



الثانوية العامة

**رياضيات الفرع العلمي
(منهاج أردني)**

جميع التكاملات (جد التكامل)

أسئلة إمتحانات سنوات سابقة

من العام ١٩٩٧ - ٢٠٢٠

أ. بديع أحمد حمدان

ملاحظة :

سيتم دمج هذا الأسئلة في كتاب المبدع فصل ثانى (الطبعة الجديدة)

هذا ما عندي فإن أحسنت فمن الله ، وإن أساءت أو أخطأت فمن نفسي والشيطان

طبعة محدثة

الطريقة	التكامل والإجابة	رقم
(٨ علامات) أجزاء	$\int \frac{ds}{s^3 + ds} \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ١٩٩٧} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{2} s^2 - \frac{1}{2} \ln(s) + C$	١
(٧ علامات) قسمة ثم كسور جزئية	$\int \frac{s^2 + s + 5}{s^2 + s} ds \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ١٩٩٧} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $s + 5 - \frac{5}{s+1} + \ln(s+1) + C$	٢
(٧ علامات) تحليل ثم تعويض	$\int \frac{s^5 - s^2}{s^3} ds \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ١٩٩٨} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $\frac{3}{16} (s^2 - 1)^{\frac{3}{2}} + \frac{1}{4} s^{\frac{1}{2}} + C$	٣
(٧ علامات) كسور جزئية	$\int \frac{7ds}{s^2 - s^3} \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ١٩٩٨} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $\ln(s) - \ln(s-1) + C$	٤
(٦ علامات) تحليل ثم تعويض	$\int \frac{(s+1)^6}{s^7} ds, s \neq 0 \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ١٩٩٩} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{6} (\frac{1}{s} + 1)^6 - C$	٥
(٥ علامات) قسمة ثم كسور جزئية	$\int \frac{s^2}{1 - s^2} ds, s \neq \pm 1 \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ١٩٩٩} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $-\frac{1}{2} s^2 + \ln s+1 + \ln s-1 + C$	٦
(٥ علامات) تحليل فقط	$\int \frac{7}{4s^2 + 4s + 4} ds \quad \left. \begin{array}{l} \text{أردن : ٢٠٠٠} \\ \text{أداة} \end{array} \right\}$ $\frac{14}{15}$	٧



(٦) علامات) أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{س قاس دس} \\ \text{س ظاس - لو } \end{array} \right\}$	٨ أردن : ٢٠٠٠
(٨) علامات) تعويض ثم قسمة	$\left. \begin{array}{l} \frac{1 + \sqrt{s + 1}}{1 - \sqrt{s + 1}} \\ (s + 1)^2 + 4s + 1 - \sqrt{s + 1} \end{array} \right\}$	٩ أردن : ٢٠٠٠
(٥) علامات) متطابقات فقط	$\left. \begin{array}{l} (\text{جتاس} + \text{جاس})^2 \text{ دس} \\ s - \frac{1}{2} \text{ جتا } \end{array} \right\}$	١٠ أردن : ٢٠٠٠ إكمال
(٥) علامات) تحليل وقيمة مطلقة	$\left. \begin{array}{l} \sqrt{s^2 - 2s + 1} \text{ دس} \\ s \end{array} \right\}$	١١ أردن : ٢٠٠٠ إكمال
(٨) علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{s}{s-9} \text{ دس} \\ \sqrt{s^2 - 3s + 1} - \sqrt{s^2 - 3s + 1} + ج \end{array} \right\}$	١٢ أردن : ٢٠٠٠ إكمال
تحليل ثم تعويض	$\left. \begin{array}{l} (s^3 - s^6)^3 \text{ دس} \\ \frac{1}{16} (s^4 - 3s^4 + ج) \end{array} \right\}$	١٣ أردن : ٢٠٠١
تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} s^5 \text{ جتاس } 3 \text{ دس} \\ \frac{1}{3} s^3 \text{ جاس } 3 + \frac{1}{3} \text{ جتاس } 3 + ج \end{array} \right\}$	١٤ أردن : ٢٠٠١
تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{1-h} \text{ دس} \\ \text{لو } h^3 - 1 - \text{لو } h^3 + ج \end{array} \right\}$	١٥ أردن : ٢٠٠١



كسور جزئية	$\frac{3}{s^2 + s - 12} \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠١ شتوى	١٦
	$-\frac{3}{7} \ln s+4 + \frac{3}{7} \ln s-3 + ج$		
تحليل ثم تعويض	$\sqrt{\frac{1+s^2}{s}} \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠١ شتوى	١٧
	$ج + \sqrt{\left(\frac{1}{s} + 2\right)} \sqrt{\frac{2}{3}} -$		
(٨) علامات) أجزاء مرتين	$(لوس)^2 \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠٢	١٨
	$ه - ٢$		
(٦) علامات) تعويض	$\frac{\text{جتا}^2 s}{\text{جاس} \text{ جتا} s} \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠٢	١٩
	$\ln جاس + ج$		
(٦) علامات) كسور جزئية	$\frac{1+s^2}{s^2 + 4s - 4} \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠٢	٢٠
	$\frac{3}{5} \ln s-1 + \frac{7}{5} \ln s+4 + ج$		
توزيع الكسر مباشر	$\frac{s^2 - s^4}{s^2} \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠٣ شتوى	٢١
	$س^2 - ج$		
تعويض	$(s^2 + 1) \text{ جتا} (s^3 + s^3 + 1) \text{ دس}$	أردن : ٢٠٠٣ شتوى	٢٢
	$\frac{1}{3} \text{ جا} (s^3 + s^3 + 1) + ج$		
أجزاء	$س^2 \ln s \text{ دس}$	أردن : ٢٠١٣ صيفى	٢٣
	$\frac{1}{3} \ln s^3 - \frac{1}{9} s^3 + ج$		



