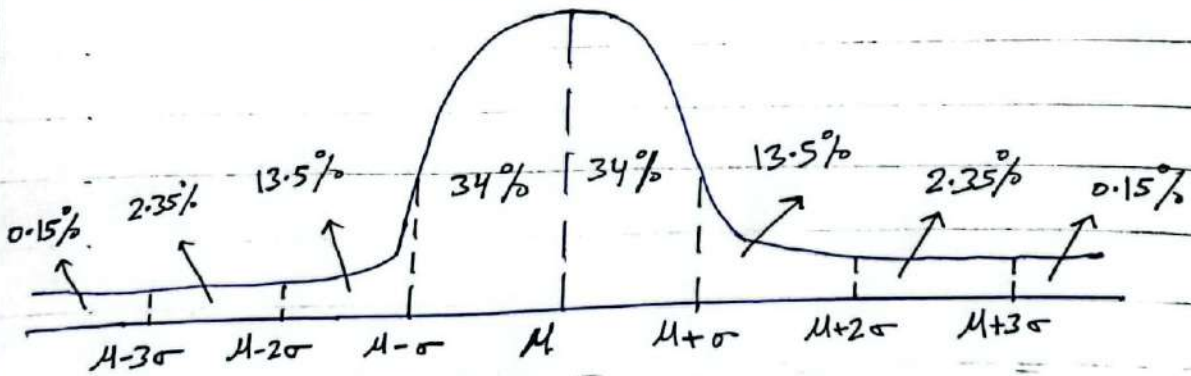
(a) $P(29.6 < X < 30.4)$

(b) $P(29.2 < X < 30)$

(c) $P(29.2 < X < 30.4)$

13) تتبع أعمار لاعبي كرة القدم توزيعاً طبيعياً وسطه الحائي 24 وانحرافه المعياري 4 اذا اختير لاعب عشوائياً لا مستخدماً القاعدة التجريبية . أجب عما يلي :

- (a) احتمال ان يقل عمر اللاعب عن 24 عاماً
 (b) احتمال ان يتراوح عمر اللاعب بين 20 و 28 عاماً
 (c) احتمال ان يزيد عمر اللاعب عن 32 عاماً



0785824464

رأفت صافي

(14) جد قيمة α التي تحقق الاحتمال المعطى في كل مما يلي:

$$P(Z < \alpha) = 0.0735 \quad (a)$$

$$P(Z > \alpha) = 0.6480 \quad (b)$$

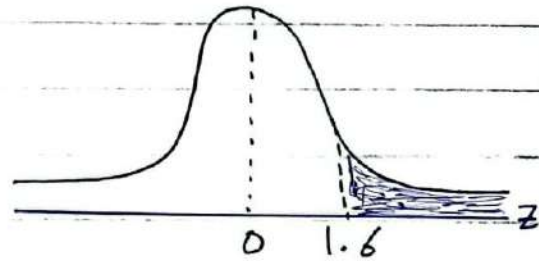
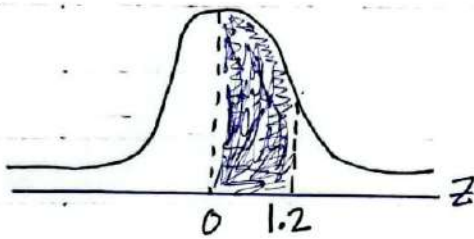
$$P(Z > \alpha) = 0.409 \quad (c)$$

(15) جد قيمة α التي تحقق الاحتمال المعطى

$$P(-\alpha < Z < \alpha) = 0.1272 \quad (a)$$

$$P(0 < Z < \alpha) = 0.45 \quad (b)$$

(16) جد مساحة المنطقة المظللة أسفل منحنى التوزيع الطبيعي المعياري



(17) إذا كان $P(1 < Z < c) = 0.1408$ جد قيمة الثابت c

(18) إذا كان $Z \sim N(0,1)$ وكان $P(b < Z < 2) = 0.3517$ جد قيمة الثابت b

z	1.45	0.38	0.23	0.16	1.64	1.2	0	1.6	1	2
$P(Z < z)$	0.9265	0.6480	0.591	0.5636	0.9495	0.8849	0.5	0.9452	0.8413	0.9772

0785824464

رأفت صافي

19) إذا كان $X \sim N(16, 6.25)$ جد ما يلي مستخدماً جدول التوزيع الطبيعي المعياري

a) $P(X < 18.5)$ b) $P(X > 11)$ c) $P(12 < X < 18)$

20) تتبع أوزان 300 طفل عند الولادة توزيعاً طبيعياً وسطه الحامي 3.5 kg وانحرافه المعياري 0.5 kg. فما عدد الأطفال الذين تتراوح أوزانهم بين 3 kg و 4 kg

21) تتبع أطوال لاعبي كرة السلة توزيع طبيعي وسطه الحامي 185 cm وانحرافه المعياري 5 cm. اختير لاعب عشوائياً. جد :
 a) احتمال أن يتراوح طول اللاعب بين 180 cm و 190 cm.
 b) العدد التقريبي للاعبين الذين تزيد أطوالهم على 195 cm من بين 2000 لاعب.

22) إذا كانت معدلات 600 طالب تتبع توزيعاً طبيعياً وسطه الحامي 73 وانحرافه المعياري هو 8 وقسمت إدارة المدرسة بتوزيع الطلبة الخمسين الحاصلين على أعلى المعدلات من بين صفوف الطلبة. ما أقل معدل للطلبة المختارين.

23) تنتج إحدى الشركات قوارير زيت ، ويفترض أن يحوي كل قارورة فيها ذيف لتر من الزيت وأن يتبع حجم الزيت في هذه القوارير توزيعاً طبيعياً وسطه الحامي 506 ml وانحرافه المعياري 3 ml. إذا احتوي صندوق على 100 قارورة توضع عشوائياً. جد عدد القوارير في هذا الصندوق التي يحوي كل منها زيتاً أقل من ذيف لتر.

Z	1	2	0.8	1.6	1.38
$P(Z < z)$	0.8413	0.9772	0.7881	0.9452	0.9162

0785824464

رأفت صافي

وزارة
صحة

مادة الموضوع
(الاحتمالات)

الوحدة (6)

$$1) P(X > 2) = (1 - 0.6)^2 = (0.4)^2 = 0.16$$

$$2) P = \frac{4}{5} \rightarrow 1 - P = \frac{1}{5} \text{ و } n = 5$$

$$\begin{aligned} P(X \geq 4) &= P(X=4) + P(X=5) \\ &= \binom{5}{4} \left(\frac{4}{5}\right)^4 \left(\frac{1}{5}\right) + \binom{5}{5} \left(\frac{4}{5}\right)^5 \left(\frac{1}{5}\right)^0 \\ &= 5 \left(\frac{4}{5}\right)^4 \left(\frac{1}{5}\right) + (1) \left(\frac{4}{5}\right)^5 (1) \\ &= \left(\frac{4}{5}\right)^4 + \left(\frac{4}{5}\right)^5 \end{aligned}$$

$$3) V = np(1-p) = 18$$

$$200p(1-p) = 18$$

$$200p - 200p^2 = 18 = 0$$

$$p^2 - p + 0.09 = 0$$

$$(p - 0.9)(p - 0.1) = 0$$

$$p = 0.9 / p = 0.1$$

نريد
معدل
معدل
200

$$4) P(X=2) = \frac{3}{4} \left(1 - \frac{3}{4}\right)^{2-1}$$

$$\left(\frac{3}{4}\right) \left(\frac{1}{4}\right) = \frac{3}{16}$$

$$5) P = 0.04 \text{ و } n = 10$$

$$P(X=2) = \binom{10}{2} (0.04)^2 (1-0.04)^8$$

$$= 0.05194$$

$$= 0.052$$

$$6) E(X) = \frac{1}{P} = \frac{1}{\frac{5}{8}} = \frac{8}{5}$$

$$= 1.6$$

$$\begin{aligned} 7) P(X=2) &= 0.1(1-0.1)^1 \\ &= (0.1)(0.9) = 0.09 \end{aligned}$$

$$8) E(X) = \frac{1}{P} = \frac{1}{\frac{5}{11}} = \frac{11}{5}$$

$$\begin{aligned} 9) P(X=0) &= \binom{4}{0} \left(\frac{2}{3}\right)^0 \left(\frac{1}{3}\right)^4 \\ &= (1)(1) \frac{1}{81} = \frac{1}{81} \end{aligned}$$