متطابقات ثم تعويض	$\left. \begin{array}{l} \text{جا}^3 \text{س جتا}^3 \text{س دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٤ شتوى} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{4} \text{جا}^4 \text{س} - \frac{1}{6} \text{جا}^6 \text{س} + \text{ج}$	٢٤
كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{2} \text{س} - \frac{1}{2} \text{س} + \text{د س} \\ \text{أردن : ٢٠٠٤ شتوى} \end{array} \right\}$ $\frac{2}{3} \text{لو}^{\frac{1}{2}} \text{س} - \frac{7}{3} \text{لو}^{\frac{1}{2}} \text{س} + \text{ج}$	٢٥
تعويض ثم رجوع للفرض	$\left. \begin{array}{l} \text{س}^0 \sqrt[3]{\text{s}^3 + 1} \text{ دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٤ شتوى} \end{array} \right\}$ $\frac{2}{9} \text{ج} + \sqrt[3]{(1 + \text{s}^3) \text{ دس}} - \frac{2}{15} \sqrt[5]{(\text{s}^3 + 1)^2}$	٢٦
(٨) علامات) تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{س}^3 \text{ه}^{(\text{s}^2 + 1)} \text{ دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٥ شتوى} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{2} \text{ه}^{(\text{s}^2 + 1)} (\text{s}^2 - 1) + \text{ج}$	٢٧
(٨) علامات) تعويض ثم كسورة جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{\text{س}^2 + 1} \text{ دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٥ شتوى} \end{array} \right\}$ $\frac{2}{3} \text{لو}^{\frac{1}{2}} \text{س} + \frac{1}{3} \text{لو}^{\frac{1}{2}} \text{س} + \frac{1}{2} \text{لو}^{\frac{1}{2}} \text{س} - \text{ج}$	٢٨
متطابقات ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{س ظا}^2 \text{س دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٦ شتوى} \end{array} \right\}$ $\text{س ظاس} + \text{لو}^{\frac{1}{2}} \text{جtas} - \frac{\text{س}^2}{2} + \text{ج}$	٢٩
تعويض ثم كسورة جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{1}{\text{س}^2 + 2 \sqrt[3]{\text{s}}} \text{ دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٦ شتوى} \end{array} \right\}$ $\text{لو}^{\frac{3}{2}} \text{س} - \text{لو}^{\frac{3}{2}} \text{س} + 1 + \text{ج}$	٣٠
(٧) علامات) كسورة جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{12}{\text{س}^2 - 4} \text{ دس} \\ \text{أردن : ٢٠٠٧ شتوى} \end{array} \right\}$ $\text{لو}^{\frac{3}{2}} \text{س} - \text{لو}^{\frac{3}{2}} \text{س} + \text{ج}$	٣١



(٧ علامات) متطابقات ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{س (جاس + جناس)} \\ \text{س جناس} \end{array} \right\} \frac{1}{2} \text{ دس}$ $\frac{1}{2} \text{ س}^2 - \frac{1}{2} \text{ س جناس} + \text{ج}$	أردن : ٢٠٠٧ شتوي ٣٣
(٧ علامات) تعويض	$\left. \begin{array}{l} \text{ه (س}^3 + \text{ه}^3) \\ \text{ه}^3 \end{array} \right\} \text{دس}$ $\frac{1}{3} \text{ ه}^3 + \text{ج}$	أردن : ٢٠٠٧ شتوي ٣٤
(٦ علامات) كسور جزئية	$\frac{3}{\text{س}^2 - \text{س}^5} \text{ دس}$ $-\frac{3}{5} \text{ لو}_\text{ه} \text{ اس} + \frac{3}{5} \text{ لو}_\text{ه} \text{ اس} - \text{ج}$	أردن : ٢٠٠٧ صيفي ٣٤
(٨ علامات) تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{وكذلك} \\ \text{أردن : ٢٠١٤ شتوي} \end{array} \right\} \text{دس جنا (س}^2 + 1)$ $\text{س}^2 + 1 \text{ جا} (\sqrt{\text{س}^2 + 1} + \text{جتا} (\sqrt{\text{س}^2 + 1}))$	أردن : ٢٠٠٧ صيفي ٣٥
(١٠ علامات) أجزاء ثم كسرو جزئية	$\frac{2 \text{ لو}_\text{ه} \text{ س}}{\text{س} - 2} \text{ دس}$ $-\frac{2 \text{ لو}_\text{ه} \text{ س}}{\text{س} - 1} - 2 \text{ لو}_\text{ه} \text{ اس} + \text{ا} \text{س} - \text{ج}$	أردن : ٢٠٠٨ شتوي ٣٦
(٨ علامات) متطابقات ثم تعويض	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن : ٢٠٠٨ شتوي} \\ \pi \end{array} \right\} \text{جنا}^2 \text{ س دس}$ $\frac{\pi}{2}$	٣٧
(٥ علامات) بدون طرق تكامل	$\left. \begin{array}{l} \text{لو}_\text{ه}^{(٢)} \text{ ه}^9 - 4 \text{ ه}^5 \\ \text{ه}^5 \end{array} \right\} \text{دس}$	أردن : ٢٠٠٨ شتوي ٣٨



(٧ علامات) متطابقات ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \frac{s}{\sqrt[2]{s}} \text{ دس} \\ \frac{1}{4}s^2 + \frac{1}{4}s \text{ جاس} + \frac{1}{8} \text{ جتا } 2s \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٠٨ صيفي ٤٩
(٩ علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{2}{s(\sqrt[3]{s}-2)(\sqrt[3]{s}-1)} \text{ دس} \\ \frac{16}{9} \text{ لو } \frac{2}{3} \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٠٨ صيفي ٤٠
(٦ علامات) أجزاء دوار	$\left. \begin{array}{l} \frac{h}{\sqrt[3]{s}} \text{ دس} \\ \frac{1}{2}h(s \text{ جاس} - \text{جتا } s) \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٠٩ شتوي ٤١
(٩ علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{2}{s-4\sqrt[4]{s}} \text{ دس} \\ \frac{3}{h} \text{ لو } \frac{2}{3} \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٠٩ شتوي ٤٢
(٧ علامات) متطابقات ثم تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{\text{جتا } s}{s^3 - 3\text{ جاس} - \text{جتا } 2s} \text{ دس} \\ \frac{1}{3}h \text{ جاس} - \frac{1}{3}h \text{ جاس} + \frac{1}{3}h \text{ جاس} \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٠٩ صيفي ٤٣
(٦ علامات) متطابقات ثم أجزاء دوار	<p style="text-align: center;">  ملاحظة غير مقرر في منهاج الفلسطيني (يعتمد على متطابقات مثلثية غير مقررة) </p> $\left. \begin{array}{l} h(s(2\text{جتا } 3s \text{ جتا } 3s - \text{جتا } 2s)) \text{ دس} \\ \frac{1}{17}h(s(4\text{جاس} + \text{جتا } 4s)) \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠١٠ شتوي ٤٤
(٩ علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{2}{\sqrt[3]{s^3 + 4s^2 + 3s}} \text{ دس} \\ \frac{6}{5}h \text{ لو } \frac{2}{3} \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠١٠ شتوي ٤٥



(٦) علامات) ضرب بالمرافق	$\left. \frac{ds}{1 - جتس} \right\} \begin{cases} \frac{\pi}{2} \\ \frac{\pi}{4} \end{cases}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١٠ صيفي</p> $\sqrt[3]{r} - \sqrt[2]{r} + 1$	٤٦
(٥) علامات) تعويض	$\left. \frac{ds}{r(s(1+\sqrt{r}))^{\frac{3}{4}}} \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١٠ صيفي</p> $\frac{2}{3} - ج + \sqrt[3]{r} + 1$	٤٧
(١٠) علامات) أجزاء ثم كسور جزئية	$\left. لو_{ه}(s^2 - 1)^{\frac{1}{2}} ds \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١٠ صيفي</p> $س لو_{ه}(s^2 - 1)^{\frac{1}{2}} - لو_{ه}s - 1 + لو_{ه}s + 1 + ج$	٤٨
(٧) علامات) أجزاء	$\left. (s^2 - 1)^{\frac{1}{2}} جا(s^2) ds \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١١ شتوي</p> $\frac{1}{2} (1 - s^2) جتس + \frac{1}{2} جا2s + ج$	٤٩
(٨) علامات) كسور جزئية	$\left. \frac{ s - 1 }{s^2 - 5s} ds \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١١ شتوي</p> $- لو_{ه}(2)$	٥٠
(٦) علامات) تعويض ثم أجزاء	$\left. قا^2(r) ds \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١١ صيفي</p> $\sqrt[2]{r} \sqrt[2]{s} (s) + 2 لو_{ه} جتس (s) + ج$	٥١
(٥) علامات) متطابقات ويمكن بالتعويض	$\left. جاس جتس ds \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١١ صيفي</p> $(\frac{\pi}{3} + \frac{\sqrt[3]{r}}{8}) - \frac{1}{8}$	٥٢
(٧) علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \frac{4 ds}{s^3 + s} \right\}$ <p style="text-align: right;">أردن : ٢٠١١ صيفي</p> $2 لو_{ه}s^2 - 2 لو_{ه}s^2 + 1 + ج$	٥٣