10) شرط التوقف
عدد
معدل
معدل

$$11) P(X=1) = \frac{2}{7}$$

$$P(1-p)^0 = \frac{2}{7} \rightarrow p = \frac{2}{7}$$

$$E(X) = \frac{1}{P} = \frac{1}{\frac{2}{7}} = \frac{7}{2}$$

$$12) P(X=2) = \binom{10}{2} \left(\frac{1}{5}\right)^2 \left(\frac{4}{5}\right)^8$$

$$13) E(X) = np$$

$$40 = 420p \rightarrow p = \frac{40}{420} = \frac{2}{21}$$

$$14) P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) + P(X=3) = 1$$

$$P(X \leq 2)$$

$$\begin{aligned} P(X=3) &= 1 - P(X \leq 2) = 1 - \frac{37}{64} \\ &= \frac{27}{64} \end{aligned}$$

$$15) P \leftarrow E(X)$$

$$E(X) = np$$

$$2.4 = 6P \rightarrow P = 0.4$$

$$Var = np(1-p)$$

$$= 2.4(1-0.4)$$

$$= 1.44$$

المسألة الأولى
 $\frac{1}{p} = 1 + \frac{1}{p}$

المسألة (6)

11

فرع ب

$$\begin{aligned} 2) P(X=2) &= 0.2(1-0.2)^{2-1} \\ &= (0.2)(0.8) \\ &= 0.16 \end{aligned}$$

$$3) X \sim \text{Geo}(0.1) \quad p = \frac{10}{100} = 0.1$$

$$\begin{aligned} 4) P(X=10) &= 0.1(1-0.1)^{10-1} \\ &= (0.1)(0.9)^9 \\ &\approx 0.04 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4) P(X>3) &= (1-0.1)^3 \\ &= (0.9)^3 \\ &= 0.729 \end{aligned}$$

$$5) E(X) = \frac{1}{p} = \frac{1}{0.25} = 4$$

$$\begin{aligned} 6) E(X) &= \frac{1}{p} \\ \frac{5}{1} &= \frac{1}{p} \quad \text{لذا} \\ 5p &= 1 \rightarrow p = \frac{1}{5} = 0.2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 7) P(X>3) &= 1 - P(X \leq 3) \\ 0.85 &= 1 - P(X \leq 3) \\ P(X \leq 3) &= 1 - 0.85 \\ &= 0.15 \end{aligned}$$

8) 1 2 3 4 5 6

$$E(X) = \frac{1}{p} = \frac{1}{\frac{1}{6}} = 6$$

$$\begin{aligned} 9) P(X>4) &= (1-0.2)^4 = (0.8)^4 \\ &= 0.4096 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 10) P(X=5) + P(X=6) \\ &= 0.2(1-0.2)^4 + 0.2(1-0.2)^5 \\ &= (0.2)(0.8)^4 + (0.2)(0.8)^5 \\ &= 0.08192 + 0.065536 \approx 0.147 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 11) P(X=3) + P(X=2) + P(X=1) \\ &= 0.2(1-0.2)^2 + 0.2(1-0.2)^1 + 0.2(1-0.2)^0 \\ &= 0.128 + 0.16 + 0.2 = 0.488 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 12) P(X=4) &= \frac{1}{8} \left(1 - \frac{1}{8}\right)^3 \\ &= \frac{1}{8} \left(\frac{7}{8}\right)^3 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 13) P(X=1) &= \frac{1}{8} \left(1 - \frac{1}{8}\right)^0 \\ &= \left(\frac{1}{8}\right)(1) = \frac{1}{8} \end{aligned}$$

14) d

$$\begin{aligned} 15) P(X=3) &= 0.8(1-0.8)^2 \\ &= (0.8)(0.2)^2 = 0.032 \end{aligned}$$

$$16) P(X=\emptyset) = 0$$

$$17) P(X \geq 2) = \left(1 - \frac{1}{3}\right)^{2-1} = \frac{2}{3}$$

$$18) \quad 1 \ 2 \ 3 \ 4 \ 5 \ 6 \ 7 \ 8$$

$$p = \frac{1}{8}$$

$$P(X=6) = \frac{1}{8} \left(1 - \frac{1}{8}\right)^5 = \frac{1}{8} \left(\frac{7}{8}\right)^5$$

$$19) \quad E(X) = \frac{1}{p} = \frac{1}{\frac{1}{8}} = 8$$

$$24) \quad P(X > 3) = 1 - P(X \leq 3)$$

$$= 1 - \frac{819}{1331} = \frac{512}{1331}$$

$$20) \quad P(X=1) = 0.2$$

$$P(1-p)^0 = 0.2$$

$$p = 0.2$$

$$E(X) = \frac{1}{0.2} = 5$$

$$22) \quad P(X > 7) + P(X \leq 7)$$

$$1 - P(X \leq 7) + P(X \leq 7) = 1$$

$$23) \quad E(X) = \frac{1}{p} = \frac{4}{3} \quad \text{بنا$$

$$4p = 3 \rightarrow p = \frac{3}{4}$$

$$P(X > 2) = \left(1 - \frac{3}{4}\right)^2 = \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \frac{1}{16}$$

24)



$$p = \frac{1}{4}$$

$$X \sim \text{Geo}\left(\frac{1}{4}\right)$$

$$P(X=3) = \frac{1}{4} \left(1 - \frac{1}{4}\right)^2$$

$$= \frac{1}{4} \left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{64}$$

$$25) \quad P(X > 2) = \left(1 - \frac{1}{4}\right)^2 = \left(\frac{3}{4}\right)^2$$

$$= \frac{9}{16}$$

$$26) \quad E(X) = \frac{1}{p} = \frac{1}{\frac{1}{4}} = 4$$

$$27) \quad P(X=1) = 0.2(1-0.2)^0$$

$$= (0.2)(1) = 0.2$$

$$28) \quad P(X=3) = 0.2(1-0.2)^2$$

$$(0.2)(0.8)^2 = (0.2)(0.64)$$

$$= 0.128$$

$$29) \quad p = 0.25 \quad X \sim \text{Geo}(0.25)$$

$$P(X=10) = 0.25(1-0.25)^9$$

$$= 0.25(0.75)^9$$

$$30) \quad P(X \leq 2)$$

$$P(X=2) + P(X=1)$$

$$0.25(1-0.25)^1 + 0.25(1-0.25)^0$$

$$0.25(0.75) + 0.25 =$$

$$0.1875 + 0.25 = 0.4375$$

$$31) \quad P(X \geq 2) = (1-0.25)^1$$

$$= 0.75$$

$$32) \quad p = \frac{1}{0.25} = \frac{1}{\frac{25}{100}} = 4$$

$$33) \quad X \sim \text{Geo}\left(\frac{1}{3}\right)$$

$$P(X=4) = \frac{1}{3} \left(1 - \frac{1}{3}\right)^3 = \left(\frac{1}{3}\right) \left(\frac{2}{3}\right)^3$$