٦ علامات) تحليل ثم تعويض	 ملاحظة هذا السؤال ورد في إمتحان عام ١٩٩٩ ولكن بدون حدود للتكامل (تكامل غير محدود)	 أردن : ٢٠١٢ شتوي $\frac{1}{s} \left\{ \frac{(s+1)^7}{s^7} \right\} \text{ دس}$ $\frac{665}{6}$
٦ علامات) أجزاء	$\left. \frac{s \text{ جناس}}{s^3 s} \right\} \text{ دس}$	 أردن : ٢٠١٢ شتوي $-\frac{1}{2} s \text{ ظنا } s^2 - \frac{1}{2} (\text{ظناس} + s) + \text{ ج}$
٦ علامات) قسمة ثم كسور جزئية	$\left. \frac{s^3 - 1}{s^2 + s} \right\} \text{ دس}$	 أردن : ٢٠١٢ شتوي $\frac{1}{2} s^2 - 2s - \frac{1}{2} \text{ لو } s + \frac{9}{2} \text{ لو } s + 1 + \text{ ج}$
٥ علامات) متطابقات ثم أجزاء	$\left. \frac{s}{s^2 + s} \right\} \text{ دس}$	 أردن : ٢٠١٢ صيفي $\frac{1}{2} s \text{ ظاس} + \frac{1}{2} \text{ لو } s \text{ جناس} + \text{ ج}$
٥ علامات) تعويض	$\left. \frac{s}{s^5 + s} \right\} \text{ دس}$	 أردن : ٢٠١٢ صيفي $\frac{8}{3}$
٧ علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \frac{s}{s^4 - s^2} \right\} \text{ دس}$	 أردن : ٢٠١٢ صيفي $\frac{1}{4} \text{ لو } s^2 - \frac{1}{4} \text{ لو } s^4 + \text{ ج}$
٦ علامات) متطابقات ثم تعويض	$\left. \frac{\pi}{2} \text{ جناس} \right\} \text{ دس}$	 أردن : ٢٠١٣ شتوي $\frac{2\sqrt{2}}{6}$



(٨) علامات) تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٣ شتوى} \\ \text{س}^5 \text{ه}^3 \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{3} (\text{س}^3 \text{ه}^3 - \text{ه}^3) + \text{ج}$	٦١
(٨) علامات) قسمة ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٣ شتوى} \\ \text{س}^{\frac{2}{3}} - \text{ه}^{\frac{2}{3}} \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\text{س} + \text{لو}_\text{ه} \text{ س} - 2 \text{ } 2 + \text{س} + \text{ج}$	٦٢
(٦) علامات) تعويض ومتطابقات	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٣ صيفى} \\ \text{قا}^4 (\text{س}^3) \text{ ظا}^3 (\text{س}^3) \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{18} \text{ ظا}^4 (\text{س}^3) + \text{ج}$	٦٣
(٦) علامات) قسمة ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٣ صيفى} \\ \text{س}^{\frac{2+0}{2}} \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\frac{3}{2} \text{ لو}_\text{ه} \text{ س} - 1 \text{ } 1 + \text{س} + \text{ج}$	٦٤
(٥) علامات) متطابقات	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٤ شتوى} \\ (\text{ظاس} + \text{قاس})^2 \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\text{قاس} + 2 \text{ ظاس} - \text{س} + \text{ج}$	٦٥
(٦) علامات) كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٤ شتوى} \\ \text{س}^{\frac{6+5}{2}} \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\text{لو}_\text{ه} \text{ س} - 3 \text{ } 2 - \text{لو}_\text{ه} \text{ س} - 2 \text{ } 1 + \text{ج}$	٦٦
(٦) علامات) مباشر بالتبسيط أو تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٤ شتوى} \\ \text{وكذلك} \end{array} \right\}$ $\frac{1}{\text{س}^{\frac{1}{2}} + 1} \text{ دس}$ $\text{س} - \text{لو}_\text{ه} \text{ س} + 1 + \text{ج}$	٦٧
(٦) علامات) مباشر بعد إعادة التعريف	$\left. \begin{array}{l} \text{أردن: ٢٠١٤ شتوى} \\ (\text{س}^2 - \text{س} - 1) \text{ دس} \end{array} \right\}$ $\frac{5}{3}$	٦٨



(٥ علامات) تعويض	$\left. \begin{array}{l} \text{ظتا س لو}_h \text{ (جاس) دس} \\ \frac{1}{2} (\text{لو}_h \text{ (جاس)}) + ج \end{array} \right\}$	٦٩
(٧ علامات) تعويض	$\left. \begin{array}{l} \frac{s}{s+h} \text{ دس} \\ \frac{1}{2} \text{ لو}_h \text{ } s^2 + ج \end{array} \right\}$	٧٠
(٨ علامات) كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{s-13}{3+s-2s^2} \text{ دس} \\ \frac{5}{2} \text{ لو}_h \text{ } s^2 - 1 - 2 \text{ لو}_h \text{ } s - 3 + ج \end{array} \right\}$	٧١
(٧ علامات) تعويض	$\left. \begin{array}{l} \frac{s-1}{s+1-s} \text{ دس} \\ 2\sqrt{2}-1 \end{array} \right\}$	٧٢
(٦ علامات) فصل الكسر ومنطابقات ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \frac{s+\text{جاس}}{1+\text{جتاس}} \text{ دس} \\ س \text{ ظا } \frac{s}{2} + ج \end{array} \right\}$	٧٣
(٤ علامات) متطابقات	$\left. \begin{array}{l} \frac{5\text{ جاس}^2 + 5\text{ جتا}^2 \text{ س}}{3+3\text{ جتا}^2 \text{ س}} \text{ دس} \\ \frac{5}{6} \text{ ظاس } + ج \end{array} \right\}$	٧٤
(٦ علامات) تعويض ثم قسمة	$\left. \begin{array}{l} \frac{(s-2)^3}{s^2} \text{ دس} \\ (s-2)(2-s)+8 \text{ لو}_h \text{ س } + ج \end{array} \right\}$	٧٥



(٧ علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\frac{\sqrt[3]{s} - 2}{\sqrt[3]{s} - 9}$ $\frac{3}{2} \sqrt[3]{s^2} - \sqrt[3]{s} + 1$ $+ \frac{4}{2} \log \left \frac{3 - \sqrt[3]{s}}{2} \right + \frac{9}{2} \log \left \frac{3 + \sqrt[3]{s}}{2} \right + \text{ج}$	أردن : ٢٠١٥ شتوى ٧٦
(٥ علامات) تعويض ثم أجزاء	$\frac{(1-s)^{1/2} + 1}{s^{1/2}}$ $+ \frac{3}{2}$	أردن : ٢٠١٥ شتوى ٧٧
(٨ علامات) تعويض	$\frac{s^3}{(s^2 + 9)^{1/2}}$ $\frac{4}{5}$	أردن : ٢٠١٥ صيفى ٧٨
(٦ علامات) متطابقات	<p>يعتمد على متطابقات</p> <p> ملاحظة</p> <p>(غير مقررة) في منهاج الفلسطيني</p> $\frac{\text{جتا}^3 s}{\text{جتا} s}$ $\text{جا}^2 s - s + \text{ج}$	أردن : ٢٠١٥ صيفى ٧٩
(٧ علامات) يفصل لتكاملين احدهما بالأجزاء والأخر بالتعويض	$\frac{\text{جتا}^2 s + s^2 \text{ظاس}}{\text{جتا} s}$ $+ \frac{3}{2} \text{قا}^2 s + \text{ج}$	أردن : ٢٠١٥ صيفى ٨٠
(٦ علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\frac{s}{s^2 + \frac{5}{2} s - \frac{5}{2}}$ $+ \frac{1}{2} \text{لو}^2 \text{ه} - \frac{1}{2} \text{لو} \text{ه}^2 - \frac{1}{3} \text{لو} \text{ه}^3 + \text{ج}$	أردن : ٢٠١٥ صيفى ٨١
(٨ علامات) متطابقات ثم تعويض	$\frac{\pi}{4} \text{ جتا}^2 s + \frac{1}{2} \text{جا}^2 s \text{جتا} s$ $+ \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2\sqrt{1}} + 1 \right) \sqrt{1 + 1} - \frac{2\sqrt{4}}{3}$	أردن : ٢٠١٦ شتوى ٨٢



(٧) علامات الضرب بالمرافق ثم التعويض	$\frac{\frac{1}{s} + \frac{1}{s}}{\frac{1}{s} - \frac{1}{s}}$ $= \frac{2s}{s^2 - 1}$	أردن : ٢٠١٦ شتوي ٨٣
(٧) علامات تعويض ثم أجزاء	$\frac{\pi}{4} \left[\frac{\pi}{3} \operatorname{Cas} s - \frac{1}{3} \operatorname{Lo} s \right]$ $= \frac{1}{3} + \sqrt{3} s - (\sqrt{3}) s$	أردن : ٢٠١٦ شتوي ٨٤
(٦) علامات تعويض	$\frac{\operatorname{Lo} s}{\operatorname{Cas} s}$ $= \frac{1}{4} (\operatorname{Lo} s)^2 + s$	أردن : ٢٠١٦ صيفي ٨٥
(٧) علامات تعويض ثم كسور جزئية	$\frac{1}{s^2 + s}$ $= \frac{1}{s} + \frac{2}{s+1} + \frac{2}{s+2} - \frac{4}{s+3}$	أردن : ٢٠١٦ صيفي ٨٦
(٨) علامات تعويض ثم أجزاء	$\operatorname{Cas} s = (1 + \operatorname{GtAs}(s))$ $= \frac{(1 + \operatorname{GtAs}(s))^3 - (1 + \operatorname{GtAs}(s))^2}{9}$ $+ \frac{(1 + \operatorname{GtAs}(s))}{2}$	أردن : ٢٠١٧ شتوي ٨٧
(٦) علامات تحليل ثم تعويض	$\frac{s^2}{s^2 - 2}$ $= \frac{1}{s^2}$	أردن : ٢٠١٧ شتوي ٨٨
(٧) علامات متطابقات ثم تعويض ثم كسور جزئية	$\frac{\operatorname{Cas} s}{s^2 - 8}$ $= \frac{1}{6} (\operatorname{Lo} s)^3 + \operatorname{Cas} s$	أردن : ٢٠١٧ شتوي ٨٩