$$\left(\frac{1}{3}\right) \left(\frac{8}{27}\right) = \frac{8}{81}$$

$$34) \quad P(X > 4) = \left(1 - \frac{1}{3}\right)^4$$

$$\left(\frac{2}{3}\right)^4 = \frac{16}{81}$$

$$35) E(X) = \frac{1}{p} = \frac{1}{0.2} = 5$$

$$36) P(X < 1) = P(X = 0) = 0$$

$$37) E(X) = 2 = \frac{1}{p} \rightarrow 2p = 1$$

$$p = \frac{1}{2}$$

$$P(X > 3) = (1 - \frac{1}{2})^3 = \frac{1}{8}$$

$$38) p = \frac{1}{2} \rightarrow E(X) = \frac{1}{\frac{1}{2}} = 2$$

$$39) 1, 2, 3, 4, 5, 6$$

$$\frac{1}{6}$$

$$P(X=3) = \frac{1}{6} (1 - \frac{1}{6})^2$$

$$(\frac{1}{6}) (\frac{5}{6})^2 = (\frac{1}{6}) (\frac{25}{36}) = \frac{25}{126}$$

$$40) P(X > 3) = (1 - \frac{1}{6})^3 = (\frac{5}{6})^3 = \frac{125}{216}$$

$$41) p = 0.1$$

$$P(X > 3) = (1 - 0.1)^3 = (0.9)^3$$

$$= 0.729$$

$$42) a = 3$$

$$43) a \rightarrow \text{عدد محدد} \rightarrow \text{عدد غير صحيح}$$

$$44) p = \frac{1}{2}$$

$$P(X=2) = \frac{1}{2} (1 - \frac{1}{2})^1 = \frac{1}{4}$$

$$45) P(X \geq 1) = (1 - \frac{1}{8})^0 = 1$$

$$46) X = 0, 1, 2, 3, 4, \dots$$

$$47) P(X=2) + P(X=3)$$

$$\frac{1}{4} (1 - \frac{1}{4})^1 + \frac{1}{4} (1 - \frac{1}{4})^2 = \frac{3}{16} + \frac{9}{64} = \frac{21}{64}$$

$$48) c$$

$$49) b$$

$$50)$$

$$P(X=2) = p(1-p) = 0.16$$

$$p - p^2 = 0.16$$

$$p^2 - p + 0.16 = 0$$

$$(p - 0.8)(p - 0.2) = 0$$

$$\swarrow \quad \searrow$$

$$0.8 \quad 0.2$$

$$51) P(X=2) = (\frac{4}{2})(0.3)^2(1-0.3)^2$$

$$= (6)(0.09)(0.49) = 0.2646$$

$$52) P(X=3) + P(X=4)$$

$$(\frac{4}{3})(0.3)^3(0.7)^1 + (\frac{4}{4})(0.3)^4(0.7)^0$$

$$(4)(0.027)(0.7) + (1)(0.0081)$$

$$0.0756 + 0.0081 = 0.0837$$

$$53)$$

$$P(X \leq 7) = P(X=3) + P(X=2) + P(X=1) + P(X=0)$$

$$1 - P(X=4) = 1 - (\frac{4}{4})(0.3)^4(0.7)^0$$

$$1 - 0.0081 = 0.9919$$

$$54) p = \frac{2}{3}, n = 5$$

$$P(X=3) = (\frac{5}{3})(\frac{2}{3})^3(1 - \frac{2}{3})^2$$

$$= (10)(\frac{8}{27})(\frac{1}{9}) = \frac{80}{243}$$

$$55) P(X > 1) = 1 - P(X=0)$$

$$1 - (\frac{5}{3})(\frac{2}{3})^5(1 - \frac{2}{3})^0 = 1 - \frac{1}{243}$$

$$= \frac{242}{243}$$

$$56) E(X) = np = (20)(0.7) = 14$$

$$57) \text{Var}(X) = np(1-p) \\ = (14)(1-0.7) = 4.2$$

$$58) P(X=0) = \binom{3}{0} (p)^0 (1-p)^3 \quad p \text{ غير معطى}$$

$$= (1-p)^3$$

$$(1-p)^3 = 0.027$$

$$1-p = 0.3$$

$$p = 1 - 0.3 = 0.7$$

$$\text{Var}(X) = np(1-p) \\ = (3)(0.7)(1-0.7) \\ = 0.63$$

$$59) E(X) = np \\ 4 = 8p \rightarrow p = \frac{4}{8} = 0.5$$

$$60) E(X) = np \\ 5 = 0.25n \rightarrow n = \frac{5}{0.25} = 20$$

$$61) P(X > 2) = 1 - P(X \leq 2) \\ 0.8 = 1 - P(X \leq 2) \\ P(X \leq 2) = 1 - 0.8 = 0.2$$

$$62) \text{Var}(X) = np(1-p) \\ = 4(1-0.2) \\ = (4)(0.8) = 3.2$$

$$63) p = 0.3 \rightarrow n = 7 \\ P(X=7) = \binom{7}{7} (0.3)^7 (1-0.3)^0 \\ = (1)(0.002187)(1) \\ = 0.002187$$

$$64) E(X) = np = (7)(0.3) \\ = 2.1$$

$$65) E(X) = np = (0.3)(400) \quad 3\% = \frac{30}{100} \\ = 120 \quad = 0.3$$

$$66) X \sim B(17, 0.64)$$

$$67) P(X=0) + P(X=1) \\ \binom{3}{0} \left(\frac{2}{3}\right)^0 \left(1-\frac{2}{3}\right)^3 + \binom{3}{1} \left(\frac{2}{3}\right)^1 \left(1-\frac{2}{3}\right)^2 \\ (1)(1)\left(\frac{1}{27}\right) + (3)\left(\frac{2}{3}\right)\left(\frac{1}{9}\right) \\ \frac{1}{27} + \frac{6}{27} = \frac{7}{27}$$

$$68) P(X=2) + P(X=3) \\ \binom{3}{2} \left(\frac{2}{3}\right)^2 \left(1-\frac{2}{3}\right)^1 + \binom{3}{3} \left(\frac{2}{3}\right)^3 \left(1-\frac{2}{3}\right)^0 \\ (3)\left(\frac{4}{9}\right)\left(\frac{1}{3}\right) + (1)\left(\frac{8}{27}\right)(1) \\ \frac{12}{27} + \frac{8}{27} = \frac{20}{27}$$

$$69) E(X) = 10, p = \frac{4}{100} = 0.04 \\ E(X) = np \\ 10 = 0.04n \rightarrow n = \frac{10}{0.04} = 250$$

$$70) C$$

$$71) a$$

$$72) P(X=1) + P(X=2) \\ \binom{3}{1} \left(\frac{2}{3}\right)^1 \left(1-\frac{2}{3}\right)^2 + \binom{3}{2} \left(\frac{2}{3}\right)^2 \left(1-\frac{2}{3}\right)^1 \\ (3)\left(\frac{2}{3}\right)\left(\frac{1}{9}\right) + (3)\left(\frac{4}{9}\right)\left(\frac{1}{3}\right) = \frac{18}{27}$$

$$73) P(X \geq 1) = 1 - P(X=0) \\ = 1 - 0.2 = 0.8$$

$$74) \sigma = \sqrt{np(1-p)} \\ = \sqrt{(280)(0.4)(1-0.4)} = \sqrt{67.2}$$

$$75) \text{Var}(X) = np(1-p) \\ 4 = n\left(\frac{1}{3}\right)\left(1 - \frac{1}{3}\right) \\ 4 = \frac{1}{3}n\left(\frac{2}{3}\right) \\ 4 = \frac{2n}{9} \rightarrow 2n = 36 \rightarrow n = 18$$