(٦) علامات تعويض ثم كسور جزئية	$\frac{s^2}{s^2 + s} \quad , \quad s > 0$ $\frac{1}{3} \ln s^3 + 1 + C - \frac{1}{3} \ln s^3 + 1 $	٩٠
(٧) علامات تحليل ثم تعويض	$\frac{(s^2 - 6s + 9)^{\frac{7}{2}}}{s^9} \quad , \quad s > 0$ $\frac{32}{3}$	٩١
(٦) علامات مباشر ومراعاة إعادة التعريف	$\frac{h^{(s^2 - 1)^{\frac{1}{2}} - h}}{ds}$ $-\frac{h}{2} + \frac{1}{h^2}$	٩٢
(٦) علامات إعادة التعريف وتقسيم التكامل	$\left(\frac{1}{3} s^2 - 2 \right) ds$ $5 -$	٩٣
(٨) علامات تعويض ثم أجزاء	$(s+2)(s^2 + 4s + 3) ds$ $-\frac{1}{2} (s^2 + 4s + 4) \text{ جتا}(s^2 + 4s + 3) + \frac{1}{2} \text{ جا}(s^2 + 4s + 3)$	٩٤
(٧) علامات قسمة ثم كسور جزئية	$\frac{s^2 + s}{s^2 - s} ds$ $s + \frac{5}{3} \ln s - 2 - \frac{2}{3} \ln s + 1 + C$	٩٥
(٨) علامات قسمة ثم كسور جزئية	$\frac{s^3 + 3s - 6}{s^2 - 9} ds$ $\frac{s^2}{2} + 5 \ln s - 3 + 7 \ln s + 3 + C$	٩٦
(٨) علامات متطابقات ثم تعويض ثم أجزاء	$\text{جا}^2 s \ln \text{لو}^2 (\text{جتا}s)^2 ds$ $2 \text{ جتا}^2 s \ln \text{لو}^2 (\text{جتا}s) + \text{جتا}^3 s + C$	٩٧



(٨) علامات) تعويض	$\left(\frac{s^3 + s}{s - 1} \right)^{\frac{1}{3}} \quad \text{أردن : ٢٠١٨ صيفي}$ $(\sqrt[3]{s+1} + \sqrt[3]{s})^{\frac{1}{2}} -$	٩٩
(١٣) عالمة) قسمة ثم كسور جزئية	$\frac{s^3 + 2s^2 - 6}{s^2 - 4} \quad \text{أردن : ٢٠١٨ صيفي - معيدين}$ $\frac{9}{2} + \frac{3}{2}s + \frac{1}{2}s^2 - \frac{1}{2}s^3 + \frac{3}{2}s^2 - \frac{9}{2}s + \frac{1}{2}s^3$	١٠٠
(١٢) عالمة) أجزاء	$\frac{s^2}{(s+1)^2} \quad \text{أردن : ٢٠١٨ صيفي - معيدين}$ $2 - h$	١٠١
(١٢) عالمة) متطابقات ثم تعويض	$\text{جتاس } (2 - 2\sin(\frac{\pi}{4}))^4 \quad \text{أردن : ٢٠١٨ صيفي - معيدين}$ $\frac{2\sqrt{8}}{9}$	١٠٢
(٨) علامات) تعويض مرتين	$\frac{(s^2 + \sqrt{s})^5}{s^4} \quad \text{أردن : ٢٠١٩ شتوي}$ $\frac{2}{6} + \frac{1}{6}s + \frac{1}{6}s^2 -$	١٠٣
(٨) علامات) متطابقات ثم تعويض ثم كسور جزئية	$\frac{\text{جتاس}}{\text{جتاس}^2 + 3\text{جاس} - 3} \quad \text{أردن : ٢٠١٩ شتوي}$ $-\frac{1}{h}\text{ جاس} - \frac{2}{h} + \frac{1}{h}\text{ جاس} - \frac{1}{h} + \frac{1}{h}\text{ ج}$	١٠٤
(٨) علامات) تعويض ثم أجزاء	$\frac{h}{s^3} \quad \text{أردن : ٢٠١٩ شتوي}$ $2h^2(s^3 - h^3) + j$	١٠٥



(٨) علامات تعويض	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ شتوى - معيدين </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> جاس (١ + جناس) دس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> ج + جناس (١ + جناس) ج + جناس (١ + جناس) </div>
(١٠) علامات أجزاء ثم كسور جزئية	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ شتوى - معيدين </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> لو (٤س٢ - ٩) دس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> س لو (٤س٢ - ٩) س لو (٤س٢ - ٩) </div>
(١١) عالمة أجزاء دوار	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ شتوى - معيدين </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> ٤ ه٢ س جاس جناس دس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> ه٢ س جناس دس ه٢ س جناس دس </div>
(٨) علامات كسور جزئية	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ صيفى </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> س - ٢س + ١ دس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> ه٢ س - ٣ ه٢ س - ٣ </div>
(٨) علامات متطابقات ثم تعويض	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ صيفى </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> لو (١ + ٣س - ٤) ه٢ س </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> لو (١ + ٣س - ٤) لو (١ + ٣س - ٤) </div>
(٨) علامات تعويض ثم أجزاء	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ صيفى </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> جاس دس جاس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> جاس جاس </div>
(٨) علامات قسمة ثم كسور جزئية	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> أردن : ٢٠١٩ صيفى </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> ه٥ س٥ دس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> ه٥ س٥ ه٥ س٥ </div>
(١١) عالمة متطابقات	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> ٢٠١٩ صيفى - خطة ٢٠١٩ </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> س٥ - ٢س١٠ لو (١٨ + ٢س) </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> لو (١٨ + ٢س) لو (١٨ + ٢س) </div>
(١٠) علامات	<div style="text-align: right; margin-bottom: 10px;"> ٢٠١٩ صيفى - خطة ٢٠١٩ </div> <div style="display: flex; align-items: center;"> جتاٌس دس جاس </div> <div style="display: flex; justify-content: space-between; width: 100%;"> جاس جاس </div>



(١٠) علامات) تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{س}^2 \text{ه}^3 \text{د} \text{س} \\ \text{س}^2 \text{ه}^3 \text{س} + \frac{2}{27} \text{ه}^3 \text{س}^3 + \frac{2}{9} \text{س}^3 \text{ه}^3 - \frac{1}{3} \text{س}^2 \text{ه}^3 \text{س} \end{array} \right\}$	٢٠١٨ صيفي - خطة ٢٠١٩ ١١٤
(١٦) عالمة) قسمة ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{\text{س}^2 + \frac{2}{3} \text{ه}^3}{\text{س}^2 - \text{س}} \text{د} \text{س} \\ \text{س}^2 - \text{لو}_\text{ه} \text{س} + 5 \text{لو}_\text{ه} \text{س} - 1 \end{array} \right\}$	٢٠١٩ صيفي - خطة ٢٠١٩ ١١٥
(١٦) عالمة) تعويض ومتطابقات	$\left. \begin{array}{l} \text{قتا}^4 (\text{س}^2) \text{ظتا}^3 (\text{س}^2) \text{د} \text{س} \text{د} \text{س} \\ - \frac{1}{12} \text{ظتا}^6 (\text{س}^2) + \text{ج} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ صيفي - خطة ٢٠١٩ ١١٦
(١٧) عالمة) تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{ه}^2 \text{س} \text{جا}(\text{ه}^3) \text{د} \text{س} \\ - \text{ه}^3 \text{جتا}(\text{ه}^3) + \text{جا}(\text{ه}^3) + \text{ج} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ صيفي - خطة ٢٠١٩ ١١٧
(٨) علامات) تحليل ثم تعويض	$\left. \begin{array}{l} \text{س}^2 \sqrt[3]{\text{s}^3 - \text{s}^7} \text{د} \text{س} \\ \text{ج} + \sqrt[3]{\frac{3}{16} - \text{s}^4} - \text{أو} \quad \text{أو} \quad \frac{4}{3} \text{س}^4 - \frac{3}{16} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - منهاج قديم ١١٨
(٨) علامات) تعويض ثم أجزاء	$\left. \begin{array}{l} \text{ه}^3 \text{س} \text{جا}(\sqrt[3]{\text{ه}^3}) \text{د} \text{س} \\ - 2 \sqrt[3]{\text{ه}^3 \text{س} \text{جتا}(\sqrt[3]{\text{ه}^3}) + 2 \text{جا}(\sqrt[3]{\text{ه}^3}) + \text{ج}} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - منهاج قديم ١١٩
(٨) علامات) تعويض ثم كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{\text{جاس}}{\text{جتا}^2 \text{س} + 2 \text{جtas} + 1} \text{د} \text{س} \\ - \frac{1}{2} \text{لو}_\text{ه} \text{جtas} + \frac{1}{2} \text{لو}_\text{ه} \text{جtas} + \text{ج} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - منهاج قديم ١٢٠
(١١) عالمة) تعويض	$\left. \begin{array}{l} \text{جا}^3 \text{س} (4 + \text{جtas})^\circ \text{د} \text{س} \\ + \frac{15}{6} (4 + \text{جtas})^\frac{7}{6} + \frac{8}{7} (4 + \text{جtas})^\frac{8}{7} - \frac{8}{8} (4 + \text{جtas})^\frac{8}{8} \end{array} \right\}$	٢٠١٨ تكميلي - خطة ٢٠١٩ ١٢١