$$76) n = 25, p = \frac{1}{4} \\ \text{عند جعل كل 76 يكون قد اجاب كل واحد} \\ (19)(4) = 6 \text{ صنف} \\ P(X=19) = \binom{25}{19}\left(\frac{1}{4}\right)^{19}\left(1 - \frac{1}{4}\right)^6 \\ = \binom{25}{19}\left(\frac{1}{4}\right)^{19}\left(\frac{3}{4}\right)^6$$

$$77) p = \frac{2}{5}, n = 5 \text{ يوجد قطاعين أحمرين} \\ P(X=3) = \binom{5}{3}\left(\frac{2}{5}\right)^3\left(1 - \frac{2}{5}\right)^2 \\ = (10)\left(\frac{8}{125}\right)\left(\frac{9}{25}\right) = \frac{720}{625}$$

$$78) P(X=0) = \binom{5}{0}\left(\frac{2}{5}\right)^0\left(1 - \frac{2}{5}\right)^5 \\ \frac{243}{3125}$$

$$79) \text{Var}(X) = E(X)(1-p) \\ \frac{20}{3} = 8(1-p) \quad \frac{1}{8} \text{ هو } p$$

$$\left(\frac{20}{3}\right)\left(\frac{1}{8}\right) = 8(1-p) \frac{1}{8} \\ \frac{20}{24} = 1-p \rightarrow p = 1 - \frac{20}{24} = \frac{4}{24}$$

$$E(X) = np \\ 8 = (n)\left(\frac{4}{24}\right)$$

$$n = (8)\left(\frac{24}{4}\right) = 48$$

$$80) n = 3, p = 0.7 \\ P(X=0) = \binom{3}{0}(0.7)^0(0.3)^3 \\ = 0.027$$

$$81) n = 3, p = 0.7 \\ P(X \geq 1) = 1 - P(X=0) \\ = 1 - \binom{3}{0}(0.7)^0(0.3)^3 \\ = 1 - 0.027 = 0.973$$

$$82) n = 4, p = \frac{3}{8} = \frac{1}{2} \quad \frac{1+3+4+5+6}{8} = \frac{1}{2} \\ P(X=3) = \binom{4}{3}\left(\frac{1}{2}\right)^3\left(1 - \frac{1}{2}\right)^1 \\ (4)\left(\frac{1}{8}\right)\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{4}{16} = \frac{1}{4}$$

$$83) n = 5, p = \frac{1}{2} \\ P(X=1) = \binom{5}{1}\left(\frac{1}{2}\right)^1\left(1 - \frac{1}{2}\right)^4 \\ (5)\left(\frac{1}{2}\right)\left(\frac{1}{16}\right) = \frac{5}{32}$$

$$84) P(X \leq 4) = P(X=4) + \dots + P(X=0) \\ 1 - P(X=5) \\ 1 - \binom{5}{5}(0.3)^5(1-0.3)^0 \\ 1 - (0.3)^5$$

$$85) \text{Var}(X) = E(X)(1-p) \\ = (8)(0.5) = 4$$

(86)

P و ا. ك. ك

$$P(X \geq 1) = 1 - P(X=0)$$

$$\frac{7}{8} = 1 - \binom{3}{0} (p)^0 (1-p)^3$$

$$\frac{7}{8} = 1 - (1-p)^3$$

$$(1-p)^3 = 1 - \frac{7}{8} = \frac{1}{8}$$

$$1-p = \frac{1}{2} \rightarrow p = 1 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$$

$$P(X=2) = \binom{3}{2} \left(\frac{1}{2}\right)^2 \left(1 - \frac{1}{2}\right)^1$$

$$= (3) \left(\frac{1}{4}\right) \left(\frac{1}{2}\right) = \frac{3}{8}$$

$$(87) E(X) = np$$

$$6 = 0.2 p \rightarrow p = \frac{6}{0.2} = 30$$

$$(88) P(X=1) + P(X=0)$$

$$= \binom{7}{1} (0.1)(1-0.1)^6 + \binom{7}{0} (0.1)^0 (1-0.1)^7$$

$$= 0.8131$$

$$(89) X = 0, 1, 2$$

$$(90) E(X) = np$$

$$6 = (n) \left(\frac{1}{7}\right)$$

$$n = 42$$

$$91) Var(X) = np(1-p)$$

$$= (50)(0.12)(1-0.12)$$

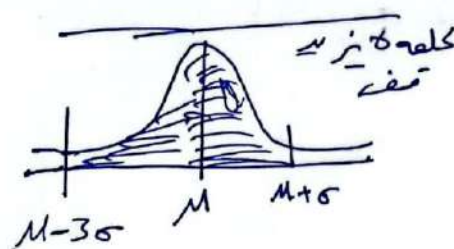
$$= 5.28$$

(92)



50%

(93)



$$2.35\% + 13.5\% + 34\% + 34\% = 83.85\%$$

$$94) \mu = 12, \sigma = 3$$

$$P(X > 12) = P(X > \mu) = 0.5$$

$$95) P(\mu - \sigma < X < \mu + \sigma) = 0.34 + 0.34$$

$$= 0.68$$

$$96) P(X > \mu + \sigma)$$

$$0.135 + 0.0235 + 0.0015 = 0.16$$

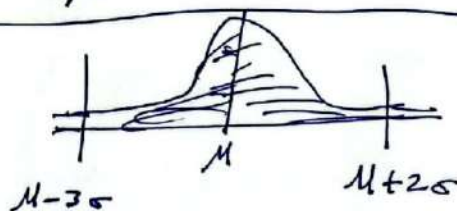
(97)



$$2.35\% + 13.5\% + 34\% + 34\% + 13.5\% + 2.35\%$$

$$99.7\%$$

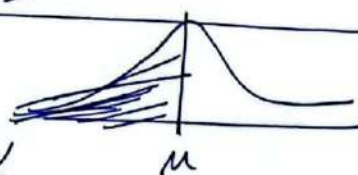
(98)



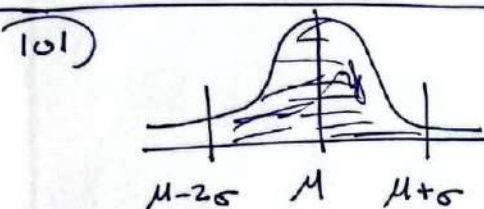
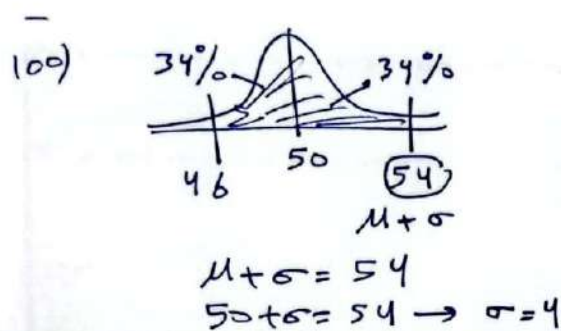
$$2.35\% + 13.5\% + 34\% + 34\% + 13.5\%$$

$$97.35\%$$

(99)



50%



$$13.5\% + 34\% + 34\% = 81.5\%$$

102) $\mu = 23, \sigma = \sqrt{2.25} = 1.5$

$$P(\mu < X < \mu + \sigma) = 0.34$$

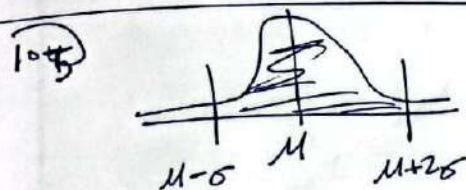
103) $\mu = 55, \sigma = 11$

$$P(X < \mu) = 0.5$$

104) $P(X > \mu + 2\sigma)$

$$= 2.35\% + 0.15\%$$

$$= 2.5\% = 0.025$$



$$34\% + 34\% + 13.5\% = 81.5\%$$

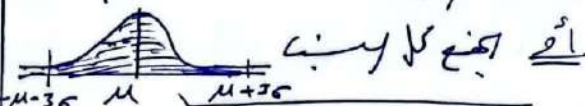
106) $P(\mu - 2\sigma < X < \mu - \sigma) + P(\mu + \sigma < X < \mu + 2\sigma)$

$$13.5\% + 13.5\% = 27\%$$

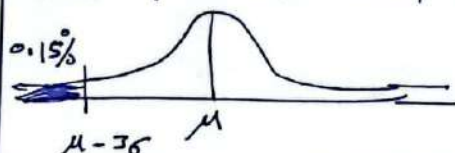
107) $\mu = 79, \sigma = 12$

$$P(\mu - 3\sigma < X < \mu + 3\sigma)$$

$$1 - (0.0015 + 0.0015) = 0.997$$

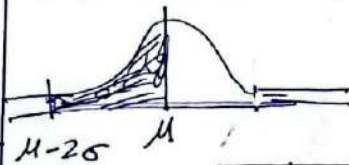


108) $P(X < \mu - 3\sigma) = 0.0015$

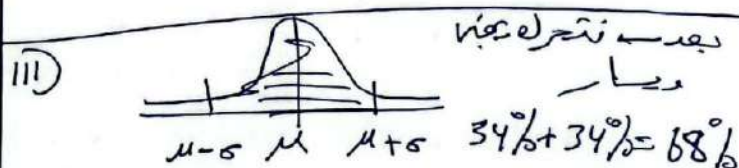
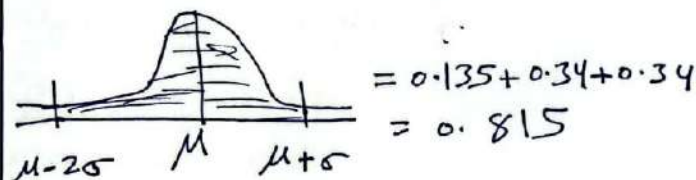


109) $\mu = 30, \sigma = 0.4$

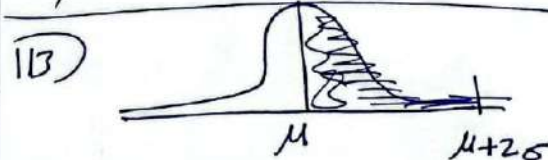
$$P(\mu - 2\sigma < X < \mu) = 0.34 + 0.135 = 0.475$$



110) $P(\mu - 2\sigma < X < \mu + \sigma)$



112) $d \quad X \sim N(\mu, \sigma^2) \rightarrow X \sim N(4, 3^2)$



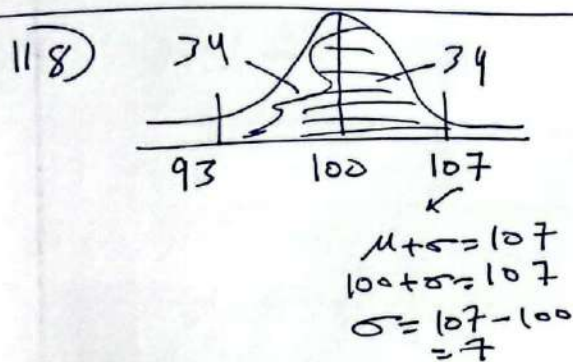
$$34\% + 13.5\% = 47.5\%$$

$$114) P(\mu - 2\sigma < X < \mu - \sigma) + P(\mu < X < \mu + \sigma) \\ = 13.5\% + 34\% = 47.5\%$$

$$115) P(\mu - 3\sigma < X < \mu - 2\sigma) + P(X > \mu + 3\sigma) \\ 2.35\% + 0.15\% = 2.5\%$$

$$116) \sigma = \frac{3}{2} = 1.5 \\ X \sim N(21, (1.5)^2)$$

$$117) \sigma = 3 \rightarrow X \sim N(12, 3^2) \\ X \sim N(12, 9)$$

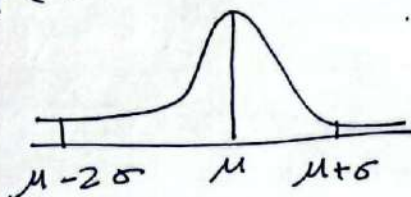


119) b

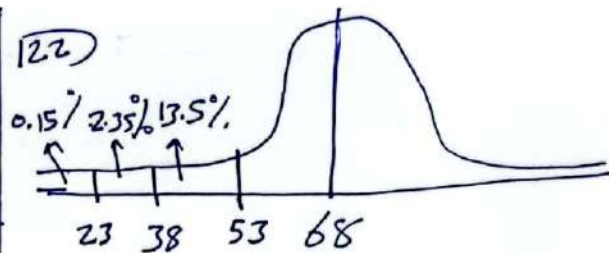
120) c

$$121) \mu = 18.5, \sigma = 2.5$$

$$P(13.5 < X < 21) \\ P(\mu - 2\sigma < X < \mu + \sigma)$$



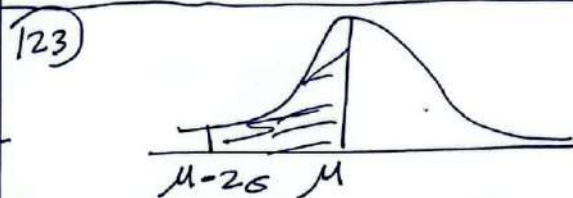
$$13.5\% + 34\% + 34\% = 81.5\% \\ = 0.815$$