(١٠) علامات كسور جزئية	$\frac{9}{س^2 - 7} \quad \left. \begin{array}{l} \text{دش} \\ \text{دش} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - خطة ٢٠١٨
(١٠) علامات تعويض ثم أجزاء	$\frac{\text{لو}_ه(\sqrt[3]{س})}{س} \quad \left. \begin{array}{l} \text{دش} \\ \text{دش} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - خطة ٢٠١٨
(١٦) عالمة أجزاء	$\text{س} \text{لو}_ه(\sqrt[3]{س}) \quad \left. \begin{array}{l} \text{دش} \\ \text{دش} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - خطة ٢٠١٩
(١٦) عالمة تعويض ثم أجزاء	$\frac{1}{2} + \frac{1}{ه} \quad \left. \begin{array}{l} \text{دش} \\ \text{دش} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - خطة ٢٠١٩
(١٧) عالمة تحليل ثم تعويض	$\frac{(س^3 - س^0)}{س^{18}} \quad \left. \begin{array}{l} \text{دش} \\ \text{دش} \end{array} \right\}$	٢٠١٩ تكميلي - خطة ٢٠١٩



لمزيد من الفائدة إنضم إلى مجتمعنا :
مجموعة فيسبوك (تجمع رياضيات توجيهي - نحو القمة)





ملاحظة

جميع إختبارات ٢٠٢٠ لكافة الفروع عبارة عن أسئلة موضوعية (ضع دائرة) والإختبار يتكون من عدة نماذج

تحليل ثم تعويض	$\left. \begin{array}{l} (2s^0 - 4s)^3 \\ \hline \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠	١٢٤
		$\frac{1}{2}(s^4 - 2)^4 + ج$	
متطابقات	$\left. \begin{array}{l} 2 قاس ظناس دس \\ \hline \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠	١٢٥
		٢ - ظناس + ج	
(١٦) عالمة تعويض	$\left. \begin{array}{l} هـ س \sqrt{هـ س + 2} + هـ س + 1 \\ \hline دس \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠	١٢٤
		$\frac{1}{2}هـ س + هـ س + ج$	
أجزاء	$\left. \begin{array}{l} لوـ س دس \\ \hline \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠	١٢٥
		١ + هـ س	
كسور جزئية	$\left. \begin{array}{l} \frac{2}{س^2 - 1} \\ \hline دس \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠	١٢٤
		لوـ س - ١ - لوـ س + ١ + ج	
متطابقات	$\left. \begin{array}{l} جاس + جناس \\ \hline دس \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠ الدراسات الخاصة	١٢٤
		٢	
تعويض	$\left. \begin{array}{l} هـ س \sqrt{هـ س + 2} + هـ س + 1 \\ \hline دس \end{array} \right\}$	أردن : ٢٠٢٠ الدراسات الخاصة	١٢٥
		$\frac{1}{3}هـ س^4 + ج$	



كسور جزئية	$\frac{4}{s^2 - 4} = \frac{4}{(s-2)(s+2)}$	أردن : ٢٠٢٠ الدراسات الخاصة	١٢٤
مباشر	$(s^3 + s^2 + s - 1) / s$	أردن : ٢٠٢٠ تكميلي	١٢٥
مباشر	$\frac{1}{(s^2 - 1)} = \frac{1}{(s-1)(s+1)}$	أردن : ٢٠٢٠ تكميلي	١٢٥
مطابقات	$\frac{1}{(j_{\alpha}^2 s - j_{\beta}^2 s)} = \frac{1}{j_{\alpha}^2 s + j_{\beta}^2 s}$	أردن : ٢٠٢٠ تكميلي	١٢٤
تعويض	$\frac{s}{s(s-1)} = \frac{1}{s-1}$	أردن : ٢٠٢٠ تكميلي	١٢٥
كسور جزئية	$\frac{4}{s^2 + 2s - 3} = \frac{4}{(s+3)(s-1)}$	أردن : ٢٠٢٠ تكميلي	١٢٦



لمزيد من الفائدة إنضم إلى مجتمعنا :
مجموعة فيسبوك (تجمع رياضيات توجيهي - نحو القمة)



من كتاب (المبدع) في الرياضيات

الصف الثاني عشر - الفرع العلمي والصناعي

إعداد

أ. بدیع احمد حمدان

**تهنیاتنا للجميع بالتفوق والنجاح
وتحقيق أعلى الدرجات**

**أي تعليق على المادة
التواصل
معي مباشرة**

أرجو منكم الدعاء لي ولوالدي



لمزيد من الفائدة إنضم إلى مجتمعنا :

مجموعة فيسبوك (تجمع رياضيات توجيهي - نحو القمة)



٢٠

من كتاب المبدع في الرياضيات ف ٢ - للصف ١٢ علمي - شرح للمادة و تدريبات شاملة - قوية - مميزة
إعداد : أ. بدیع احمد حمدان - ماجستير إحصاء تطبيقي جوال - ٥٩٩٦٨٩٠٧٤