بجانب من اقل من 16%
16%

$$0.15 + 2.35 + 13.5 = 16\%$$

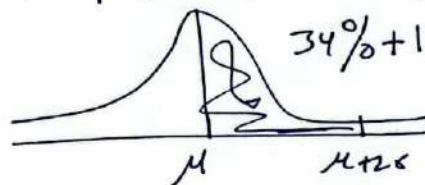
53 ساله یا بیشتر



$$34\% + 13.5\% = 47.5\%$$

$$124) \mu = 2.5 / \sigma = 0.1$$

$$125) P(\mu < X < \mu + 2\sigma) \\ 34\% + 13.5\% = 47.5\%$$



$$126) P(2.5 < X < 2.5)$$

$$P(\mu < X < \mu + \sigma)$$

$$34\% = 0.34$$

127) c

$$128) \sigma = 1$$

$$129) P(Z < -a) = 1 - P(Z < a) \\ = 1 - 0.7 = 0.3$$

$$130) P(-1.2 < Z < 0)$$

$$P(Z < 0) - P(Z < -1.2) \\ P(Z < 0) [1 - P(Z < 1.2)] \\ 0.5 - [1 - 0.8849] = 0.3849$$

$$131) P(Z < -0.62) = 1 - P(Z < 0.62) \\ 1 - 0.7324 = 0.2676$$

$$132) P(Z < 1.1) - P(Z < 0.47) \\ 0.8643 - 0.6808 = 0.1835$$

$$133) P(Z > a) = 0.9406 \quad \text{أكبر من 0.5}$$

$$P(Z > -a) = 0.9406$$

$$P(Z < a) = 0.9406$$

$$a = 1.56$$

$$a = -1.56 \quad \text{من الجدول}$$

$$134) P(Z < a) - P(Z < -a) = 0.74$$

$$P(Z < a) - [1 - P(Z < a)] = 0.74$$

$$P(Z < a) - 1 + P(Z < a) = 0.74$$

$$2P(Z < a) = 1 + 0.74$$

$$2P(Z < a) = 1.74$$

$$P(Z < a) = 0.67$$

135) c

$$136) P(Z < a) - P(Z < -a)$$

$$P(Z < a) - [1 - P(Z < a)]$$

$$2P(Z < a) - 1$$

$$2(0.7) - 1 = 0.4$$

$$P(Z > a) = 0.3$$

$$1 - P(Z < a) = 0.3$$

$$P(Z < a) = 0.7$$

$$137) P(-1 < Z < 1) = 2P(Z < 1) \quad \text{من الجدول}$$

$$2(0.584) = 0.3174$$

$$138) P(Z > a) = 0.015 \quad \text{أقل من 0.5}$$

$$1 - P(Z < a) = 0.015$$

$$P(Z < a) = 1 - 0.015$$

$$= 0.985$$

$$a = 2.17 \quad \text{من الجدول}$$

$$139) P(0 < Z < 1.5)$$

$$P(Z < 1.5) - P(Z < 0)$$

$$0.9332 - 0.5 = 0.4332$$

$$140) P(Z < a) = 0.0314 \quad \text{أقل من 0.5}$$

$$P(Z < -a) = 1 - P(Z < a) \quad \text{بـ } a$$

$$0.0314 = 1 - P(Z < a)$$

$$P(Z < a) = 1 - 0.0314 = 0.9686$$

$$1.86 \quad \text{من الجدول}$$

$$a = -1.86 \quad \text{من الجدول}$$

$$141) P(-0.5 < Z < 1.5)$$

$$P(Z < 1.5) - P(Z < -0.5)$$

$$P(Z < 1.5) - [1 - P(Z < 0.5)]$$

$$= 0.9332 - [1 - 0.6915]$$

$$= 0.6247$$

$$142) P(Z > 2) = 1 - P(Z < 2) \\ = 1 - 0.9772 = 0.0228$$

$$143) P(0.1 < Z < 0.31) \\ P(Z < 0.31) - P(Z < 0.1) \\ 0.6217 - 0.5398 = 0.0819$$

$$144) P(Z > -k) = P(Z < k) \\ = 0.8$$

$$145) P(Z < -z) = 1 - P(Z < z)$$

$$146) P(Z < a) - P(Z < -a) = 0.1272 \\ P(Z < a) - [1 - P(Z < a)] = 0.1272 \\ 2P(Z < a) = 1 - 0.1272 \\ 2P(Z < a) = 0.8728 \\ P(Z < a) = 0.4364$$

$$P(Z < -a) = 1 - P(Z < a) \\ 1 - P(Z < a) = 0.4364 \\ P(Z < a) = 1 - 0.4364 \\ P(Z < a) = 0.5636 \\ a = 0.16 \\ a = -0.16$$

$$147) P(0 < Z < a) \\ P(Z < a) - P(Z < 0) \\ 0.73 - 0.5 = 0.23$$

$$P(Z > a) = 1 - P(Z < a) \\ 0.27 = 1 - P(Z < a) \\ P(Z < a) = 1 - 0.27 \\ = 0.73$$

$$148) \\ 1 - P(Z < z)$$

$$149) \\ P(Z < a) - P(Z < -a) \\ P(Z < a) - [1 - P(Z < a)] \\ 2P(Z < a) - 1$$

$$150) Z = \frac{x - \mu}{\sigma} \\ Z = \frac{30 - 18}{6} = 2$$

$$151) P(Z < \frac{35 - 30}{10}) \quad \begin{matrix} \mu = 30 \\ \sigma = 10 \end{matrix} \\ P(Z < 0.5) = 0.6915$$

$$152) P(Z > \frac{38 - 30}{10}) \\ P(Z > 0.8) = 1 - P(Z < 0.8) \\ 1 - 0.7881 = 0.2119$$

$$153) P(Z < \frac{20 - 30}{10}) \\ P(Z < -1) = 1 - P(Z < 1) \\ 1 - 0.8413 = 0.1587$$

$$154) P(\frac{15 - 30}{10} < Z < \frac{32 - 30}{10}) \\ P(-1.5 < Z < 0.2) \\ P(Z < 0.2) - P(Z < -1.5) \\ P(Z < 0.2) - [1 - P(Z < 1.5)] \\ 0.5793 - [1 - 0.9332] \\ = 0.5125$$

$$155) \mu = 70, \sigma = 4$$

$$P(X > 80) = P(Z > \frac{80-70}{4})$$

$$P(Z > 2.5)$$

$$1 - P(Z < 2)$$

$$1 - 0.9778 = 0.0222$$

156+157

شكل معادلات

$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

$$1 = \frac{85 - \mu}{\sigma}$$

معادلات

$$\therefore \sigma = 85 - \mu \quad (1)$$

$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

$$-2 = \frac{70 - \mu}{\sigma}$$

$$-2\sigma = 70 - \mu \quad (2)$$

أصل μ موضوع قانون معادلات

$$\mu = 85 - \sigma$$

عوض في (2)

$$-2\sigma = 70 - (85 - \sigma)$$

$$-2\sigma = 70 - 85 + \sigma$$

$$\frac{-3\sigma}{-3} = \frac{-15}{-3}$$

$$\sigma = 5$$

$$\mu = 85 - \sigma$$

$$= 85 - 5 = 80$$

$$(158) Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

$$-2 = \frac{X - 96}{7}$$

$$X - 96 = -14$$

$$X = 96 - 14 = 82$$

$$159) Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

$$3 = \frac{60 - 54}{\sigma}$$

$$3\sigma = 6 \rightarrow \sigma = 2$$

$$160) Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

$$2 = \frac{74 - \mu}{6}$$

$$74 - \mu = 12 \rightarrow \mu = 74 - 12 = 62$$

$$P(20 < X < 22.02)$$

$$P\left(\frac{20-20}{3} < Z < \frac{22.02-20}{3}\right)$$

$$P(-0 < Z < 0.67)$$

$$P(Z < 0.67) - P(Z < 0)$$

$$0.7486 - 0.5 = 0.2486$$

$$162) P(68 < X < 77)$$

$$P\left(\frac{68-65}{6} < Z < \frac{77-65}{6}\right)$$

$$P(0.5 < Z < 2)$$

$$P(Z < 2) - P(Z < 0.5)$$

$$0.9772 - 0.6915 = 0.2857$$

$$163) P(375 < X < 450)$$

$$P\left(\frac{375-400}{20} < Z < \frac{450-400}{20}\right)$$

$$P(-1.25 < Z < 2.5)$$

$$P(Z < 2.5) - P(Z < -1.25)$$

$$P(Z < 2.5) - [1 - P(Z < 1.25)]$$

$$0.9938 - [1 - 0.8944]$$

$$= 0.8882$$

$$(8000)(0.8882) = 7105.6$$

المقدار

المسألة الأولى

المسألة الثانية

المسألة (6)

$$1) X \sim B(6, \frac{3}{8})$$

$$\begin{aligned} a) P(X=3) &= \binom{6}{3} \left(\frac{3}{8}\right)^3 \left(1 - \frac{3}{8}\right)^{6-3} \\ &= \binom{6}{3} \left(\frac{27}{512}\right) \left(\frac{125}{512}\right) \\ &= \frac{67500}{262144} = 0.2575 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b) P(X \geq 1) &= 1 - P(X=0) \\ &= 1 - \binom{6}{0} \left(\frac{3}{8}\right)^0 \left(1 - \frac{3}{8}\right)^{6-0} \\ &= 1 - (1)(1) \left(\frac{5}{8}\right)^6 \\ &= 1 - \frac{15625}{262144} = 0.9404 \end{aligned}$$

$$2) n=10, p = \frac{1}{4}$$

$$\begin{aligned} P(X \leq 1) &= P(X=0) + P(X=1) \\ &= \binom{10}{0} \left(\frac{1}{4}\right)^0 \left(1 - \frac{1}{4}\right)^{10} + \binom{10}{1} \left(\frac{1}{4}\right)^1 \left(1 - \frac{1}{4}\right)^9 \\ &= (1)(1) \left(\frac{3}{4}\right)^{10} + (10) \left(\frac{1}{4}\right) \left(\frac{3}{4}\right)^9 \\ &= 0.244 \end{aligned}$$

$$3) p = 0.15$$

$$X \sim \text{Geo}(0.15)$$

$$\begin{aligned} P(X > 3) &= (1 - 0.15)^3 \\ &= (0.85)^3 \\ &= 0.614125 \end{aligned}$$

$$4) p = 0.4$$

$$X \sim \text{Geo}(0.4)$$

$$\begin{aligned} P(X > 3) &= (1 - 0.4)^3 \\ &= (0.6)^3 \\ &= 0.216 \end{aligned}$$

$$5) p = \frac{25}{100} = 0.25, n = 8$$

$$X \sim B(8, 0.25)$$

$$\begin{aligned} a) P(X=6) &= \binom{8}{6} (0.25)^6 (1 - 0.25)^{8-6} \\ &= 0.003845214 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} b) E(X) &= np \\ &= (8)(0.25) \\ &= 2 \end{aligned}$$

$$6) p = \frac{70}{100} = 0.7, n = 15$$

$$X \sim B(15, 0.7)$$

$$\begin{aligned} P(X \leq 2) &= P(X=2) + P(X=1) + P(X=0) \\ &= \binom{15}{2} (0.7)^2 (1 - 0.7)^{13} + \binom{15}{1} (0.7) (1 - 0.7)^{14} + \binom{15}{0} (0.7)^0 (1 - 0.7)^{15} \end{aligned}$$

$$7) a) P(Z < 2) - P(Z < k) = 0.6687$$

$$0.9772 - P(Z < k) = 0.6687$$

$$P(Z < k) = 0.9772 - 0.6687$$

$$P(Z < k) = 0.3085 \rightarrow \text{من الجدول } Z = 0.5$$

$$P(Z < -2) = 1 - P(Z < 2)$$

$$0.3085 = 1 - P(Z < 2)$$

$$P(Z < 2) = 1 - 0.3085$$

$$P(Z < 2) = 0.6915$$

$$Z = 0.5 \text{ من الجدول}$$

$$K = 0.5 \text{ من الجدول}$$

$$b) \mu = 155, \sigma = 3$$

$$P(155 < X < 159.5)$$

$$P\left(\frac{155-155}{3} < Z < \frac{159.5-155}{3}\right)$$

$$P(0 < Z < 1.5)$$

$$= P(Z < 1.5) - P(Z < 0)$$

$$= 0.9332 - 0.5$$

$$= 0.4332$$

$$8) \mu = 72, \sigma = 4$$

$$1) P(X > 76) = P(X > \mu + \sigma)$$

$$= 0.135 + 0.0235 + 0.0015$$

$$= 0.16$$

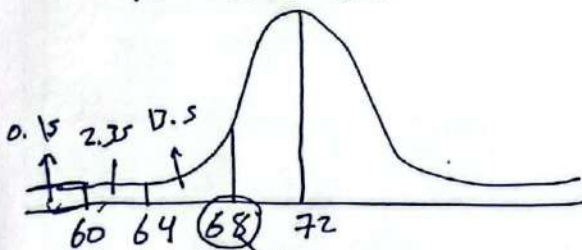
$$2) P(\mu - \sigma < X < \mu + 2\sigma)$$

$$= 0.34 + 0.34 + 0.135$$

$$= 0.815$$

$$3) \text{ مجموع مناطق العيني}$$

$$0.15\% + 2.35\% + 13.5\% = 16\%$$



68 العيني

$$9) \mu = 70, \sigma = 5$$

$$P(64 < X < 80.5)$$

$$P\left(\frac{64-70}{5} < Z < \frac{80.5-70}{5}\right)$$

$$P(-1.2 < Z < 2.1)$$

$$P(Z < 2.1) - P(Z < -1.2)$$

$$P(Z < 2.1) - [1 - P(Z < 1.2)]$$

$$= 0.9821 - [1 - 0.8849]$$

$$= 0.867$$

$$(1000)(0.867) \text{ العدد}$$

$$867$$

التمرين (6) { الاحتمال المتكامل (كتاب + خارجي) }

1) $X \sim \text{Geo}(0.1)$ $n=5$

a) $P(X=5) = 0.1(1-0.1)^{5-1} = 0.06561$

b) $P(X>4) = (1-0.1)^4 = 0.6561$

2) $X \sim \text{Geo}(0.1)$ $n=5$

a) $P(X=0) = \binom{5}{0} (0.1)^0 (1-0.1)^5 = (0.9)^5$

b) $P(X>3) = (1-0.1)^3 = (0.9)^3 = 0.729$

3) $X \sim \text{Geo}(0.8)$

$P(X>3) = (1-0.8)^{3-1} = (0.2)^2 = 0.04$

4) $p = \frac{1}{4}$

$P(X>2) = (1-\frac{1}{4})^2 = (\frac{3}{4})^2 = \frac{9}{16}$

5) $p = \frac{60}{100} = 0.6$ / $n = 12$

a) $P(X=7) = \binom{12}{7} (0.6)^7 (1-0.6)^5 = 0.227$

b) $P(X \leq 2) = P(X=0) + P(X=1) + P(X=2) = \binom{12}{0} (0.6)^0 (0.4)^{12} + \binom{12}{1} (0.6)^1 (0.4)^{11} + \binom{12}{2} (0.6)^2 (0.4)^{10} = 0.003$

6) $P(X>1) = \frac{215}{216}$

$1 - P(X=0) = \frac{215}{216}$

$1 - \binom{3}{0} p^0 (1-p)^3 = \frac{215}{216}$

$1 - (1-p)^3 = \frac{215}{216}$

$(1-p)^3 = 1 - \frac{215}{216} = \frac{1}{216}$

$1-p = \frac{1}{6}$

$p = 1 - \frac{1}{6} = \frac{5}{6}$

$P(X=2) = \binom{3}{2} (\frac{5}{6})^2 (1-\frac{5}{6})^1$

$= \binom{3}{2} (\frac{25}{36}) (\frac{1}{6}) = \frac{75}{216}$

$= \frac{25}{72}$

7) $\text{Var}(X) = np(1-p) = 24$

$= 100p(1-p) = 24$

$100p - 100p^2 = 24$

$100p^2 - 100p + 24 = 0$

المفضل حلها بالقانون العام

$p = \frac{3}{5}$ و $p = \frac{2}{5}$

8) $n = 20$, $p = 0.25$

a) $P(X \geq 3) = 1 - (P(X=0) + P(X=1) + P(X=2))$

$= 1 - (\binom{20}{0} (0.25)^0 (0.75)^{20} + \binom{20}{1} (0.25)^1 (0.75)^{19} + \binom{20}{2} (0.25)^2 (0.75)^{18})$

$= 0.025$

b) $P(X=20) = \binom{20}{20} (0.25)^{20} (0.75)^0$

$= (0.25)^{20}$

$$9) E(X) = np$$

$$630 = np \quad \text{--- (1)}$$

$$Var(X) = np(1-p)$$

$$441 = 630(1-p)$$

$$441 = 630 - 630p$$

$$630p = 630 - 441$$

$$630p = 189$$

$$p = \frac{189}{630} = 0.3$$

نقوس معادله (1)

$$630 = 0.7p$$

$$p = \frac{630}{0.7} = 2100$$

$$10) n = 3, p = \frac{2}{7}$$

$$X \sim B(3, \frac{2}{7})$$

$$P(X > 1) = 1 - P(X = 0)$$

$$= 1 - \binom{3}{0} \left(\frac{2}{7}\right)^0 \left(1 - \frac{2}{7}\right)^3$$

$$= 1 - (1)(1) \left(\frac{5}{7}\right)^3$$

$$= 1 - \frac{125}{343} = \frac{218}{343}$$

$$11) \mu = 167 \text{ cm}, \sigma = 8 \text{ cm}$$

$$a) P(X < 167) = P(X < \mu) = 0.5$$

$$b) P(159 < X < 167)$$

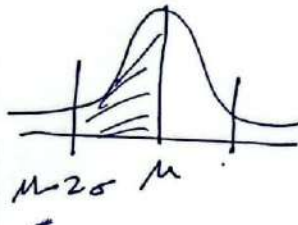
$$P(\mu - \sigma < X < \mu) = 0.34$$

$$12) \mu = 30, \sigma = 0.4$$

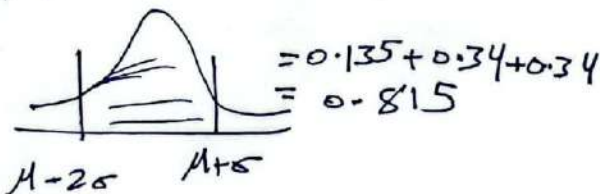
$$a) P(\mu - \sigma < X < \mu + \sigma) = 0.34 + 0.34 = 0.68$$



$$b) P(\mu - 2\sigma < X < \mu) = 0.34 + 0.135 = 0.475$$



$$c) P(\mu - 2\sigma < X < \mu + \sigma)$$



$$13) \mu = 24, \sigma = 4$$

$$a) P(X < 24) = P(X < \mu) = 0.5$$

$$b) P(20 < X < 28)$$

$$P(\mu - \sigma < X < \mu + \sigma) = 0.34 + 0.34 = 0.68$$

$$c) P(X > 32) = P(X > \mu + 2\sigma)$$

$$= 0.0235 + 0.0015$$

$$= 0.025$$

14) a) $P(Z < a) = 0.0735$ أقل من 0.5
صا a

$$P(Z < -z) = 1 - P(Z < z)$$

$$0.0735 = 1 - P(Z < z)$$

$$P(Z < z) = 1 - 0.0735 = 0.9265$$

$$z = 1.45$$

من الجدول

$$a = -1.45$$

معلومة

b) $P(Z > a) = 0.6480$ أكبر من 0.5
صا a

$$P(Z > -z) = P(Z < z)$$

$$0.6480 = P(Z < z)$$

$$z = 0.38$$

من الجدول

$$a = -0.35$$

معلومة

c) $P(Z > a) = 0.409$ أقل من 0.5
صا a

$$P(Z > z) = 1 - P(Z < z)$$

$$0.409 = 1 - P(Z < z)$$

$$P(Z < z) = 1 - 0.409 = 0.591$$

$$z = 0.23$$

من الجدول

$$a = 0.23$$

معلومة

15) $P(Z < a) - P(Z < -a) = 0.1272$

b) $P(Z < a) - [1 - P(Z < a)] = 0.1272$

$$P(Z < a) - 1 + P(Z < a) = 0.1272$$

$$2P(Z < a) = 1 + 0.1272$$

$$2P(Z < a) = 1.1272$$

$$P(Z < a) = 0.5636$$

من الجدول

$$a = 0.16$$

b) $P(Z < a) - P(Z < 0) = 0.45$

$$P(Z < a) - 0.5 = 0.45$$

$$P(Z < a) = 0.45 + 0.5 = 0.9500$$

أمر إلى 0.9495

$$1.64$$

من الجدول

16) $P(0 < Z < 1.2)$

a) $P(Z < 1.2) - P(Z < 0)$

$$0.8849 - 0.5 = 0.3849$$

b) $P(Z > 1.6)$

$$1 - P(Z < 1.6)$$

$$1 - 0.9452 = 0.0548$$

17) $P(Z < c) - P(Z < 1) = 0.1408$

$$P(Z < c) - 0.8413 = 0.1408$$

$$P(Z < c) = 0.1408 + 0.8413$$

$$P(Z < c) = 0.9821$$

$$c = 2.1$$

من الجدول

أمر إلى

$$0.9778$$

18) $P(Z < 2) - P(Z < 4) = 0.3517$

$$0.9772 - P(Z < 4) = 0.3517$$

$$P(Z < 4) = 0.9772 - 0.3517$$

$$P(Z < 4) = 0.6255$$

$$b = 0.32$$

من الجدول

$$19) \mu = 16, \sigma = 2.5$$

$$a) P(X < 18.5) = P(Z < \frac{18.5 - 16}{2.5})$$

$$P(Z < 1) = 0.8413$$

$$b) P(Z > \frac{11 - 16}{2.5})$$

$$P(Z > -2) = P(Z < 2) = 0.9772$$

$$c) P(\frac{12 - 16}{2.5} < Z < \frac{18 - 16}{2.5})$$

$$P(-1.6 < Z < 0.8)$$

$$P(Z < 0.8) - P(Z < -1.6)$$

$$P(Z < 0.8) - [1 - P(Z < 1.6)]$$

$$= 0.7881 - [1 - 0.9452]$$

$$= 0.7333$$

$$20) \mu = 3.5, \sigma = 0.5$$

$$P(3 < X < 4) \quad \text{اجزاء مساوي}$$

$$P(\frac{3 - 3.5}{0.5} < Z < \frac{4 - 3.5}{0.5})$$

$$P(-1 < Z < 1)$$

$$P(Z < 1) - P(Z < -1)$$

$$P(Z < 1) - [1 - P(Z < 1)]$$

$$= 0.8413 - [1 - 0.8413]$$

$$= 0.6826$$

$$(300)(0.6826) \approx 205 \quad \text{العدد}$$

$$21) \mu = 185, \sigma = 5$$

$$a) P(180 < X < 190)$$

$$P(\frac{180 - 185}{5} < Z < \frac{190 - 185}{5})$$

$$P(-1 < Z < 1)$$

$$P(Z < 1) - P(Z < -1)$$

$$P(Z < 1) - [1 - P(Z < 1)]$$

$$0.8413 - [1 - 0.8413] = 0.6826$$

$$b) P(X > 195) = P(Z > \frac{195 - 185}{5})$$

$$P(Z > 2) = 1 - P(Z < 2)$$

$$= 1 - 0.9772 = 0.0228$$

$$n = (2000)(0.0228)$$

$$= 46 \quad \text{العدد}$$

$$22) P = \frac{50}{600} = 0.0833 \quad \text{اجزاء مساوي}$$

a: العدد

$$P(X \geq a) = P(Z \geq \frac{a - 75}{8})$$

$$0.0833 = 1 - P(Z \leq \frac{a - 75}{8})$$

$$P(Z \leq \frac{a - 75}{8}) = 1 - 0.0833$$

$$P(Z \leq \frac{a - 75}{8}) = 0.9167 \quad \text{من الجدول}$$

$$\frac{a - 75}{8} = 1.38$$

$$1.38$$

$$a - 75 = 11.04 \rightarrow a = 86.04$$

$$23) \mu = 506, \sigma = 3 \quad \text{العدد 1000 مائل}$$

$$P(X < 500)$$

$$P(Z < \frac{500 - 506}{3}) = P(Z < -2)$$

$$= 0.0539$$

$$(0.0539)(1000)$$

$$= 54 \quad \text{العدد}$$